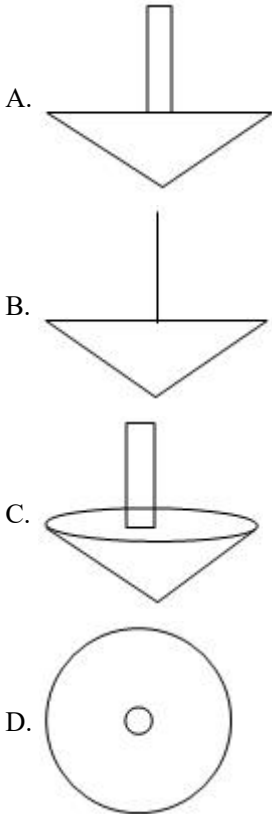


2023-2024 学年四川省成都市锦江区嘉祥外国语学校九年级（上）期末
数学试卷

一、选择题：本题共 8 小题，每小题 4 分，共 32 分。在每小题给出的选项中，只有一项是符合题目要求的。

1. 这是一个水平放置的木陀螺（上面是圆柱体，下面是圆锥体）玩具，它的主视图（ ）



2. “两岸猿声啼不住，轻舟已过万重山”。2023 年 8 月 29 日，华为搭载自研麒麟芯片的 *mate60* 系列低调开售。据统计，截至 2023 年 10 月 21 日，华为 *mate60* 系列手机共售出约 160 万台，将数据 1600000 用科学记数法表示应为（ ）

- A. 0.16×10^7 B. 1.6×10^6 C. 1.6×10^7 D. 16×10^6

3. 一个不透明的盒子中装有 5 个大小相同的乒乓球，将其摇匀，从中随机摸出一个乒乓球，记下其颜色。然后再放回，这样重复做了 1000 次摸球试验，摸到黄球的频数为 400，则估计其中的黄球个数为（ ）

- A. 1 B. 2 C. 3 D. 4

4. 调查某少年足球队 18 位队员的年龄，得到数据结果如表：

年龄岁	11	12	13	14	15
人数	2	6	7	2	1

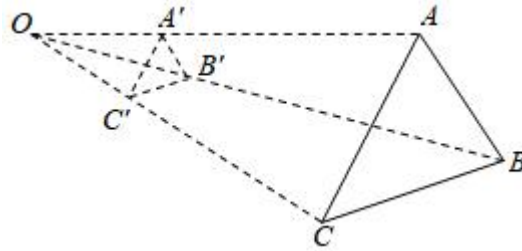
则该足球队队员年龄的众数和中位数分别是（ ）

- A. 13 岁，12 岁 B. 13 岁，14 岁 C. 13 岁，13 岁 D. 13 岁，15 岁

5. 小刚身高 $1.6m$ ，测得他站立在阳光下的影子长为 $0.8m$ ，紧接着他把手臂竖直举起，测得影子长为 $1m$ ，那么小刚举起手臂超出头顶()

- A. $2m$ B. $0.6m$ C. $0.5m$ D. $0.4m$

6. 如图， $\triangle A'B'C'$ 是 $\triangle ABC$ 以点 O 为位似中心经过位似变换得到的，若 $OB = 3OB'$ ，则 $\triangle A'B'C'$ 的面积与 $\triangle ABC$ 的面积之比是()



- A. 1: 3 B. 2: 3 C. 1: 6 D. 1: 9

7. 我国古代数学经典著作《九章算术》中有这样一题，原文是：今有共买物，人出七，盈二；人出六，不足三.问人数、物价各几何？”意思是：今有人合伙购物，每人出七钱，会多二钱；每人出六钱，又差三钱，问人数、货物总价各多少？设人数为 x 人，货物总价为 y 钱，可列方程组为()

- A. $\begin{cases} y = 7x - 2 \\ y = 6x + 3 \end{cases}$ B. $\begin{cases} y = 7x + 2 \\ y = 6x - 3 \end{cases}$ C. $\begin{cases} 7x = y + 2 \\ y = 6x - 3 \end{cases}$ D. $\begin{cases} 7x = y - 2 \\ y = 6x + 3 \end{cases}$

8. 下列关于反比例函数 $y = \frac{8}{x}$ 的说法正确的是()

- A. 图象位于第二、四象限 B. y 随 x 的增大而减小
C. 函数图象过点 $(-2, 4)$ D. 图象是中心对称图形

二、填空题：本题共 10 小题，每小题 4 分，共 40 分。

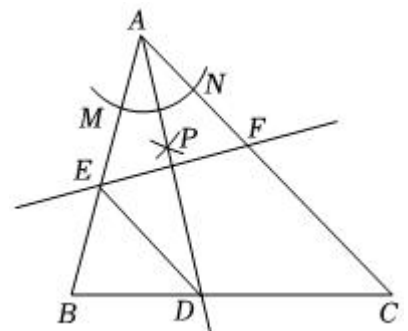
9. 若 $\frac{1}{\sqrt{3-x}}$ 在实数范围内有意义，则实数 x 的取值范围是_____.

10. 分解因式： $ax^2 - 2ax + a =$ _____.

11. 已知 $\sqrt{5} + 2$ 是方程 $x^2 - 4x + c = 0$ 的一根，则 $c =$ _____.

12. 已知点 C 是线段 AB 的黄金分割点，且 $AC > BC$ ， $AB = 2$ ，则 $BC =$ _____.

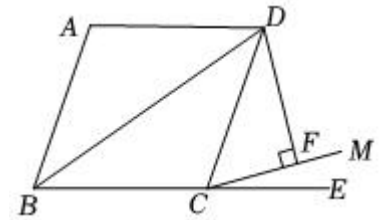
13. 如图， $\triangle ABC$ 中，以点 A 为圆心任意长为半径画弧交线段 AB 、 AC 于点 M 、 N ，分别以点 M 、 N 为圆心，大于 $\frac{1}{2}MN$ 的长为半径画弧交 BC 于点 D ，折叠 $\triangle ABC$ ，使点 A 与点 D 重合，折痕交线段 AB 、 AC 于点 E 、 F ，若 $\angle BAC = 60^\circ$ ， $AD = 2\sqrt{2}$ ，则 $AE =$ _____.



14. 已知关于 x 的方程 $x^2 + (2m - 1)x + m^2 = 0$ 有两个实数根, 此方程两根分别为 α, β , 且 $\alpha\beta + \alpha + \beta = 9$, 则 m 的值为_____.

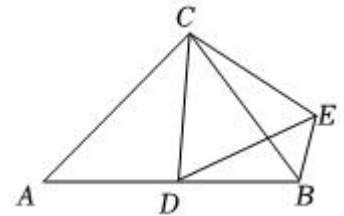
15. 若有六张完全一样的卡片正面分别写有 $-1, -2, 0, 1, 2, 3$, 现背面向上, 任意抽取一张卡片, 其上面的数字能使关于 x 的分式方程 $\frac{k-1}{x-1} = 2$ 的解为正数, 且使反比例函数 $y = \frac{3-k}{x}$ 图象过第一、三象限的概率为_____.

16. 如图, 四边形 $ABCD$ 为菱形, $\angle ABC = 80^\circ$, 延长 BC 到 E , 在 $\angle DCE$ 内作射线 CM , 使得过点 D 作 $\angle ECM = 30^\circ$, $DF \perp CM$, 垂足为 F , 若 $DF = \sqrt{3}$, 则对角线 BD 的长为_____.



17. 在平面直角坐标系 xOy 中, 对于点 $P(a, b)$, 若点 P' 的坐标为 $(ka + b, a + \frac{b}{k})$ (其中 k 为常数且 $k \neq 0$), 则称点 P' 为点 P 的“ k 关联点”. 已知点 A 在反比例函数 $y = \frac{\sqrt{3}}{x}$ 的图象上运动, 且点 A 是点 B 的“ $\sqrt{3}$ 关联点”, 当线段 OB 最短时, 点 B 的坐标为_____.

18. 如图, $\triangle ABC$ 中, $\angle A = 45^\circ$, $\angle ABC = 60^\circ$, $AB = 1 + \sqrt{3}$, 点 D 是边 AB 上任意一点, 以 CD 为边在 AD 的右侧作等边 $\triangle DCE$, 连接 BE , 则 $\triangle BDE$ 面积的最大值为_____.



三、解答题: 本题共 8 小题, 共 78 分。解答应写出文字说明, 证明过程或演算步骤。

19. (本小题 8 分)

(1) 解方程: $x^2 - 6x + 8 = 0$;

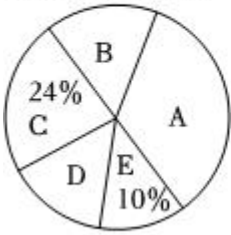
(2) 求不等式组 $\begin{cases} 2x + 5 \leq 3(x + 2) \textcircled{1} \\ 2x - \frac{1 + 3x}{2} < 1 \textcircled{2} \end{cases}$ 的解集, 并写出满足该不等式组的非负整数解之和.

20. (本小题 10 分)

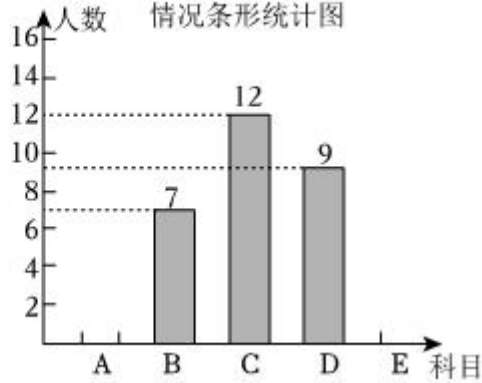
成都市某校在推进新课改的过程中, 开设的体育选修课有: A —篮球, B —足球, C —排球, D —羽毛球, E —乒乓球, 学生可根据自己的爱好选修一门, 学校王老师对某班全班同学的选课情况进行调查统计, 制成了两幅不完整的统计图(如图).

- (1) 求出该班的总人数，并补全条形统计；
- (2) 求出“足球”在扇形的圆心角是多少度；
- (3) 该班班委 4 人中，1 人选修篮球，2 人选修足球，1 人选修排球，李老师要从这 4 人中任选 2 人了解他们对体育选课的看法，请你用列表或画树状图的方法，求选出的 2 人恰好都选修足球的概率。

某班全班学生选课情况扇形统计图

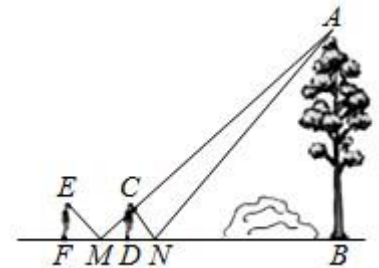


某班全班学生选课情况条形统计图



21. (本小题 10 分)

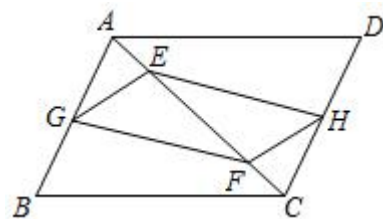
“创新实践”小组想利用镜子与皮尺测量大树 AB 的高度，因大树底部有障碍物，无法直接测量到大树底部的距离。聪明的小颖借鉴《海岛算经》的测量方法设计出如图所示的测量方案：测量者站在点 F 处，将镜子放在点 M 处时，刚好看到大树的顶端，沿大树方向向前走 2.8 米，到达点 D 处，将镜子放在点 N 处时，刚好看到大树的顶端 (点 F, M, D, N, B 在同一条直线上)。若测得 $FM = 1.5$ 米， $DN = 1.1$ 米，测量者眼睛到地面的距离为 1.6 米，求大树 AB 的高度。



22. (本小题 10 分)

如图，在平行四边形 $ABCD$ 中，点 G, H 分别是 AB, CD 的中点，点 E, F 在对角线 AC 上，且 $AE = CF$ 。

- (1) 求证：四边形 $EGFH$ 是平行四边形；
- (2) 连接 BD 交 AC 于点 O ，若 $BD = 14$ ， $AE + CF = EF$ ，求 EG 的长。



23. (本小题 10 分)

正方形 $ABCD$ 的边长为 4, AC, BD 交于点 E . 在点 A 处建立平面直角坐标系如图所示.

(1) 如图 1, 双曲线 $y = \frac{k_1}{x}$ 过点 E , 求点 E 的坐标和反比例函数的解析式;

(2) 如图 2, 将正方形 $ABCD$ 向右平移 $m(m > 0)$ 个单位长度, 使过点 E 的双曲线 $y = \frac{k_2}{x}$ 与 AB 交于点 P . 当

$\triangle AEP$ 为等腰三角形时, 求 m 的值.

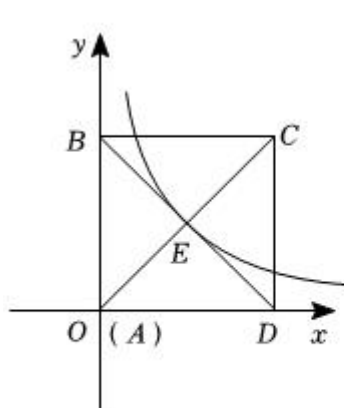


图1

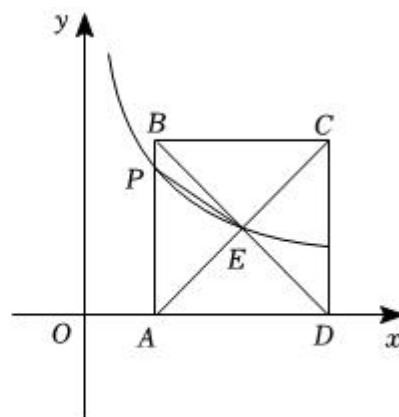


图2

24. (本小题 10 分)

某电子厂商投产一种新型电子产品, 每件制造成本为 18 元, 试销过程中发现, 每月销售量 y (万件) 与销售单价 x (元) 之间的关系可以近似地看作一次函数 $y = -2x + 100$. (利润=售价-制造成本)

(1) 写出每月的利润 z (万元) 与销售单价 x (元) 之间的函数关系式;

(2) 当销售单价为多少元时, 厂商每月能获得 350 万元的利润? 当销售单价为多少元时, 厂商每月能获得最大利润? 最大利润是多少?

(3) 根据相关部门规定, 这种电子产品的销售单价不能高于 32 元, 如果厂商要获得每月不低于 350 万元的利润, 那么制造出这种产品每月的最低制造成本需要多少万元?

25. (本小题 10 分)

如图 1, 在平面直角坐标系中, $OA = OB = \frac{1}{5}OC = 2$, 经过 A, B 两点的直线与反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 在第一

象限内的图象交于点 D ，经过 A, C 两点的直线与反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 在第一象限内的图象交于点 E ，已知点 D 的坐标为 $(3, 5)$ 。

(1) 求直线 AC 的解析式及 E 点的坐标；

(2) 若 y 轴上有一动点 F ，直线 AB 上有一动点 G 。当 $EG + \frac{\sqrt{2}}{2}AG$ 最小时，求 $\triangle EFG$ 周长的最小值；

(3) 如图 2，若 y 轴上有一动点 Q ，直线 AB 上有一动点 P ，以 Q, P, E, D 四点为顶点的四边形为平行四边形时，求 P 点的坐标。

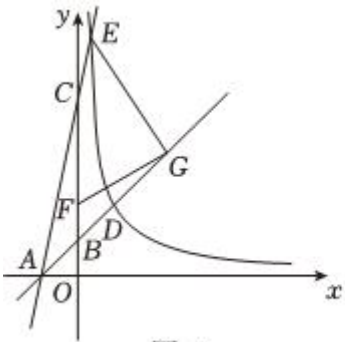


图 1

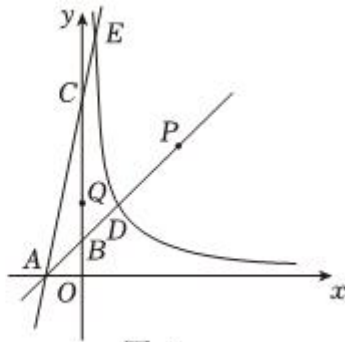


图 2

26. (本小题 10 分)

在正方形 $ABCD$ 中，点 G 是边 AB 上的一个动点，点 F, E 在边 BC 上， $BF = FE = AG$ ，且 $AG \leq \frac{1}{2}AB$ ， GF, DE 的延长线相交于点 P 。

(1) 如图 1，当点 E 与点 C 重合时，求 $\angle P$ 的度数；

(2) 如图 2，当点 E 与 C 不重合时，过 D 作 $DN \perp GP$ 于点 N ，若 $DN = 4$ ，求 DP 长；

(3) 在 (2) 的条件下，连接 CN, BP ，取 BP 的中点 M ，连接 MN ，在点 G 的运动过程中，求 $\frac{MN}{NC}$ 的值。

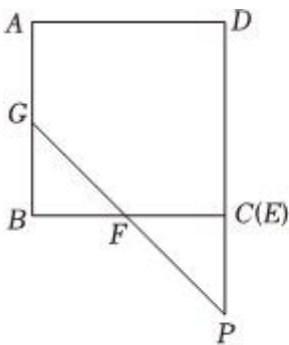


图 1

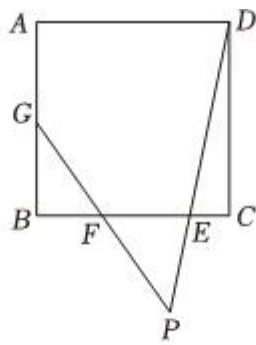


图 2

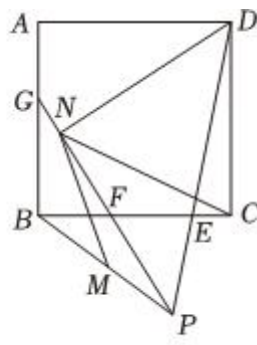
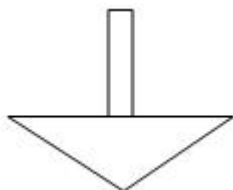


图 3

答案和解析

1. 【答案】A

【解析】解：观察图形可知，该几何体的主视图如下：



故选：A.

找到从正面看所得到的图形即可，注意所有的看到的棱都应表现在主视图中.

本题考查了简单组合体的三视图，主视图是从物体的正面看得到的视图.

2. 【答案】B

【解析】解： $1600000 = 1.6 \times 10^6$,

故选：B.

科学记数法的表示形式为 $a \times 10^n$ 的形式，其中 $1 \leq |a| < 10$ ， n 为整数. 确定 n 的值时，要看把原数变成 a 时，小数点移动了多少位， n 的绝对值与小数点移动的位数相同，当原数绝对值 ≥ 10 时， n 是正整数，当原数绝对值 < 1 时， n 是负整数.

此题考查科学记数法的表示方法. 科学记数法的表示形式为 $a \times 10^n$ 的形式，其中 $1 \leq |a| < 10$ ， n 为整数，表示时关键要正确确定 a 的值以及 n 的值.

3. 【答案】B

【解析】解： \because 做了 1000 次摸球试验，摸到黄球的频数为 400，

\therefore 估计摸到黄球的概率是： $\frac{400}{1000} = 0.4$ ，

\therefore 估计其中的黄球个数为： $5 \times 0.4 = 2$ (个).

故选：B.

在同样条件下，大量反复试验时，随机事件发生的频率逐渐稳定在概率附近，根据概率公式即可得出答案.

此题主要考查了利用频率估计概率，正确运用概率公式是解题关键.

4. 【答案】C

【解析】解：该足球队队员年龄 13 岁出现的次数最多，故众数为 13 岁.

数据共 18 个，中位数为第 9 个和第 10 个数据的平均数，

∴中位数为： $\frac{13+13}{2}=13$ (岁).

故选：C.

一组数据中出现次数最多的数据叫做众数.

本题考查了中位数和众数，注意找中位数的时候一定要先排好顺序，然后再根据奇数和偶数个来确定中位数，如果数据有奇数个，则正中间的数字即为所求，如果是偶数个则找中间两位数的平均数.

5.【答案】D

【解析】解：设小刚举起的手臂超出头顶是 xm

根据同一时刻物高与影长成比例，得 $\frac{x}{1-0.8}=\frac{1.6}{0.8}$ ， $x=0.4$.

故选：D.

在同一时刻，物体的实际高度和影长成比例，据此列方程即可解答.

此题考查相似三角形的应用，能够根据同一时刻物高与影长成比例，列出正确的比例式，然后根据比例的基本性质进行求解.

6.【答案】D

【解析】解：∵ $\triangle A'B'C'$ 与 $\triangle ABC$ 是位似图形，

∴ $A'B' \parallel AB$ ， $\triangle A'B'C' \sim \triangle ABC$ ，

∴ $\triangle OA'B' \sim \triangle OAB$ ，

∴ $\frac{A'B'}{AB}=\frac{OB'}{OB}=\frac{1}{3}$ ，

∴ $\triangle A'B'C'$ 的面积与 $\triangle ABC$ 的面积之比= $(\frac{1}{3})^2=1:9$ ，

故选：D.

根据位似图形的概念得到 $A'B' \parallel AB$ ， $\triangle A'B'C' \sim \triangle ABC$ ，根据题意求出 $\frac{A'B'}{AB}=\frac{1}{3}$ ，根据相似三角形的性质解答即可.

本题考查的是位似变换的概念、相似三角形的性质，掌握相似三角形的面积比等于相似比的平方是解题的关键.

7.【答案】A

【解析】解：∵今有人合伙购物，每人出七钱，会多二钱，

∴ $y=7x-2$ ；

∵每人出六钱，又差三钱，

∴ $y=6x+3$.

∴根据题意可列方程组 $\begin{cases} y = 7x - 2 \\ y = 6x + 3 \end{cases}$

故选：A.

根据“今有人合伙购物，每人出七钱，会多二钱；每人出六钱，又差三钱”，即可得出关于 x, y 的二元一次方程组，此题得解.

本题考查了由实际问题抽象出二元一次方程组以及数学常识，找准等量关系，正确列出二元一次方程组是解题的关键.

8.【答案】D

【解析】解：∵ $8 > 0$,

∴反比例函数的图象位于第一、三象限，在每个象限内， y 随 x 的增大而减小，

∴选项 A、B 不符合题意；

当 $x = -2$ 时， $y = \frac{8}{-2} = -4 \neq 4$,

∴选项 C 不符合题意；

∴反比例函数 $y = \frac{8}{x}$ 的是关于原点对称的中心对称图形，

∴选项 D 符合题意；

故选：D.

根据反比例函数的性质对每个选项进行判断，即可得出答案.

本题考查了反比例函数图象上点的特征，掌握反比例函数的图象与性质是解题的关键.

9.【答案】 $x < 3$

【解析】解：由题意得 $3 - x > 0$,

解得 $x < 3$,

故答案为： $x < 3$.

根据二次根式的被开方数为非负数，分式的分母不等于零列式计算可求解.

题主要考查二次根式有意义的条件，分式有意义的条件，掌握二次根式有意义的条件，分式有意义的条件是解题的关键.

10.【答案】 $a(x - 1)^2$

【解析】解： $ax^2 - 2ax + a$,

$= a(x^2 - 2x + 1)$,

$= a(x - 1)^2$.

先提公因式 a ，再利用完全平方公式继续分解因式。

本题考查了用提公因式法和公式法进行因式分解，一个多项式有公因式首先提取公因式，然后再用其他方法进行因式分解，同时因式分解要彻底，直到不能分解为止。

11. 【答案】 -1

【解析】解：根据题意知， $x = \sqrt{5} + 2$ 满足关于 x 的方程得 $(2 + \sqrt{5})^2 - 4 \times (2 + \sqrt{5}) + c = 0$ ，
解得 $c = -1$ 。

故答案为： -1 。

将 $x = \sqrt{5} + 2$ 代入已知方程，列出关于 c 的新方程，通过解新方程来求 c 的值即可。

本题考查的是一元二次方程的根即方程的解的定义。一元二次方程的根就是一元二次方程的解，就是能够使方程左右两边相等的未知数的值。即用这个数代替未知数所得式子仍然成立。

12. 【答案】 $3 - \sqrt{5}$

【解析】解：∵ 点 C 是线段 AB 的黄金分割点，且 $AC > BC$ ，

$$\therefore AC = \frac{\sqrt{5}-1}{2}AB = \sqrt{5}-1,$$

$$BC = AB - AC = 3 - \sqrt{5}.$$

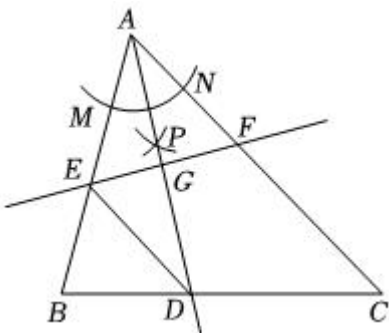
故本题答案为： $3 - \sqrt{5}$ 。

把一条线段分成两部分，使其中较长的线段为全线段与较短线段的比例中项，这样的线段分割叫做黄金分割，他们的比值 $(\frac{\sqrt{5}-1}{2})$ 叫做黄金比。

此题考查了黄金分割点的概念，要熟记黄金比的值。

13. 【答案】 2

【解析】解：如图，设 AD 与 EF 的交点为 G ，



由题意，可得 AD 为 $\angle BAC$ 的角平分线，

$$\therefore \angle EAD = 30^\circ,$$

∵ 折叠 $\triangle ABC$ ，使点 A 与点 D 重合，

$$\therefore AG = DG, AG \perp EG,$$

$$\therefore AD = 2\sqrt{3},$$

$$\therefore AG = \frac{1}{2}AD = \sqrt{3},$$

在 $\text{Rt}\triangle AEG$ 中,

$$AE = \frac{2\sqrt{3}}{3}AG = 2.$$

由题意得 AD 为 $\angle BAC$ 的角平分线, 故可得 $\angle EAD = 30^\circ$, 根据折叠的性质得到 $AG = DG = \sqrt{3}$, $AG \perp EG$, 解直角三角形, 即可解答.

本题考查了翻折的性质, 角平分线的性质, 含有 30° 角的直角三角形的三边关系, 熟知翻折的性质是解题的关键.

14. 【答案】 -2

【解析】解: \therefore 关于 x 的一元二次方程 $x^2 + (2m - 1)x + m^2 = 0$ 有实数根,

$$\therefore \Delta = (2m - 1)^2 - 4 \times 1 \times m^2 = -4m + 1 \geq 0,$$

$$\text{解得: } m \leq \frac{1}{4},$$

根据根与系数的关系, 可得 $\alpha + \beta = 1 - 2m$, $\alpha\beta = m^2$,

$$\therefore \alpha\beta + \alpha + \beta = 9,$$

$$\therefore m^2 + 1 - 2m = 9,$$

$$\text{整理得: } m^2 - 2m - 8 = 0,$$

$$\text{解得: } m_1 = -2, m_2 = 4,$$

$$\text{又} \therefore m \leq \frac{1}{4},$$

$$\therefore m = -2.$$

故答案为: -2.

先根据方程的系数结合根的判别式 $\Delta \geq 0$, 即可得出关于 m 的一元一次不等式, 解之即可得出 m 的取值范围, 再根据根与系数的关系可得出 $\alpha + \beta = 1 - 2m$, $\alpha\beta = m^2$, 结合 $\alpha\beta + \alpha + \beta = 9$, 可得出关于 m 的一元二次方程, 解之取其小于等于 $\frac{1}{4}$ 的值即可得出结论.

本题考查了根的判别式以及根与系数的关系, 解题的关键是: (1) 牢记“当 $\Delta \geq 0$ 时, 方程有实数根”; (2) 根据根与系数的关系结合 $\alpha\beta + \alpha + \beta = 9$, 找出关于 m 的一元二次方程.

15. 【答案】 $\frac{1}{2}$

【解析】解：∵关于 x 的分式方程 $\frac{k-1}{x-1} = 2$ 的解为正数，

$$\therefore x = \frac{k+1}{2} > 0, \text{ 且 } x = \frac{k+1}{2} \neq 1.$$

$$\therefore k > -1, \text{ 且 } k \neq 1.$$

$$\therefore k = -2, 0, 2, 3.$$

又反比例函数 $y = \frac{3-k}{x}$ 图象过第一、三象限，

$$\therefore 3-k > 0, \text{ 即 } k < 3.$$

$$\therefore k = -2, 0, 2.$$

综上， k 的取值共有 6 种等可能情形，其中符合题意的有 3 种等可能情形，

$$\therefore \text{满足题意的概率为：} \frac{3}{6} = \frac{1}{2}.$$

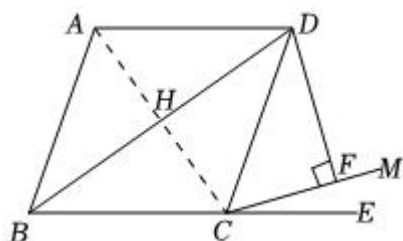
故答案为： $\frac{1}{2}$.

依据题意，由关于 x 的分式方程 $\frac{k-1}{x-1} = 2$ 的解为正数，从而 $x = \frac{k+1}{2} > 0$ ，且 $x = \frac{k+1}{2} \neq 1$ ，故可得 k 的范围，再由反比例函数 $y = \frac{3-k}{x}$ 图象过第一、三象限，进而可以求出 k 的可能值，然后由概率公式进行计算可以得解。

本题主要考查了概率公式；用到的知识点为：概率=所求情况数与总情况数之比，得到使分式方程有正数解的情况数是解决本题的关键。

16. 【答案】 $2\sqrt{3}$

【解析】解：如图，连接 AC 交 BD 于点 H ，



由菱形的性质得 $\angle ADC = \angle ABC = 80^\circ$ ， $\angle DCE = 80^\circ$ ， $\angle DHC = 90^\circ$ ，

又 $\because \angle ECM = 30^\circ$ ，

$$\therefore \angle DCF = 50^\circ,$$

$\because DF \perp CM$ ，

$$\therefore \angle CFD = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle CDF = 40^\circ,$$

又 \because 四边形 $ABCD$ 是菱形,

$\therefore BD$ 平分 $\angle ADC$,

$\therefore \angle HDC = 40^\circ$,

在 $\triangle CDH$ 和 $\triangle CDF$ 中,

$$\begin{cases} \angle CHD = \angle CFD \\ \angle HDC = \angle FDC, \\ DC = DC \end{cases}$$

$\therefore \triangle CDH \cong \triangle CDF(AAS)$,

$\therefore DH = DF = \sqrt{3}$,

$\therefore DB = 2DH = 2\sqrt{3}$.

故答案为: $2\sqrt{3}$.

连接 AC 交 BD 于 H , 证明 $\triangle DCH \cong \triangle DCF$, 得出 DH 的长度, 再根据菱形的性质得出 BD 的长度.

本题主要考查菱形的性质和全等三角形的判定, 掌握菱形的对角线互相平分是解题的关键.

17. 【答案】 $(\frac{3}{4}, \frac{\sqrt{3}}{4})$ 或 $(-\frac{3}{4}, -\frac{\sqrt{3}}{4})$

【解析】解: 设 $B(x, y)$,

\because 点 A 是点 B 的 “ $\sqrt{3}$ 关联点”,

$\therefore A(\sqrt{3}x + y, x + \frac{y}{\sqrt{3}})$

\because 点 A 在函数 $y = \frac{\sqrt{3}}{x}(x > 0)$ 的图象上,

$\therefore (\sqrt{3}x + y)(x + \frac{y}{\sqrt{3}}) = \sqrt{3}$,

即: $\sqrt{3}x + y = \sqrt{3}$ 或 $\sqrt{3}x + y = -\sqrt{3}$,

当点 B 在直线 $y = -\sqrt{3}x + \sqrt{3}$ 上时,

设直线 $y = -\sqrt{3}x + \sqrt{3}$ 与 x 轴、 y 轴相交于点 M 、 N , 则 $M(1, 0)$ 、 $N(0, \sqrt{3})$,

当 $OB \perp MN$ 时, 线段 OB 最短, 此时 $OB = \frac{1 \times \sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{2}$,

由 $\angle NMO = 60^\circ$, 可得点 $B(\frac{3}{4}, \frac{\sqrt{3}}{4})$;

设直线 $y = -\sqrt{3}x - \sqrt{3}$ 时, 同理可得点 $B(-\frac{3}{4}, -\frac{\sqrt{3}}{4})$;

故答案为: $(\frac{3}{4}, \frac{\sqrt{3}}{4})$ 或 $(-\frac{3}{4}, -\frac{\sqrt{3}}{4})$.

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/037112145001006100>