

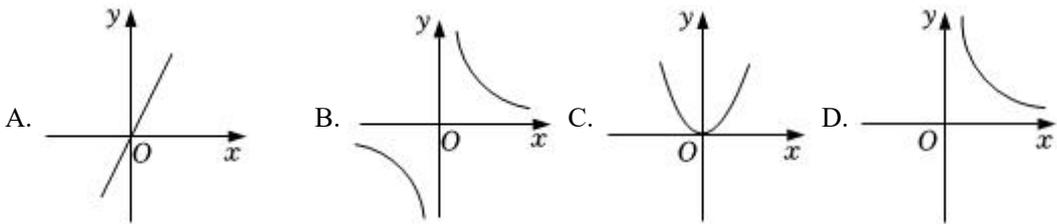
# 2023-2024 学年四川省成都市锦江区师一学校九年级（上）期末数学试卷

一、选择题：本题共 8 小题，每小题 4 分，共 32 分。在每小题给出的选项中，只有一项是符合题目要求的。

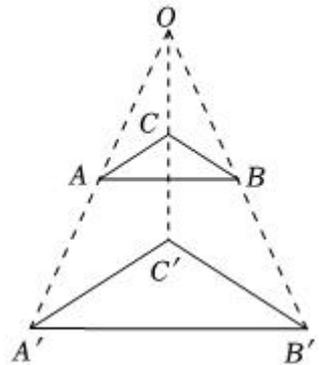
1. 关于矩形的性质、下面说法错误的是( )

- A. 矩形的四个角都是直角
- B. 矩形的两组对边分别相等
- C. 矩形的两组对边分别平行
- D. 矩形的对角线互相垂直平分且相等

2. 甲、乙两地相距  $100\text{km}$ ，则汽车由甲地匀速行驶到乙地所用时间  $y(\text{h})$  与行驶速度  $x(\text{km/h})$  之间的函数图象大致是( )

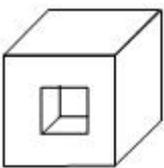


3. 如图， $\triangle ABC$  在灯光  $O$  的正下方，它在地面上形成的影子是  $\triangle A'B'C'$ ， $\triangle ABC$  平行于地面，且  $O$  到  $\triangle ABC$  的距离和  $\triangle ABC$  与地面的距离相等，已知在  $\triangle ABC$  中， $\angle ACB = 90^\circ$ ， $AC = BC = 2$ 。下面关于  $\triangle A'B'C'$  的说法，其中正确的是( )



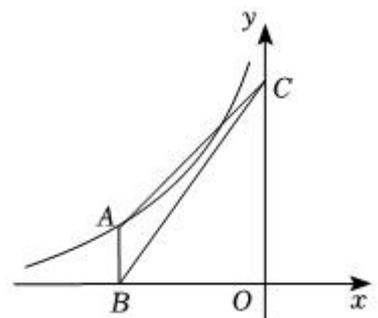
- A.  $\triangle A'B'C'$  的面积为  $4\sqrt{2}$
- B.  $\triangle A'B'C'$  的周长为  $8 + 4\sqrt{2}$
- C.  $A'B' = 2\sqrt{2}$
- D.  $B'C' = 8$

4. 一个几何体如图水平放置，它的俯视图是( )



- A.
- B.
- C.
- D.

5. 反比例函数  $y = \frac{k}{x} (x < 0)$  的图象如图所示， $AB \parallel y$  轴，若  $\triangle ABC$  的面积为 3，则  $k$  的值为( )

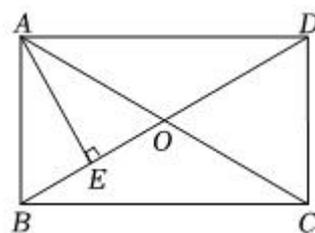


- A.  $\frac{1}{2}$
- B.  $\frac{3}{2}$
- C. 3
- D. -6

6. 2022年北京冬奥会女子冰壶比赛有若干支队伍参加了单循环比赛,单循环比赛共进行了45场,共有多少支队伍参加比赛? ( )

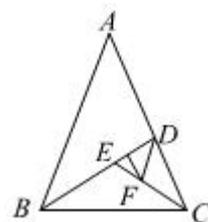
- A. 8
- B. 10
- C. 7
- D. 9

7. 如图,在矩形  $ABCD$  中,对角线  $AC, BD$  相交于点  $O$ ,  $AE \perp BD$  于点  $E$ . 若  $\angle ADE = 22.5^\circ$ ,  $BD = 4$ , 则  $AE$  的长为( )



- A. 1
- B.  $\sqrt{2}$
- C.  $2\sqrt{2}$
- D. 4

8. 如果一个等腰三角形的顶角为  $36^\circ$ , 那么可求其底边与腰之比等于  $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$ , 我们把这样的等腰三角形称为黄金三角形. 如图, 在  $\triangle ABC$  中,  $AB = AC = 1$ ,  $\angle A = 36^\circ$ ,  $\triangle ABC$  看作第一个黄金三角形; 作  $\angle ABC$  的平分线  $BD$ , 交  $AC$  于点  $D$ ,  $\triangle BCD$  看作第二个黄金三角形; 作  $\angle BCD$  的平分线  $CE$ , 交  $BD$  于点  $E$ ,  $\triangle CDE$  看作第三个黄金三角形……以此类推, 第 2024 个黄金三角形的腰长是( )

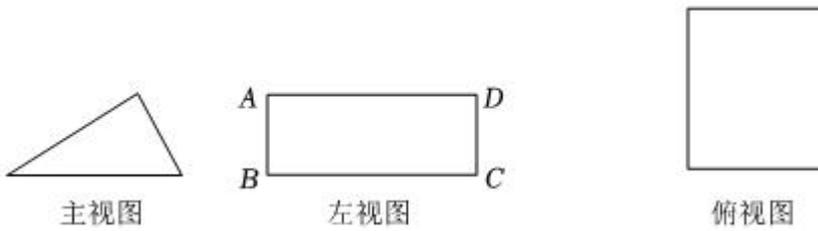


- A.  $(\frac{\sqrt{5}-1}{2})^{2023}$
- B.  $(\frac{\sqrt{5}-1}{2})^{2024}$
- C.  $(\frac{3+\sqrt{5}}{2})^{2023}$
- D.  $(\frac{3+\sqrt{5}}{2})^{2024}$

二、填空题: 本题共 10 小题, 每小题 4 分, 共 40 分。

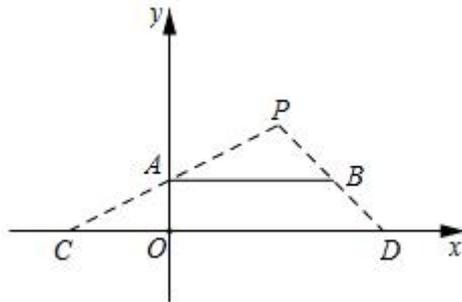
9. 已知  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = 5$ , 若  $b + d \neq 0$ , 则  $\frac{a+c}{b+d} =$  \_\_\_\_\_.

10. 某三棱柱的三种视图如图所示，它的主视图是三角形，左视图和俯视图都是矩形，且俯视图的面积是左视图面积的 2 倍，左视图中矩形  $ABCD$  的边长  $AB = 3$ ，则主视图的面积为\_\_\_\_\_.

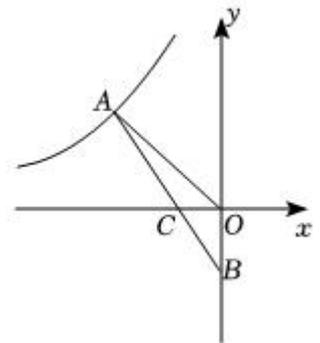


11. 双曲线  $y = \frac{k}{x}$  位于二、四象限内，点  $A(-\sqrt{3}, y_1)$  和点  $B(-\frac{11}{2}, y_2)$  在这条双曲线上，则  $y_1$  与  $y_2$  的大小关系为\_\_\_\_\_.

12. 如图，在平面直角坐标系中，点光源位于  $P(2, 2)$  处，木杆  $AB$  两端的坐标分别为  $(0, 1)$ ， $(3, 1)$ . 则木杆  $AB$  在  $x$  轴上的影长  $CD$  为\_\_\_\_\_.

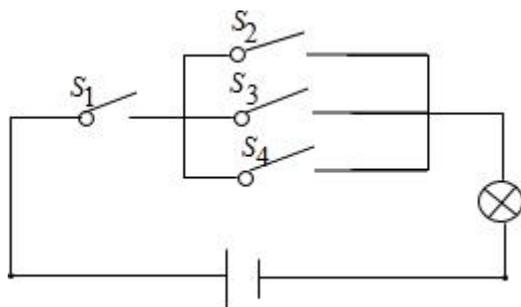


13. 如图，点  $A$  在反比例函数  $y = \frac{k}{x} (x < 0)$  的图象上，点  $B$  在  $y$  轴负半轴上， $AB$  交  $x$  轴于点  $C$ ，若  $AC: BC = 5: 3$ ， $S_{\triangle AOC} = 3$ ，则  $k$  的值为\_\_\_\_\_.



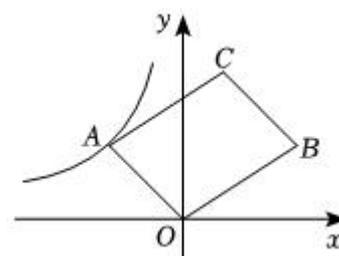
14. 已知一元二次方程  $x^2 + 6x + m = 0$  有两个相等的实数根，则  $m$  的值为\_\_\_\_\_.

15. 如图所示的电路图中，当随机闭合  $S_1$ ， $S_2$ ， $S_3$ ， $S_4$  中的两个开关时，能够让灯泡发光的概率为\_\_\_\_\_.

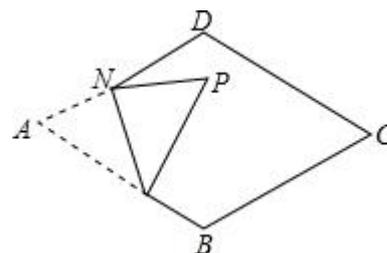


16. 点  $P(m, n)$  是函数  $y = \frac{3}{x}$  和  $y = x + 4$  图象的一个交点，则  $m^2 + n^2$  的值为\_\_\_\_\_.

17. 如图，在平面直角坐标系中，点  $O$  为坐标原点，四边形  $AOBC$  是平行四边形，点  $B$  的坐标为  $(3, 2)$ ，点  $C$  的坐标为  $(1, 4)$ ，点  $A$  在第二象限，反比例函数  $y = \frac{k}{x} (x < 0)$  的图象恰好经过点  $A$ ，则  $k$  的值为\_\_\_\_\_.



18. 如图，在菱形  $ABCD$  中， $\angle A = 60^\circ$ ， $AB = 3$ ，点  $M$  为  $AB$  边上一点， $AM = 2$ ，点  $N$  为  $AD$  边上的一动点，沿  $MN$  将  $\triangle AMN$  翻折，点  $A$  落在点  $P$  处，当点  $P$  在菱形的对角线上时， $AN$  的长度为\_\_\_\_\_.



**三、解答题：本题共 8 小题，共 78 分。解答应写出文字说明，证明过程或演算步骤。**

19. (本小题 12 分)

解方程：(1)  $3x^2 - 10x + 6 = 0$ ;

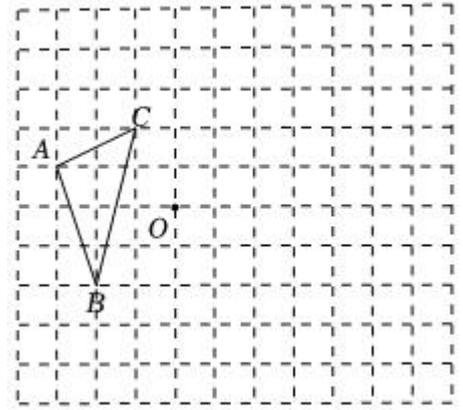
(2)  $5(x + 3)^2 = 2(x + 3)$ .

20. (本小题 8 分)

如图， $\triangle ABC$  的顶点和定点  $O$  都在单位长度为 1 的正方形网格的格点上.

(1) 以点  $O$  为位似中心，在网格纸中画出  $\triangle ABC$  的位似  $\triangle A'B'C'$ ，使它与  $\triangle ABC$  的相似比为 2，且位于点  $O$  的右侧；

(2) 在 (1) 的情况下，线段  $B'C'$  经过格点  $D$  (不同于点  $B'$ ,  $C'$ )，连接  $CD$ ,  $BC'$ ，直接写出四边形  $BC'DC$  的形状及其面积.



21. (本小题 8 分)

为促进师生身心全面健康发展, 进一步推广“阳光体育”大课间活动, 某学校就学生对 A 实心球, B 立定跳远, C 跑步, D 跳绳四种体育活动项目喜欢情况进行调查, 随机抽取了部分学生, 并将调查结果绘制成图 1, 图 2 的统计图, 请结合图中的信息解答下列问题:

- (1) 请计算本次被调查的学生总人数和喜欢“跑步”的学生人数;
- (2) 将两个统计图补充完整;
- (3) 随机抽取了 4 名喜欢“跑步”的学生, 其中有 2 名女生, 2 名男生, 现从这 4 名学生中任意抽取 2 名学生, 请用画树状图或列表的方法, 求出刚好抽到 2 名女生的概率.

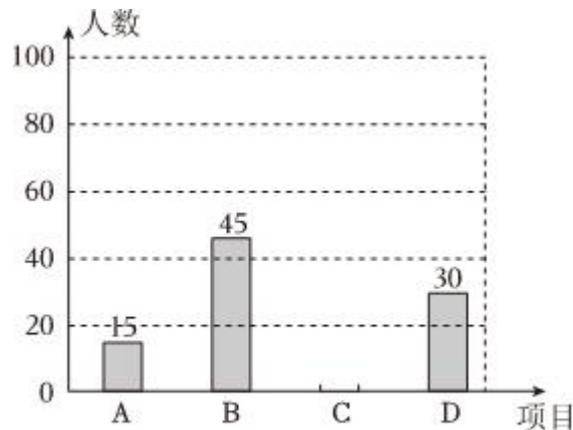


图 1

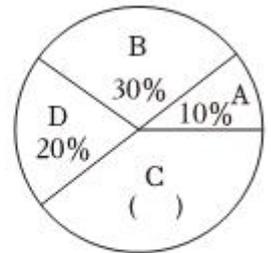


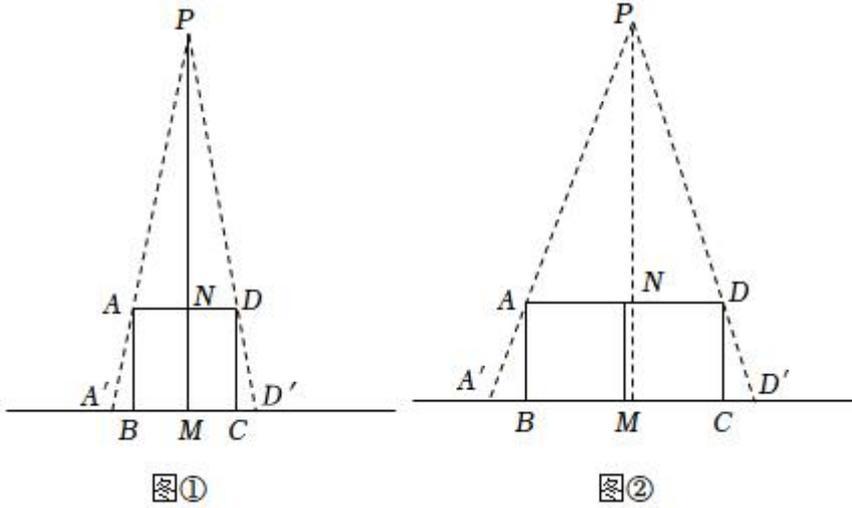
图 2

22. (本小题 10 分)

小明和几位同学做手的影子游戏时, 发现对于同一物体, 影子的大小与光源到物体的距离有关. 因此, 他们认为: 可以借助物体的影子长度计算光源到物体的位置. 于是, 他们做了以下尝试.

- (1) 如图 1, 垂直于地面放置的正方形框架  $ABCD$ , 边长  $AB$  为  $30\text{cm}$ , 在其上方点  $P$  处有一灯泡, 在灯泡的照射下, 正方形框架的横向影子  $A'B$ ,  $D'C$  的长度和为  $6\text{cm}$ . 那么灯泡离地面的高度  $PM$  为多少.
- (2) 不改变图 1 中灯泡的高度, 将两个边长为  $30\text{cm}$  的正方形框架按图 2 摆放, 请计算此时横向影子  $A'B$ ,  $D'C$

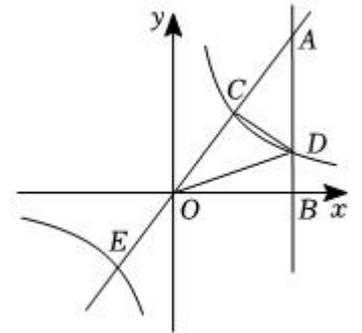
的长度和为多少？



23. (本小题 10 分)

如图，在平面直角坐标系中， $A$  点的坐标为  $(a, 8)$ ， $AB \perp x$  轴于点  $B$ ， $\frac{AB}{OB} = \frac{4}{3}$ ，反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  的图象的一支分别交  $AO$ ， $AB$  于点  $C$ ， $D$ ，延长  $AO$  交反比例函数的图象的另一支于点  $E$ ，已知点  $D$  的纵坐标为 2.

- (1) 求反比例函数的表达式及点  $E$  的坐标；
- (2) 连接  $CD$ ， $OD$ ，求  $S_{\triangle OCD}$ ；
- (3) 在  $x$  轴上是否存在两点  $M$ ， $N$  ( $M$  在  $N$  的左侧)，使以  $E$ ， $M$ ， $C$ ， $N$  为顶点的四边形为矩形？若存在，求出矩形的周长；若不存在，说明理由.



24. (本小题 8 分)

某商店销售一种商品，经市场调查发现：该商品的周销售量  $y$  是销售单价  $x$  的函数，其销售单价  $x$ ，周销售量  $y$ ，周销售利润  $w$  的三组对应值如表：

销售单价 $x$ (元)	60	65	70	75
周销售量 $y$ (件)	80	70	60	50
周销售利润 $w$ (元)	2400	2450	2400	2250

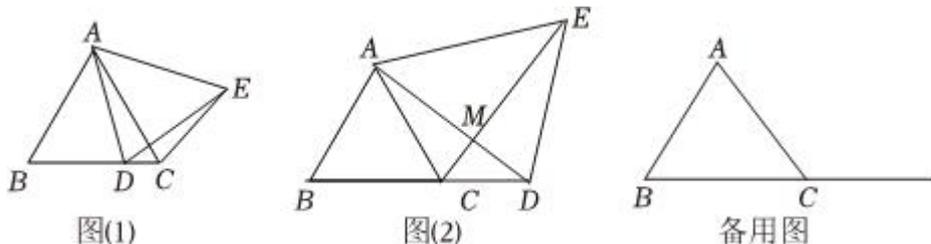
(1) 请你用所学过的函数知识确定一个满足这些数据的  $y$  与  $x$  之间的函数表达式;

(2) ①请求出该商品的进价;

②若该公司想每周获利 2000 元, 并尽可能让利给顾客, 请求出此时该商品销售单价.

25. (本小题 10 分)

某托管服务数学兴趣小组针对如下问题进行探究, 在等边  $\triangle ABC$  中,  $AB = 2$ , 点  $D$  在射线  $BC$  上运动, 连接  $AD$ , 以  $AD$  为一边在  $AD$  右侧作等边  $\triangle ADE$ .



(1) 【问题发现】如图(1), 当点  $D$  在线段  $BC$  上运动时 (不与点  $B$  重合), 连接  $CE$ . 则线段  $BD$  与  $CE$  的数量关系是\_\_\_\_\_ ; 直线  $BA$  与  $CE$  的位置关系是\_\_\_\_\_ ;

(2) 【拓展延伸】如图(2), 当点  $D$  在线段  $BC$  的延长线上运动时, 直线  $AD, CE$  相交于点  $M$ , 请探究  $\triangle MAE$  的面积与  $\triangle MDC$  的面积之间的数量关系;

(3) 【问题解决】当点  $D$  在射线  $BC$  上运动时 (点  $D$  不与点  $B, C$  重合), 直线  $AD, CE$  相交于点  $M$ , 若  $\triangle MCD$  的面积是  $\frac{\sqrt{3}}{2}$ , 请求出线段  $BD$  的长.

26. (本小题 12 分)

对于平面直角坐标系中的两条直线, 给出如下定义: 若不平行的两条直线与  $x$  轴相交所成的锐角相等, 则称这两条直线为“等腰三角线”. 如图 1 中, 若  $\angle PQR = \angle PRQ$ , 则直线  $PQ$  与直线  $PR$  称为“等腰三角线”; 反之, 若直线  $PQ$  与直线  $PR$  为“等腰三角线”, 则  $\angle PQR = \angle PRQ$ .

(1) 如图 1, 若直线  $PQ$  与直线  $PR$  为“等腰三角线”, 且点  $P, Q$  的坐标分别为  $(2, 5), (-3, 0)$ , 求直线  $PR$  的解析式;

(2) 如图 2, 直线  $y = \frac{1}{4}x$  与双曲线  $y = \frac{1}{x}$  交于点  $A, B$ , 点  $C$  是双曲线  $y = \frac{1}{x}$  上的一个动点, 点  $A, C$  的横坐标分别为  $m, n (0 < n < m)$ , 直线  $BC, AC$  分别与  $x$  轴于点  $D, E$ ;

①求证: 直线  $AC$  与直线  $BC$  为“等腰三角线”;

②过点  $D$  作  $x$  轴的垂线  $l$ , 在直线  $l$  上存在一点  $F$ ; 连接  $EF$ , 当  $\angle EFD = \angle DCA$  时, 求出线段  $DE + EF$  的

值(用含  $n$  的代数式表示).

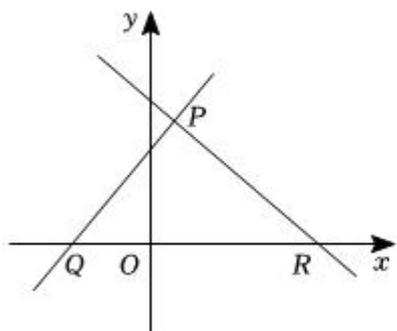


图1

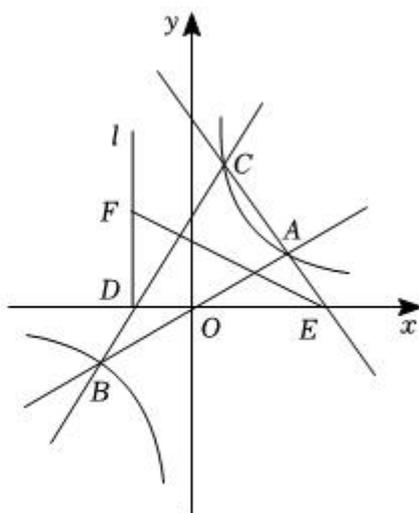


图2

## 答案和解析

### 1. 【答案】D

【解析】解：A、矩形的四个角都是直角，说法正确，不符合题意；

B、矩形的两组对边分别相等，说法正确，不符合题意；

C、矩形的两组对边分别平行，说法正确，不符合题意；

D、矩形的对角线互相平分且相等但不一定垂直，说法错误，符合题意；

故选：D.

根据矩形的性质对选项逐一进行判断即可.

本题考查了矩形的性质，矩形的性质：①平行四边形的性质矩形都具有；

②角：矩形的四个角都是直角；

③边：邻边垂直；

④对角线：矩形的对角线相等；

⑤矩形是轴对称图形，又是中心对称图形. 它有2条对称轴，分别是每组对边中点连线所在的直线；对称中心是两条对角线的交点.

### 2. 【答案】D

【解析】解：根据题意可知时间  $y$  (小时) 与行驶速度  $x$  (千米/时) 之间的函数关系式为： $y = \frac{100}{x} (x > 0)$ ,

所以函数图象大致是 D.

故选：D.

根据实际意义，写出函数的解析式，根据函数的类型，以及自变量的取值范围即可进行判断.

主要考查了反比例函数的应用. 解题的关键是根据实际意义列出函数关系式从而判断它的图象类型，要注意自变量  $x$  的取值范围，结合自变量的实际范围作图.

### 3. 【答案】B

【解析】解：由题意可知， $AB = \sqrt{AC^2 + BC^2} = \sqrt{2^2 + 2^2} = 2\sqrt{2}$ ,

$$\therefore C_{\triangle ACB} = AC + BC + AB = 4 + 2\sqrt{2}, \quad S_{\triangle ACB} = \frac{1}{2}AC \cdot BC = \frac{1}{2} \times 2 = 2,$$

$\therefore \triangle A'B'C' \sim \triangle ABC$  且相似比为 2: 1,

$$\therefore \frac{S_{\triangle A'B'C'}}{S_{\triangle ABC}} = \left(\frac{2}{1}\right)^2,$$

$\therefore S'_{\triangle A'B'C} = 4S_{\triangle ABC} = 4 \times 2 = 8$ , 故 A 选项错误，不符合题意；

$$\therefore \frac{C_{\triangle A'B'C'}}{C_{\triangle ABC}} = \frac{2}{1},$$

$\therefore C_{\triangle A'B'C'} = 2C_{\triangle ABC} = 8 + 4\sqrt{2}$ , 故  $B$  选项正确, 符合题意;

$$\therefore \frac{A'B'}{AB} = \frac{B'C'}{BC} = \frac{2}{1},$$

$\therefore A'B' = 2AB = 4\sqrt{2}$ ,  $B'C' = 2BC = 4$ , 故  $C$ 、 $D$  选项错误, 不符合题意;

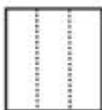
故选:  $B$ .

分别求出  $AB = 2\sqrt{2}$ 、 $C_{\triangle ACB} = 4 + 2\sqrt{2}$ 、 $S_{\triangle ACB} = 2$  再依据相似三角形的性质进行判断即可.

本题考查了相似三角形性质的应用; 解题的关键是掌握相似三角形的边长和周长比等于相似比, 面积比等于相似比的平方.

#### 4. 【答案】 $D$

【解析】解: 可得它的俯视图是



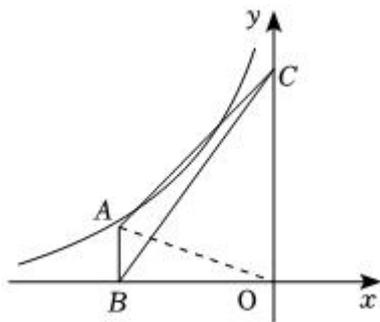
故选:  $D$ .

根据俯视图的意义, 从上面看该几何体所得到的图形结合选项进行判断即可.

本题考查简单几何体的三视图, 明确能看见的轮廓线用实线表示, 看不见的轮廓线用虚线表示是得出正确答案的前提.

#### 5. 【答案】 $D$

【解析】解: 如图所示, 连接  $AO$ ,



$\therefore AB \parallel y$  轴,

$$\therefore S_{\triangle ABC} = S_{\triangle AOB} = 3,$$

$$\therefore \frac{1}{2}|k| = 3,$$

$$\therefore |k| = 6,$$

$\therefore$  反比例函数图象在第二象限,

$$\therefore k < 0,$$

$$\therefore k = -6,$$

故选：D.

根据反比例函数  $k$  的几何意义即可求解.

本题考查了反比例函数  $k$  的几何意义，掌握反比例函数  $k$  的几何意义是解题的关键.

#### 6. 【答案】B

【解析】解：设共有  $x$  支队伍参加比赛，

$$\text{根据题意，可得 } \frac{x(x-1)}{2} = 45,$$

$$\text{解得 } x = 10 \text{ 或 } x = -9(\text{舍}),$$

$\therefore$  共有 10 支队伍参加比赛.

故选：B.

设共有  $x$  支队伍参加比赛，根据“循环比赛共进行了 45 场”列一元二次方程，求解即可.

本题考查了一元二次方程的应用，理解题意并根据题意建立等量关系是解题的关键.

#### 7. 【答案】B

【解析】解： $\because$  四边形  $ABCD$  是矩形， $BD = 4$ ，

$$\therefore AC = BD = 4, AO = \frac{1}{2}AC = 2,$$

$$\because AE \perp BD, \angle ADE = 22.5^\circ,$$

$$\therefore \angle EAD = 67.5^\circ,$$

$$\therefore \angle EAO = 67.5^\circ - 22.5^\circ = 45^\circ, AE = EO,$$

$$\text{即 } AE^2 + EO^2 = AO^2 = 4,$$

$$\text{解得 } AE = \sqrt{2},$$

故选：B.

先由对角线相等，结合等边对等角，得  $\angle DAO = \angle ADE = 22.5^\circ$ ，结合直角三角形两个锐角互余，得

$\angle EAD = 67.5^\circ$ ，故  $\angle EAO = 67.5^\circ - 22.5^\circ = 45^\circ$ ， $AE = EO$ ，根据勾股定理列式，计算即可作答.

本题考查了矩形的性质，直角三角形两个锐角互余、勾股定理，掌握其性质定理是解决此题的关键.

#### 8. 【答案】A

【解析】解： $\because \triangle ABC$  是第 1 个黄金三角形，第 1 个黄金三角形的腰长为  $AB = AC = 1$ ，

$$\therefore \frac{BC}{AB} = \frac{\sqrt{5}-1}{2},$$

$$\therefore BC = \frac{\sqrt{5}-1}{2}AB = \frac{\sqrt{5}-1}{2},$$

$\therefore \triangle BCD$  是第 2 个黄金三角形,

$$\therefore \frac{CD}{BC} = \frac{\sqrt{5}-1}{2}, \text{ 第 2 个黄金三角形的腰长是 } \frac{\sqrt{5}-1}{2},$$

$$\therefore CD = \frac{\sqrt{5}-1}{2}BC = \left(\frac{\sqrt{5}-1}{2}\right)^2,$$

$\therefore \triangle CDE$  是第 3 个黄金三角形,

$$\therefore \frac{DE}{CD} = \frac{\sqrt{5}-1}{2}, \text{ 第 3 个黄金三角形的腰长是 } \left(\frac{\sqrt{5}-1}{2}\right)^2,$$

$$\therefore DE = \frac{\sqrt{5}-1}{2}CD = \left(\frac{\sqrt{5}-1}{2}\right)^3,$$

$$\therefore \text{第 4 个黄金三角形的腰长是 } \left(\frac{\sqrt{5}-1}{2}\right)^3,$$

...

$$\therefore \text{第 } n \text{ 个黄金三角形的腰长是 } \left(\frac{\sqrt{5}-1}{2}\right)^{n-1},$$

$$\therefore \text{第 2024 个黄金三角形的腰长是 } \left(\frac{\sqrt{5}-1}{2}\right)^{2024-1} = \left(\frac{\sqrt{5}-1}{2}\right)^{2023},$$

故选: A.

由黄金三角形的定义得  $BC = \frac{\sqrt{5}-1}{2}AB = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$ , 同理求出  $CD = \left(\frac{\sqrt{5}-1}{2}\right)^2$ ,  $DE = \left(\frac{\sqrt{5}-1}{2}\right)^3$ , 可得

第 1 个黄金三角形的腰长为  $AB = AC = 1$ , 第 2 个黄金三角形的腰长是  $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$ , 第 3 个黄金三角形的腰

长是  $\left(\frac{\sqrt{5}-1}{2}\right)^2$ , 第 4 个黄金三角形的腰长是  $\left(\frac{\sqrt{5}-1}{2}\right)^3$ , 得出规律第  $n$  个黄金三角形的腰长是  $\left(\frac{\sqrt{5}-1}{2}\right)^{n-1}$ ,

即可得出答案.

本题考查了黄金三角形, 等腰三角形的性质, 规律型等知识; 熟练掌握黄金三角形的定义, 得出规律是解题的关键.

## 9. 【答案】5

**【解析】**解:  $\because \frac{a}{b} = \frac{c}{d} = 5,$

$$\therefore a = 5b, \quad c = 5d,$$

$$\therefore \frac{a+c}{b+d} = \frac{5b+5d}{b+d} = 5,$$

故答案为: 5.

若  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = k$ ,  $b+d \neq 0$ , 则  $\frac{a+c}{b+d} = k$ , 由此可解.

本题考查等比性质的应用, 将  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = k$  进行变形是解题的关键.

10. 【答案】9

【解析】解：∵主视图、俯视图与左视图的长相等，若左视图中矩形  $ABCD$  的边长  $AB = 3$ ，俯视图的面积是左视图面积的 2 倍，

∴主视图的宽为  $2AB = 6$ ，

∴主视图与左视图关系知主视图三角形的高为  $AB = 3$ ，

∴主视图的面积为  $\frac{1}{2} \times 6 \times 3 = 9$ ，

故答案为：9.

根据三视图关系可知，主视图、俯视图与左视图的长相等，由左视图中矩形  $ABCD$  的边长  $AB = 3$ ，俯视图的面积是左视图面积的 2 倍，可知主视图的宽为  $2AB = 6$ ，由主视图与左视图关系可知，主视图三角形的高为  $AB = 3$ ，从而利用三角形面积公式即可得到主视图的面积为  $\frac{1}{2} \times 6 \times 3 = 9$ .

本题考查三视图边长关系，熟练掌握“长对正、高平齐、宽相等”，通过三视图准确得到相应图形的边长是解决问题的关键.

11. 【答案】 $y_1 > y_2$

【解析】解：∵双曲线  $y = \frac{k}{x}$  位于二、四象限内，

∴  $k < 0$ ，

∴双曲线  $y = \frac{k}{x}$  在每个象限内  $y$  随  $x$  增大而增大，

∴点  $A(-\sqrt{3}, y_1)$  和点  $B(-\frac{11}{2}, y_2)$  在这条双曲线上， $-\sqrt{3} > -\frac{11}{2}$ ，

∴  $y_1 > y_2$ .

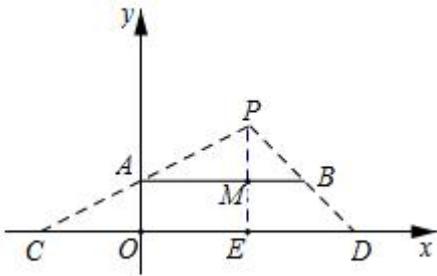
故答案为： $y_1 > y_2$ .

先根据反比例函数图象经过第二、四象限得到  $k < 0$ ，则双曲线  $y = \frac{k}{x}$  在每个象限内  $y$  随  $x$  增大而增大，再由  $-\sqrt{3} > -\frac{11}{2}$  即可得到答案.

本题主要考查了比较反比例函数的函数值大小，正确判断出反比例函数在每个象限内的增减性是解题的关键.

12. 【答案】6

【解析】解：过  $P$  作  $PE \perp x$  轴于  $E$ ，交  $AB$  于  $M$ ，如图，



$$\therefore P(2, 2), A(0, 1), B(3, 1).$$

$$\therefore PM = 1, PE = 2, AB = 3,$$

$$\therefore AB \parallel CD,$$

$$\therefore \frac{AB}{CD} = \frac{PM}{PE}$$

$$\therefore \frac{3}{CD} = \frac{1}{2}$$

$$\therefore CD = 6,$$

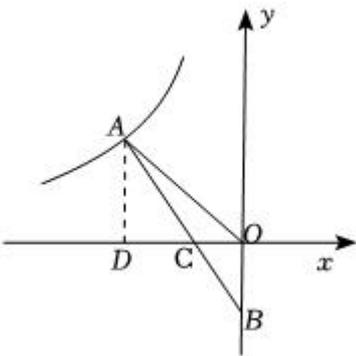
故答案为：6.

利用中心投影，作  $PE \perp x$  轴于  $E$ ，交  $AB$  于  $M$ ，如图，证明  $\triangle PAB \sim \triangle CPD$ ，然后利用相似比可求出  $CD$  的长.

本题考查了中心投影：中心投影的光线特点是从一点出发的投射射线。物体与投影面平行时的投影是放大（即位似变换）的关系。

13. 【答案】 -16

【解析】解：如下图，过点  $A$  作  $AD \perp x$  轴于  $D$ ，



$$\therefore \angle ADC = \angle BOC = 90^\circ,$$

$$\text{在 } \triangle ADC \text{ 和 } \triangle BOC \text{ 中, } \begin{cases} \angle ADC = \angle BOC \\ \angle ACD = \angle BCO \end{cases},$$

$$\therefore \triangle ADC \sim \triangle BOC,$$

$$\therefore \frac{AD}{BO} = \frac{AC}{BC} = \frac{5}{3},$$

$$\therefore \frac{S_{\triangle AOC}}{S_{\triangle BOC}} = \frac{AC}{BC} = \frac{5}{3}, S_{\triangle AOC} = 3,$$

$$\therefore S_{\triangle BCO} = \frac{9}{5},$$

$$\therefore \frac{S_{\triangle ADC}}{S_{\triangle BOC}} = \left(\frac{5}{3}\right)^2,$$

$$\therefore S_{\triangle ADC} = 5,$$

$$\therefore S_{\triangle ADO} = S_{\triangle ADC} + S_{\triangle ACO} = 5 + 3 = 8,$$

根据反比例函数  $k$  的几何意义得  $\frac{1}{2}|k| = S_{\triangle ADO} = 8,$

$$\therefore |k| = 16,$$

$$\therefore k < 0,$$

$$\therefore k = -16,$$

故答案为:  $-16$ .

过点  $A$  作  $AD \perp x$  轴于  $D$ , 则  $\triangle ADC \sim \triangle BOC$ , 即可求得  $S_{\triangle BCO} = \frac{9}{5}$ , 利用相似三角形求出  $S_{\triangle ADC} = 5$ ,

得出  $S_{\triangle ADO} = S_{\triangle ADC} + S_{\triangle ACO} = 8$ , 再根据反比例函数的  $k$  的几何意义得结果.

本题考查了反比例函数的  $k$  的几何意义的应用, 三角形相似的判定及性质, 解题的关键是求得  $\triangle ADO$  的面积.

#### 14. 【答案】9

**【解析】** 【分析】

本题考查了根的判别式: 一元二次方程  $ax^2 + bx + c = 0 (a \neq 0)$  的根与  $\Delta = b^2 - 4ac$  有如下关系: 当  $\Delta > 0$  时, 方程有两个不相等的实数根; 当  $\Delta = 0$  时, 方程有两个相等的实数根; 当  $\Delta < 0$  时, 方程无实数根.

根据根的判别式的意义得到  $\Delta = 6^2 - 4m = 0$ , 然后解关于  $m$  的方程即可.

**【解答】**

解: 根据题意得  $\Delta = 6^2 - 4m = 0$ ,

解得  $m = 9$ .

故答案为: 9.

#### 15. 【答案】 $\frac{1}{2}$

**【解析】** 解: 设  $S_1$ 、 $S_2$ 、 $S_3$ 、 $S_4$  中分别用 1、2、3、4 表示,

画树状图得:

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/046134234001010121>