

# 宁夏石嘴山市第十五中学 2023-2024 学年中考数学押题卷

注意事项:

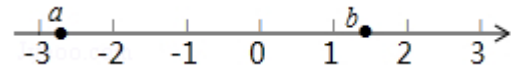
1. 答题前, 考生先将自己的姓名、准考证号码填写清楚, 将条形码准确粘贴在条形码区域内。
2. 答题时请按要求用笔。
3. 请按照题号顺序在答题卡各题目的答题区域内作答, 超出答题区域书写的答案无效; 在草稿纸、试卷上答题无效。
4. 作图可先使用铅笔画出, 确定后必须用黑色字迹的签字笔描黑。
5. 保持卡面清洁, 不要折暴、不要弄破、弄皱, 不准使用涂改液、修正带、刮纸刀。

一、选择题 (共 10 小题, 每小题 3 分, 共 30 分)

1. 方程  $\frac{2}{x-1} = \frac{3}{x}$  的解是

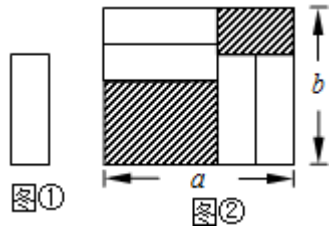
- A. 3                      B. 2                      C. 1                      D. 0

2. 实数  $a, b$  在数轴上的对应点的位置如图所示, 则正确的结论是 ( )



- A.  $a > -2$               B.  $a < -3$               C.  $a > -b$               D.  $a < -b$

3. 把四张形状大小完全相同的小长方形卡片 (如图①) 不重叠地放在一个底面为长方形 (长为  $acm$  宽为  $bcm$ ) 的盒子底部 (如图②), 盒子底面未被卡片覆盖的部分用阴影表示. 则图②中两块阴影部分周长和是 ( )



- A.  $4acm$               B.  $4(a-b)cm$               C.  $2(a+b)cm$               D.  $4bcm$

4.  $\sqrt[3]{-1}$  的值是 ( )

- A. 1                      B. -1                      C. 3                      D. -3

5. 如果关于  $x$  的一元二次方程  $k^2x^2 - (2k+1)x + 1 = 0$  有两个不相等的实数根, 那么  $k$  的取值范围是 ( )

- A.  $k > -\frac{1}{4}$               B.  $k > -\frac{1}{4}$  且  $k \neq 0$               C.  $k < -\frac{1}{4}$               D.  $k \geq -\frac{1}{4}$  且  $k \neq 0$

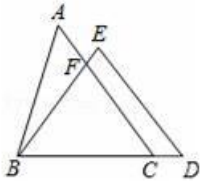
6. 设  $x_1, x_2$  是一元二次方程  $x^2 - 2x - 5 = 0$  的两根, 则  $x_1^2 + x_2^2$  的值为 ( )

- A. 6                      B. 8                      C. 14                      D. 16

7. 一枚质地均匀的骰子, 骰子的六个面上分别刻有 1 到 6 的点数, 投掷这样的骰子一次, 向上一面点数是偶数的结果有 ( )

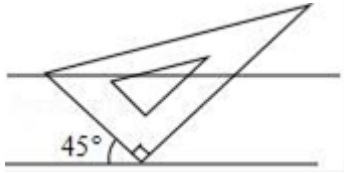
- A. 1 种                      B. 2 种                      C. 3 种                      D. 6 种

8. 如图, 在  $\triangle ABC$  和  $\triangle BDE$  中, 点  $C$  在边  $BD$  上, 边  $AC$  交边  $BE$  于点  $F$ , 若  $AC=BD$ ,  $AB=ED$ ,  $BC=BE$ , 则  $\angle ACB$  等于 ( )



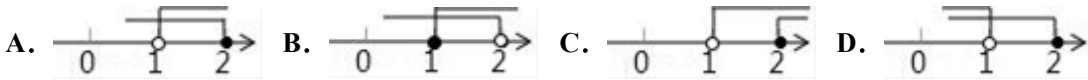
- A.  $\angle EDB$       B.  $\angle BED$       C.  $\angle EBD$       D.  $2\angle ABF$

9. 如图，一把带有  $60^\circ$  角的三角尺放在两条平行线间，已知量得平行线间的距离为  $12\text{cm}$ ，三角尺最短边和上平行线成  $45^\circ$  角，则三角尺斜边的长度为 ( )



- A.  $12\text{cm}$       B.  $12\sqrt{2}\text{cm}$       C.  $24\text{cm}$       D.  $24\sqrt{2}\text{cm}$

10. 不等式组  $\begin{cases} x > 1 \\ 2x - 4 \leq 0 \end{cases}$  的解集在数轴上可表示为 ( )

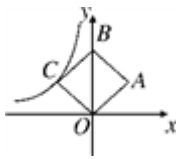


二、填空题 (本大题共 6 个小题，每小题 3 分，共 18 分)

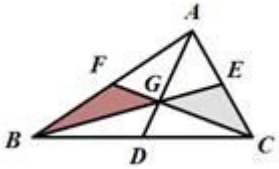
11. 从  $-2, -1, 2, 0$  这四个数中任取两个不同的数作为点的坐标，该点不在第三象限的概率是\_\_\_\_\_.

12. 若关于  $x$  的一元二次方程  $x^2 + 2x - m = 0$  有两个相等的实数根，则  $m$  的值为\_\_\_\_\_.

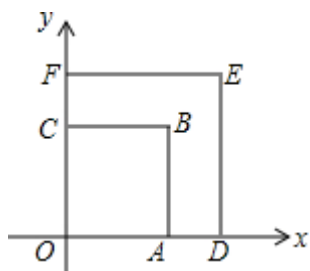
13. 如图，在平面直角坐标系中，菱形  $OABC$  的面积为  $12$ ，点  $B$  在  $y$  轴上，点  $C$  在反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  的图象上，则  $k$  的值为\_\_\_\_\_.



14. 如图， $\triangle ABC$  三边的中线  $AD, BE, CF$  的公共点  $G$ ，若  $S_{\triangle ABC} = 12$ ，则图中阴影部分面积是\_\_\_\_\_.



15. 如图，正方形  $OABC$  与正方形  $ODEF$  是位似图形，点  $O$  为位似中心，位似比为  $2:3$ ，点  $B, E$  在第一象限，若点  $A$  的坐标为  $(1, 0)$ ，则点  $E$  的坐标是\_\_\_\_\_.



16. 若关于  $x$  的方程  $\frac{x+m}{x-2} + \frac{2m}{2-x} = 2$  的解是正数，则  $m$  的取值范围是\_\_\_\_\_

三、解答题（共 8 题，共 72 分）

17. (8 分) 先化简，再求值：  $(\frac{x^2-3}{x-1} - 2) \div \frac{1}{x-1}$ ，其中  $x$  满足  $\frac{1}{2}x^2 - x - 4 = 0$

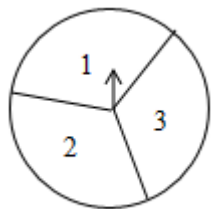
18. (8 分) 计算：  $(\frac{1}{3})^{-1} + |1-\sqrt{3}| - 2\sin 60^\circ + (\pi - 2016)^\circ - \sqrt[3]{8}$ . 先化简，再求值：  $(\frac{3}{x+1} - x + 1) \div \frac{x^2+4x+4}{x+1}$ ,

其中  $x = \sqrt{2} - 2$ .

19. (8 分) 如图，在一个可以自由转动的转盘中，指针位置固定，三个扇形的面积都相等，且分别标有数字 2, 3, 1.

(1) 小明转动转盘一次，当转盘停止转动时，指针所指扇形中的数字是奇数的概率为\_\_\_\_\_；

(2) 小明先转动转盘一次，当转盘停止转动时，记录下指针所指扇形中的数字；接着再转动转盘一次，当转盘停止转动时，再次记录下指针所指扇形中的数字，求这两个数字之和是 3 的倍数的概率（用画树状图或列表等方法求解）.



20. (8 分) 已知，抛物线  $y = \frac{1}{4}x^2 - x + \frac{3}{4}$  与  $x$  轴分别交于  $A$ 、 $B$  两点（ $A$  点在  $B$  点的左侧），交  $y$  轴于点  $F$ .

(1)  $A$  点坐标为\_\_\_\_\_； $B$  点坐标为\_\_\_\_\_； $F$  点坐标为\_\_\_\_\_；

(2) 如图 1， $C$  为第一象限抛物线上一点，连接  $AC$ ， $BF$  交于点  $M$ ，若  $BM = FM$ ，在直线  $AC$  下方的抛物线上是否存在点  $P$ ，使  $S_{\triangle ACP} = 4$ ，若存在，请求出点  $P$  的坐标，若不存在，请说明理由；

(3) 如图 2， $D$ 、 $E$  是对称轴右侧第一象限抛物线上的两点，直线  $AD$ 、 $AE$  分别交  $y$  轴于  $M$ 、 $N$  两点，若  $OM \cdot ON = \frac{1}{4}$ ，求证：直线  $DE$  必经过一定点.

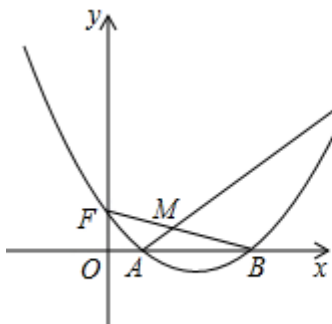


图1

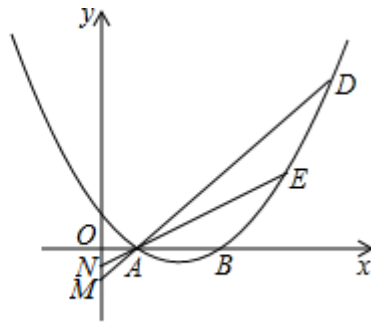
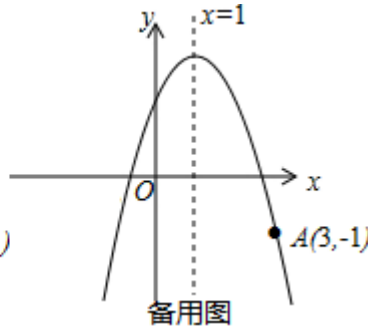
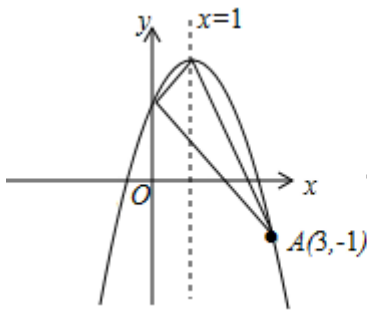


图2

$$2(x+3) \leq 4x+7$$

21. (8分) 解不等式组:  $\begin{cases} x+2 \\ 2 \end{cases} > x$  并写出它的所有整数解.

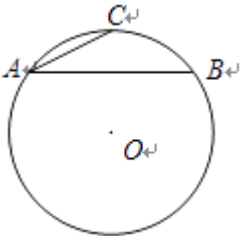
22. (10分) 如图, 抛物线  $y = -x^2 + bx + c$  的顶点为  $C$ , 对称轴为直线  $x=1$ , 且经过点  $A(3, -1)$ , 与  $y$  轴交于点  $B$ .



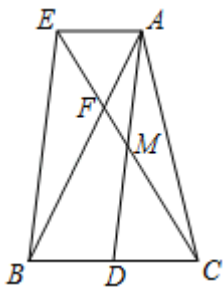
求抛物线的解析式; 判断  $\triangle ABC$  的形状, 并说明理由; 经

过点  $A$  的直线交抛物线于点  $P$ , 交  $x$  轴于点  $Q$ , 若  $S_{\triangle OPA} = 2S_{\triangle OQA}$ , 试求出点  $P$  的坐标.

23. (12分) 如图, 已知  $AB$  是  $\odot O$  的弦,  $C$  是  $\widehat{AB}$  的中点,  $AB=8$ ,  $AC=2\sqrt{5}$ , 求  $\odot O$  半径的长.



24. 如图, 已知  $AD$  是  $\triangle ABC$  的中线,  $M$  是  $AD$  的中点, 过  $A$  点作  $AE \parallel BC$ ,  $CM$  的延长线与  $AE$  相交于点  $E$ , 与  $AB$  相交于点  $F$ .



(1) 求证: 四边形  $AEBD$  是平行四边形;

(2) 如果  $AC=3AF$ , 求证四边形  $AEBD$  是矩形.

## 参考答案

一、选择题（共 10 小题，每小题 3 分，共 30 分）

1、A

【解析】

试题分析：分式方程去分母转化为整式方程，求出整式方程的解得到  $x$  的值，经检验即可得到分式方程的解：去分母得： $2x=3x-3$ ，解得： $x=3$ ，

经检验  $x=3$  是分式方程的解。故选 A。

2、D

【解析】

试题分析：A. 如图所示： $-3 < a < -2$ ，故此选项错误；

B. 如图所示： $-3 < a < -2$ ，故此选项错误；

C. 如图所示： $1 < b < 2$ ，则  $-2 < -b < -1$ ，又  $-3 < a < -2$ ，故  $a < -b$ ，故此选项错误；

D. 由选项 C 可得，此选项正确。

故选 D。

考点：实数与数轴

3、D

【解析】

根据题意列出关系式，去括号合并即可得到结果。

【详解】

解：设小长方形卡片的长为  $x$ ，宽为  $y$ ，

根据题意得： $x+2y=a$ ，

则图②中两块阴影部分周长和是：

$$2a+2(b-2y)+2(b-x)$$

$$=2a+4b-4y-2x$$

$$=2a+4b-2(x+2y)$$

$$=2a+4b-2a$$

=4b.

故选择：D.

【点睛】

此题考查了整式的加减，熟练掌握运算是解本题的关键.

4、B

【解析】

直接利用立方根的定义化简得出答案.

【详解】

因为  $(-1)^3 = -1$ ,

$$\sqrt[3]{-1} = -1.$$

故选择：B.

【点睛】

此题主要考查了立方根，正确把握立方根的定义是解题关键.，

5、B

【解析】

在与一元二次方程有关的求值问题中，必须满足下列条件：

(1) 二次项系数不为零；

(2) 在有两个实数根下必须满足  $\Delta = b^2 - 4ac \geq 0$ .

【详解】

由题意知， $k \neq 1$ ，方程有两个不相等的实数根，所以  $\Delta > 0$ ， $\Delta = b^2 - 4ac = (2k+1)^2 - 4k^2 = 4k+1 > 0$ .

因此可求得  $k > -\frac{1}{4}$  且  $k \neq 1$ .

故选择 B.

【点睛】

本题考查根据根的情况求参数，熟记判别式与根的关系是解题的关键.

6、C

【解析】

根据根与系数的关系得到  $x_1 + x_2 = 2$ ， $x_1 \cdot x_2 = -5$ ，再变形  $x_1^2 + x_2^2$  得到  $(x_1 + x_2)^2 - 2x_1 \cdot x_2$ ，然后利用代入计算即可.

【详解】

∵一元二次方程  $x^2 - 2x - 5 = 0$  的两根是  $x_1$ 、 $x_2$ ，

∴  $x_1 + x_2 = 2$ ， $x_1 \cdot x_2 = -5$

=-5,

$$\therefore x_1^2 + x_2^2 = (x_1 + x_2)^2 - 2x_1 \cdot x_2 = 2^2 - 2 \times (-5) = 1.$$

故选 C.

**【点睛】**

考查了一元二次方程  $ax^2 + bx + c = 0$  ( $a \neq 0$ ) 的根与系数的关系: 若方程的两根为  $x_1, x_2$ , 则  $x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}$ ,  $x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a}$ .

7、C

**【解析】**

试题分析: 一枚质地均匀的正方体骰子的六个面上分别刻有 1 到 6 的点数, 掷一次这枚骰子, 向上的一面的点数为偶数的有 3 种情况, 故选 C.

考点: 正方体相对两个面上的文字.

8、C

**【解析】**

根据全等三角形的判定与性质, 可得  $\angle ACB = \angle DBE$  的关系, 根据三角形外角的性质, 可得答案.

**【详解】**

在  $\triangle ABC$  和  $\triangle DEB$  中, 
$$\begin{cases} AC = BD \\ AB = ED \\ BC = BE \end{cases}$$
, 所以  $\triangle ABC \cong \triangle BDE$  (SSS), 所以  $\angle ACB = \angle DBE$ . 故本题正确答案为 C.

**【点睛】**

本题主要考查全等三角形的判定与性质, 熟悉掌握是关键.

9、D

**【解析】**

过 A 作  $AD \perp BF$  于 D, 根据  $45^\circ$  角的三角函数值可求出 AB 的长度, 根据含  $30^\circ$  角的直角三角形的性质求出斜边 AC 的长即可.

**【详解】**

如图, 过 A 作  $AD \perp BF$  于 D,

$$\because \angle ABD = 45^\circ, AD = 12,$$

$$\therefore AB = \frac{AD}{\sin 45^\circ} = 12\sqrt{2},$$

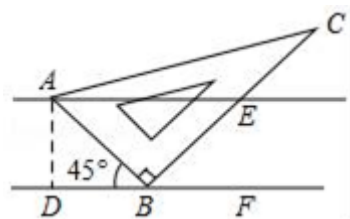
又  $\because \text{Rt}\triangle ABC$  中,  $\angle C = 30^\circ$ ,

$$\therefore AC = 2AB = 24\sqrt{2},$$

故选：D.







**【点睛】**

本题考查解直角三角形，在直角三角形中， $30^\circ$ 角所对的直角边等于斜边的一半，熟记特殊角三角函数值是解题关键.

10、A

**【解析】**

先求出每个不等式的解集，再求出不等式组的解集即可.

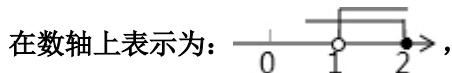
**【详解】**

$$\text{解: } \begin{cases} x > 1 \text{ ①} \\ 2x - 4 \leq 0 \text{ ②} \end{cases}$$

$\therefore$ 不等式①得:  $x > 1$ ,

解不等式②得:  $x \leq 2$ ,

$\therefore$ 不等式组的解集为  $1 < x \leq 2$ ,



故选 A.

**【点睛】**

本题考查了解一元一次不等式组和在数轴上表示不等式组的解集，能根据不等式的解集找出不等式组的解集是解此题的关键.

二、填空题（本大题共 6 个小题，每小题 3 分，共 18 分）

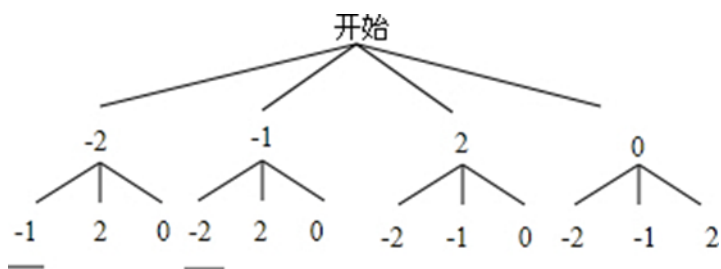
11、 $\frac{5}{6}$

**【解析】**

列举出所有情况，看在第四象限的情况数占总情况数的多少即可.

**【详解】**

如图:



共有 12 种情况，在第三象限的情况数有 2 种，

故不再第三象限的共 10 种，

不在第三象限的概率为  $\frac{10}{12} = \frac{5}{6}$ ，

故答案为  $\frac{5}{6}$ 。

**【点睛】**

本题考查了树状图法知识，解题的关键是列出树状图求出概率。

12、-1

**【解析】**

根据关于  $x$  的一元二次方程  $x^2+2x-m=0$  有两个相等的实数根可知  $\Delta=0$ ，求出  $m$  的取值即可。

**【详解】**

解：由已知得  $\Delta=0$ ，即  $4+4m=0$ ，解得  $m=-1$ 。

故答案为-1.

**【点睛】**

本题考查的是根的判别式，即一元二次方程  $ax^2+bx+c=0(a\neq 0)$  的根与  $\Delta=b^2-4ac$  有如下关系：①当  $\Delta>0$  时，方程有两个不相等的两个实数根；②当  $\Delta=0$  时，方程有两个相等的两个实数根；③当  $\Delta<0$  时，方程无实数根。

13、-6

**【解析】**

因为四边形  $OABC$  是菱形，所以对角线互相垂直平分，则点  $A$  和点  $C$  关于  $y$  轴对称，点  $C$  在反比例函数上，设点  $C$  的坐标为  $(x, \frac{k}{x})$ ，则点  $A$  的坐标为  $(-x, \frac{k}{x})$ ，点  $B$  的坐标为  $(0, \frac{2k}{x})$ ，因此  $AC=-2x$ ， $OB=\frac{2K}{X}$ ，根据菱形的面积等于对角线乘积的一半得：

$$S_{\text{菱形}OABC} = \frac{1}{2} \times (-2x) \times \frac{2k}{x} = 12, \text{解得 } k = -6.$$

14、4

**【解析】**

试题分析：由中线性质，可得  $AG=2GD$ ，则  $S_{\triangle BGF} = S_{\triangle CGE} = \frac{1}{2} S_{\triangle ABG} = \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} S_{\triangle ABD} = \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{1}{2} S_{\triangle ABC} = \frac{1}{6} \times 12 = 2$ ， $\therefore$

阴影部分的面积为 4；其实图中各个单独小三角形面积都相等本题虽然超纲，但学生容易蒙对的。

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/146144013023011003>