

# 直线的点斜式方程

## 1. 知识与技能

- (1)理解直线方程的点斜式、斜截式的形式特点和适用范围；
- (2)能正确利用直线的点斜式、斜截式公式求直线方程；
- (3)体会直线的斜截式方程与一次函数的关系。

## 2. 过程与方法

在已知直角坐标系内确定一条直线的几何要素——直线上的一点和直线的倾斜角的基础上，通过师生探讨，得出直线的点斜式方程，学生通过对比理解“截距”与“距离”的区别。

## 3. 情感、态度与价值观

通过让学生体会直线的斜截式方程与一次函数的关系，进一步培养学生数形结合的思想，渗透数学中普遍存在相互联系、相互转化等观点，使学生能用联系的观点看问题。

## 4. 重点与难点

**重点** 直线的点斜式方程和斜截式方程.

**难点** 直线的点斜式方程和斜截式方程的应用.

**思考1** 在平面直角坐标系内如何确定一条直线呢？

**答：** (1) 已知两点可以确定一条直线.

(2) 已知直线上的一点和这条直线的方向（斜率或倾斜角）可以确定一条直线.

**思考2** 直线的斜率公式是什么？

**答：**  $k = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} (x_1 \neq x_2)$ .  $x_1 = x_2$  时直线斜率不存在.

**引入新课** 在平面直角坐标系内，如果给定一条直线  $l$  经过的一个点  $P_0(x_0, y_0)$  和斜率  $k$ , 能否将直线  $l$  上所有点的坐标  $(x, y)$  满足的关系表示出来？

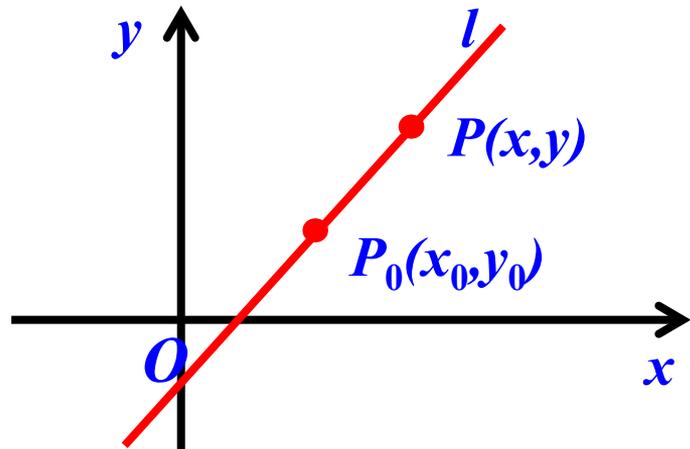
**本节课我们将要学习直线的方程来解决这个问题.**

**思考3:** 已知直线  $l$  经过已知点  $P_0(x_0, y_0)$ ，并且它的斜率是  $k$ ， $P(x, y)$  是直线  $l$  上不同于点  $P_0$  的任意一点，那么  $x, y$  满足什么关系？

**答:** 因为直线的斜率为  $k$ ,

由斜率公式可得  $k = \frac{y - y_0}{x - x_0} (x \neq x_0)$ ,

即  $y - y_0 = k(x - x_0)$ .



关于  $x, y$   
的方程

**思考4** 那么直线 $l$ 上每一点的坐标都满足这个方程吗？

**答：**由于点 $P(x, y)$ 是直线 $l$ 上异于点 $P_0(x_0, y_0)$ 的任意一点，所以当 $x \neq x_0$ 时，一定满足.特别的当 $x = x_0$ 时也满足上式，所以直线 $l$ 上的每一点的坐标都满足上式.

**思考5** 满足方程 $y-y_0=k(x-x_0)$ 的所有点 $P(x,y)$ 是否都在直线 $l$ 上? 为什么?

**答:** 当点 $P$ 与点 $P_0$ 重合时,  $x = x_0, y = y_0$ ,

此时满足 $y - y_0 = k(x - x_0)$ ;

当 $x \neq x_0$ 时, 则 $k = \frac{y-y_0}{x-x_0}$ , 即点 $P(x, y)$ 在过点

$P_0(x_0, y_0)$ , 斜率为 $k$ 的直线上.

**直线的点斜式方程** 由直线上一定点和直线的斜率确定的直线方程，叫直线的点斜式方程，即过点  $P_0(x_0, y_0)$ ，斜率  $y - y_0 = k(x - x_0)$ ，称该方程为直线的点斜式方程。

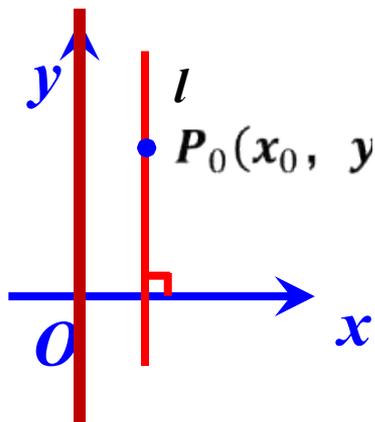
**注意：**该方程的适用条件为直线的斜率  $k$  存在为前提，斜率不存在不能用。

**思考6** 已知直线  $l$  经过已知点  $P_0(x_0, y_0)$ ，且它的斜率不存在，直线  $l$  的方程是什么？特别的， $y$ 轴所在的直线方程是什么？

答：斜率不存在或倾斜角为 $90^\circ$  时，

显然直线  $l$  上的任何一点的横坐标均相同，均为 $x_0$ ，而 $y_0$ 可以为任意实数，所以这时的直线方程为 $x=x_0$  或 $x-x_0=0$ 。

特别的， $y$  轴所在的直线上的每一点的横坐标均为 $0$ ，所以其所在直线的方程为 $x=0$ 。



**思考7** 当直线  $l$  的倾斜角是  $0^\circ$  且经过已知点  $P_0(x_0, y_0)$  时，直线  $l$  的方程是什么？特别的， $x$ 轴所在的直线的方程是什么？

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/227051062113006110>