

山东省烟台市 2024 年中考数学试卷

阅卷人	
得分	

一、选择题（本大题共 10 个小题，每小题 3 分，满分 30 分）每小题都给出标号为 A, B, C, D 四个备选答案，其中有且只有一个是正确的。

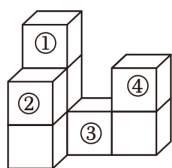
1. 下列实数中的无理数是 ()

- A. $\frac{2}{3}$ B. 3.14 C. $\sqrt{15}$ D. $\sqrt[3]{64}$

2. 下列计算结果为 a^6 的是 ()

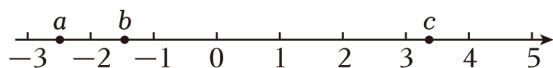
- A. $a^2 \cdot a^3$ B. $a^{12} \div a^2$ C. $a^3 + a^3$ D. $(a^2)^3$

3. 如图是由 8 个大小相同的小正方体组成的几何体，若从标号为①②③④的小正方体中取走一个，使新几何体的左视图既是轴对称图形又是中心对称图形，则应取走 ()



- A. ① B. ② C. ③ D. ④

4. 实数 a, b, c 在数轴上的位置如图所示，下列结论正确的是 ()

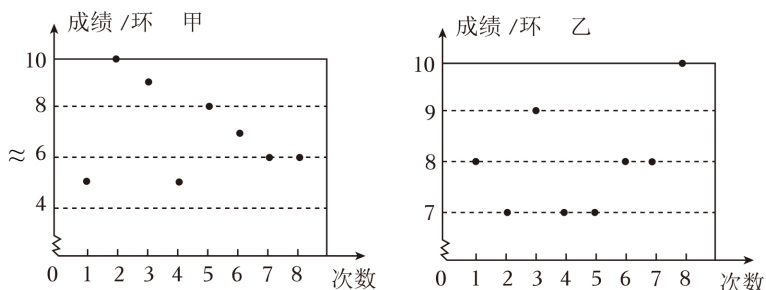


- A. $b+c > 3$ B. $a - c < 0$ C. $|a| > |c|$ D. $-2a < -2b$

5. 目前全球最薄的手撕钢产自中国，厚度只有 0.015 毫米，约是 A4 纸厚度的六分之一。已知 1 毫米 = 1 百万纳米，0.015 毫米等于多少纳米？将结果用科学记数法表示为 ()

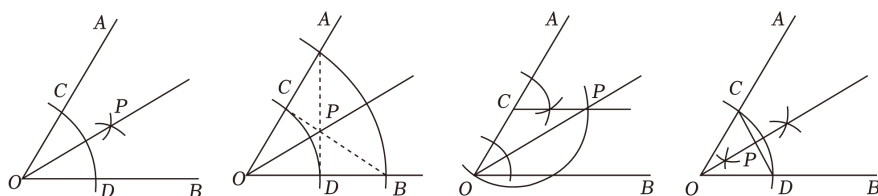
- A. 0.15×10^3 纳米 B. 1.5×10^4 纳米 C. 15×10^{-5} 纳米 D. 1.5×10^{-6} 纳米

6. 射击运动队进行射击测试，甲、乙两名选手的测试成绩如图，其成绩的方差分别记为 $S_{甲}^2$ 和 $S_{乙}^2$ ，则 $S_{甲}^2$ 和 $S_{乙}^2$ 的大小关系是 ()



- A. $S_{甲}^2 > S_{乙}^2$ B. $S_{甲}^2 < S_{乙}^2$ C. $S_{甲}^2 = S_{乙}^2$ D. 无法确定

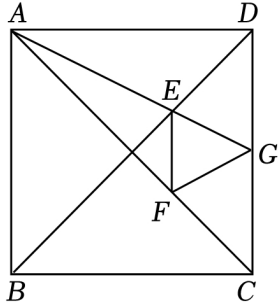
7. 某班开展“用直尺和圆规作角平分线”的探究活动，各组展示作图痕迹如下，其中射线 OP 为 $\angle AOB$ 的平分线的有 ()



- A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

8. 如图，在正方形 $ABCD$ 中，点 E, F 分别为对角线 BD, AC 的三等分点，连接 AE 并延长交 CD 于点 G ，连接 EF, FG 。若 $\angle AGF = \alpha$ ，则 $\angle FAG$ 用含 α 的代数式表示为 ()

- A. $\frac{45^\circ - \alpha}{2}$ B. $\frac{90^\circ - \alpha}{2}$ C. $\frac{45^\circ + \alpha}{2}$ D. $\frac{\alpha}{2}$



第 8 题图

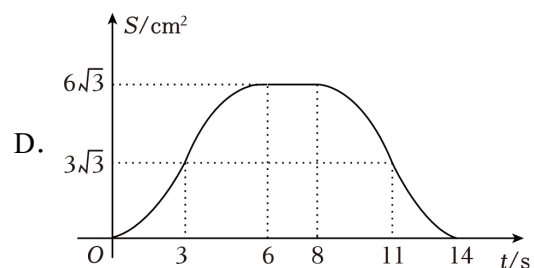
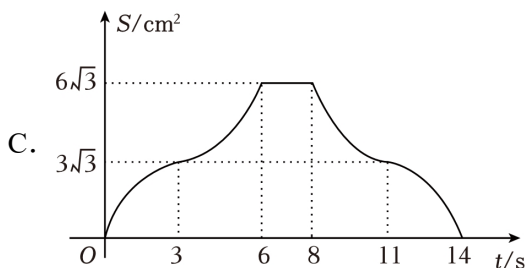
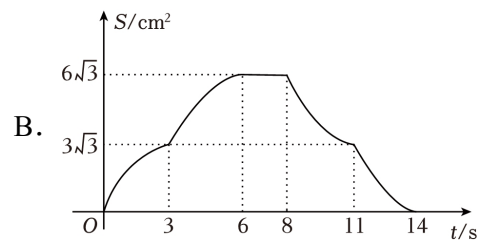
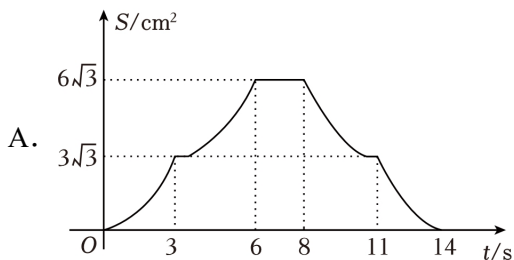
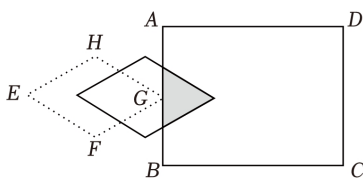


第 9 题图

9. 《周髀算经》是中国现存最早的数理天文著作。书中记载这样一道题：“今有女子不善织，日减功迟。初日织五尺，末日织一尺，今三十日织讫。问织几何？”意思是：现有一个不擅长织布的女子，织布的速度越来越慢，并且每天减少的数量相同，第一天织了五尺布，最后一天仅织了一尺布，30 天完工，问一共织了多少布？ ()

- A. 45 尺 B. 88 尺 C. 90 尺 D. 98 尺

10. 如图，水平放置的矩形 $ABCD$ 中， $AB = 6\text{cm}$ ， $BC = 8\text{cm}$ ，菱形 $EFGH$ 的顶点 E, G 在同一水平线上，点 G 与 AB 的中点重合， $EF = 2\sqrt{3}\text{cm}$ ， $\angle E = 60^\circ$ ，现将菱形 $EFGH$ 以 1cm/s 的速度沿 BC 方向匀速运动，当点 E 运动到 CD 上时停止。在这个运动过程中，菱形 $EFGH$ 与矩形 $ABCD$ 重叠部分的面积 $S (\text{cm}^2)$ 与运动时间 $t (\text{s})$ 之间的函数关系图象大致是 ()



阅卷人	
得分	

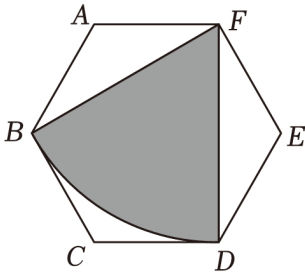
二、填空题（本大题共 6 个小题，每小题 3 分，满分 18 分）

11. 若代数式 $\frac{3}{\sqrt{x-1}}$ 在实数范围内有意义，则 x 的取值范围为 _____.

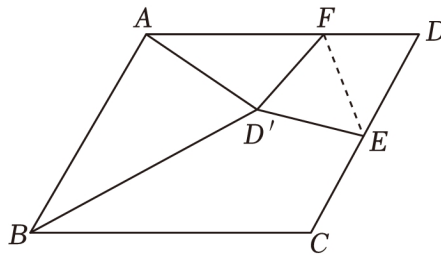
12. 关于 x 的不等式 $m - \frac{x}{2} \leq 1 - x$ 有正数解， m 的值可以是 _____（写出一个即可）.

13. 若一元二次方程 $2x^2 - 4x - 1 = 0$ 的两根为 m, n ，则 $3m^2 - 4m + n^2$ 的值为 _____.

14. 如图，在边长为 6 的正六边形 $ABCDEF$ 中，以点 F 为圆心，以 FB 的长为半径作 \widehat{BD} ，剪如图中阴影部分做一个圆锥的侧面，则这个圆锥的底面半径为 _____.



第 14 题图



第 15 题图

15. 如图，在 $\square ABCD$ 中， $\angle C = 120^\circ$ ， $AB = 8$ ， $BC = 10$ ， E 为边 CD 的中点， F 为边 AD 上的一动点，将 $\triangle DEF$ 沿 EF 翻折得 $\triangle D'EF$ ，连接 AD' ， BD' ，则 $\triangle ABD'$ 面积的最小值为 _____.

16. 已知二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的 y 与 x 的部分对应值如表：

x	-4	-3	-1	1	5
y	0	5	9	5	-27

下列结论：

- ① $abc > 0$;
- ② 关于 x 的一元二次方程 $ax^2 + bx + c = 9$ 有两个相等的实数根；
- ③ 当 $-4 < x < 1$ 时， y 的取值范围为 $0 < y < 5$ ；
- ④ 若点 (m, y_1) ， $(-m - 2, y_2)$ 均在二次函数图象上，则 $y_1 = y_2$ ；
- ⑤ 满足 $ax^2 + (b+1)x + c < 2$ 的 x 的取值范围是 $x < -2$ 或 $x > 3$.

其中正确结论的序号为 _____.

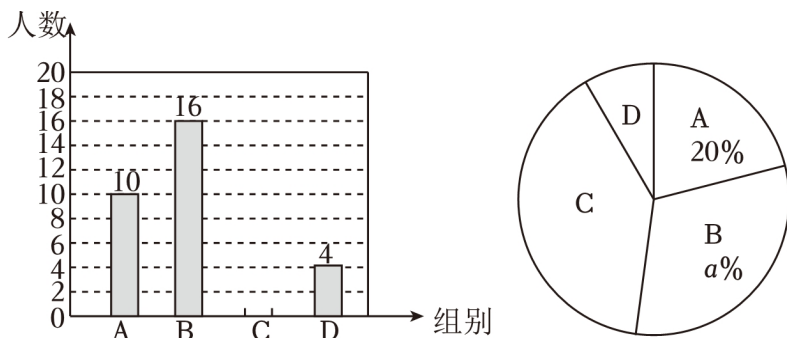
阅卷人	
得分	

三、解答题（本大题共 8 个小题，满分 72 分）

17. 利用课本上的计算器进行计算，按键顺序如下： $3 \square x^2 \square - \square 5 \square =$ ，若 m 是其显示结果的平方根，先化

简： $(\frac{m}{m-3} + \frac{7m-4}{9-m^2}) \div \frac{4-2m}{m+3}$ ，再求值.

18. “山海同行，舰回烟台”.2024年4月23日，烟台舰与家乡人民共庆人民海军成立75周年.值此，某学校开展了“奋进万亿新征程，共筑强国强军梦”的主题研学活动.为了解学生参与情况，随机抽取部分学生对研学活动时长（用 t 表示，单位： h ）进行调查.经过整理，将数据分成四组（A组： $0 \leq t < 2$ ；B组： $2 \leq t < 4$ ；C组： $4 \leq t < 6$ ；D组： $6 \leq t < 8$ ），并绘制了如下不完整的条形统计图和扇形统计图.




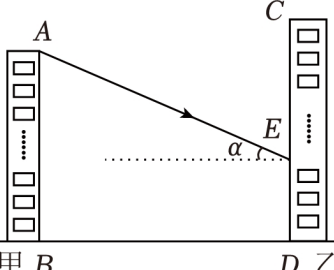
(1) 请补全条形统计图；

(2) 扇形统计图中， a 的值为 _____， D 组对应的扇形圆心角的度数为 _____；

(3) D 组中有男、女生各两人，现从这四人中随机抽取两人进行研学宣讲，请用树状图或表格求所抽取的两人恰好是一名男生和一名女生的概率.

19. 根据手机的素材，探索完成任务.

探究太阳能热水器的安装		
素材一	太阳能热水器是利用绿色能源造福人类的一项发明.某品牌热水器主要部件太阳能板需要安装在每天都可以有太阳光照射到的地方，才能保证使用效果，否则不予安装.	
素材二	某市位于北半球，太阳光线与水平线的夹角为 α ，冬至日时， $14^\circ \leq \alpha \leq 29^\circ$ ；夏至日时， $43^\circ \leq \alpha \leq 76^\circ$.	$\sin 14^\circ \approx 0.24$, $\cos 14^\circ \approx 0.97$, $\tan 14^\circ \approx 0.25$ $\sin 29^\circ \approx 0.48$, $\cos 29^\circ \approx 0.87$, $\tan 29^\circ \approx 0.55$ $\sin 43^\circ \approx 0.68$, $\cos 43^\circ \approx 0.73$, $\tan 43^\circ = 0.94$ $\sin 76^\circ \approx 0.97$, $\cos 76^\circ \approx 0.24$, $\tan 76^\circ \approx 4.01$

素材 三	如图，该市甲楼位于乙楼正南方向，两楼东西两侧都无法获得太阳光照射．现准备在乙楼南面墙上安装该品牌太阳能板．已知两楼间距为 54 米，甲楼 AB 共 11 层，乙楼 CD 共 15 层，一层从地面起，每层楼高皆为 3.3 米． AE 为某时刻的太阳光线．	
问题解决		
任务 一	确定使用数据	要判断乙楼哪些楼层不能安装该品牌太阳能板，应选择 ▲ 日（填冬至或夏至）时， α 为 ▲（填 14° ， 29° ， 43° ， 76° 中的一个）进行计算．
任务 二	探究安装范围	利用任务一中选择的数据进行计算，确定乙楼中哪些楼层不能安装该品牌太阳能热水器．

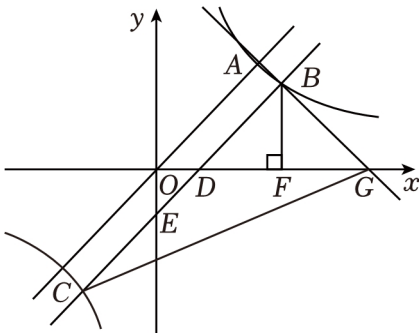
20. 每年 5 月的第三个星期日为全国助残日，今年的主题是“科技助残，共享美好生活”。康宁公司新研发了一批便携式轮椅计划在该月销售。根据市场调查，每辆轮椅盈利 200 元时，每天可售出 60 辆；单价每降低 10 元，每天可多售出 4 辆。公司决定在成本不变的情况下降价销售，但每辆轮椅的利润不低于 180 元。设每辆轮椅降价 x 元，每天的销售利润为 y 元。

(1) 求 y 与 x 的函数关系式；每辆轮椅降价多少元时，每天的销售利润最大？最大利润为多少元？

(2) 全国助残日当天，公司共获得销售利润 12160 元，请问这天售出了多少辆轮椅？

21. 如图, 正比例函数 $y=x$ 与反比例函数 $y=\frac{k}{x}$ 的图象交于点 $A(\sqrt{6}, a)$. 将正比例函数图象向下平移 n ($n > 0$) 个单位后, 与反比例函数图象在第一、三象限交于点 B, C , 与 x 轴, y 轴交于点 D, E , 且满足 $BE:CE=3:2$, 过点 B 作 $BF \perp x$ 轴, 垂足为点 F , G 为 x 轴上一点, 直线 BC 与 BG 关于直线 BF 成轴对称, 连接 CG .

(1) 求反比例函数的表达式;



(2) 求 n 的值及 $\triangle BCG$ 的面积.

22. 在等腰直角 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB=90^\circ$, $AC=BC$, D 为直线 BC 上任意一点, 连接 AD . 将线段 AD 绕点 D 按顺时针方向旋转 90° 得线段 ED , 连接 BE .

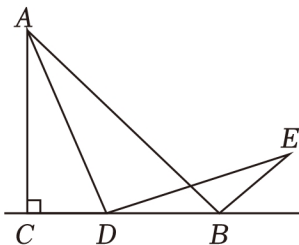


图 1

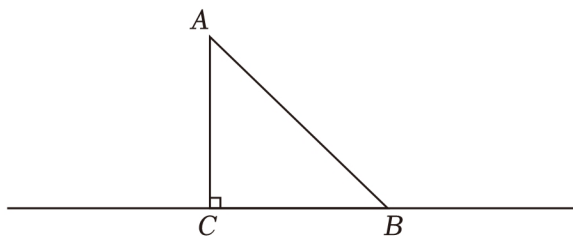


图 2

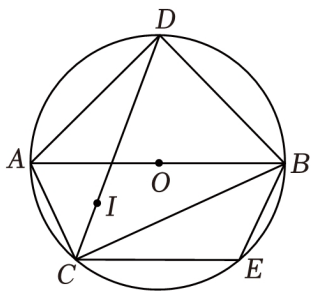
(1) 【尝试发现】如图 1, 当点 D 在线段 BC 上时, 线段 BE 与 CD 的数量关系为 _____;

(2) 【类比探究】当点 D 在线段 BC 的延长线上时, 先在图 2 中补全图形, 再探究线段 BE 与 CD 的数量关系并证明;

(3) 【联系拓广】若 $AC=BC=1$, $CD=2$, 请直接写出 $\sin \angle ECD$ 的值.

23. 如图, AB 是 $\odot O$ 的直径, $\triangle ABC$ 内接于 $\odot O$, 点 I 为 $\triangle ABC$ 的内心, 连接 CI 并延长交 $\odot O$ 于点 D , E 是 \widehat{BC} 上任意一点, 连接 AD , BD , BE , CE .

(1) 若 $\angle ABC=25^\circ$, 求 $\angle CEB$ 的度数;



(2) 找出图中所有与 DI 相等的线段, 并证明;

(3) 若 $CI=2\sqrt{2}$, $DI=\frac{13}{2}\sqrt{2}$, 求 $\triangle ABC$ 的周长.

24. 如图，抛物线 $y_1 = ax^2 + bx + c$ 与 x 轴交于 A, B 两点，与 y 轴交于点 C ， $OC=OA$ ， $AB=4$ ，对称轴为直线 $l_1: x = -1$ 。将抛物线 y_1 绕点 O 旋转 180° 后得到新抛物线 y_2 ，抛物线 y_2 与 y 轴交于点 D ，顶点为 E ，对称轴为直线 l_2 。

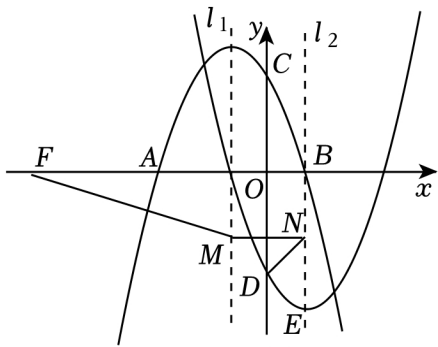


图1

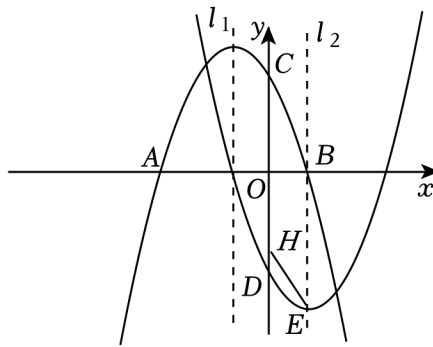


图2

(1) 分别求抛物线 y_1 和 y_2 的表达式；

(2) 如图1，点 F 的坐标为 $(-6, 0)$ ，动点 M 在直线 l_1 上，过点 M 作 $MN \parallel x$ 轴与直线 l_2 交于点 N ，连接 FM ， DN ，求 $FM+MN+DN$ 的最小值；

(3) 如图2，点 H 的坐标为 $(0, -2)$ ，动点 P 在抛物线 y_2 上，试探究是否存在点 P ，使 $\angle PEH = 2\angle DHE$ ？若存在，请直接写出所有符合条件的点 P 的坐标；若不存在，请说明理由。

答案解析部分

1. 【答案】C

【解析】【解答】解：A、 $\frac{2}{3}$ 是有理数，故不符合题意；

B、3.14是有理数，故不符合题意；

C、 $\sqrt{15}$ 是无理数，故符合题意；

D、 $\sqrt[3]{64}=4$ 是有理数，故不符合题意；

故答案为：C.

【分析】无限不循环小数叫做无理数，对于开方开不尽的数、圆周率 π 都是无理数；据此判断即可.

2. 【答案】D

【解析】【解答】解：A、 $a^2 \cdot a^3 = a^5$ ，故不符合题意；

B、 $a^{12} \div a^2 = a^{10}$ ，故不符合题意；

C、 $a^3 + a^3 = 2a^3$ ，故不符合题意；

D、 $(a^2)^3 = a^6$ ，故符合题意.

故答案为：D.

【分析】根据同底数幂的乘法、除法，合并同类项及幂的乘方分别计算，再判断即可.

3. 【答案】A

【解析】【解答】解：A、取走①时，左视图为田字，既是轴对称图形又是中心对称图形，故符合题意；

B、取走②时，左视图为2列，小正方体的个数从左到右为3，1，既不是轴对称图形也不是中心对称图形，故不符合题意；

C、取走③时，左视图为2列，小正方体的个数从左到右为3，2，既不是轴对称图形也不是中心对称图形，故不符合题意；

D、取走④时，左视图为2列，小正方体的个数从左到右为3，2，既不是轴对称图形也不是中心对称图形，故不符合题意；

故答案为：A.

【分析】分别求出取走各项中小方块的左视图，再判断即可.

4. 【答案】B

【解析】【解答】解：由数轴可知： $-3 < a < -2 < b < -1 < 3 < c < 4$ ， $|c| > |a| > |b|$ ，故C不符合题意；

$\therefore b+c < 3$ ，故A不符合题意；

$a - c < 0$ ，故B符合题意；

$-2a > -2b$ ，故D不符合题意；

故答案为：B.

【分析】由数轴可知： $-3 < a < -2 < b < -1 < 3 < c < 4$ ， $|c| > |a| > |b|$ ，从而得出 $b+c < 3$ ， $a-c < 0$ ， $-2a > -2b$ ，然后判断即可。

5. 【答案】B

【解析】【解答】解：0.015 毫米 = 0.015×10^6 纳米 = 1.5×10^4 纳米。

故答案为：B.

【分析】由 0.015 毫米 = 0.015×10^6 纳米，再利用科学记数法表示即可。

6. 【答案】A

【解析】【解答】解：由图表知：甲数据偏离平均数较大，乙数据偏离平均数较小，

∴甲的波动较大，即方差大，

∴ $S_{甲}^2 > S_{乙}^2$ 。

故答案为：A.

【分析】根据图表中数据的波动大小进行判断即可。

7. 【答案】D

【解析】【解答】解：第一个图形：由作图痕迹知射线 OP 为 $\angle AOB$ 的平分线；

第二个图形：由作图痕迹知 $OC=OD$ ， $OA=OB$ ，

∴ $AC=BD$ ，

∴ $\angle AOD = \angle BOC$ ，

∴ $\triangle AOD \cong \triangle BOC$ (SAS)，

∴ $\angle OAD = \angle OBC$ ，

∴ $AC=BD$ ， $\angle BPD = \angle APC$ ，

∴ $\triangle BPD \cong \triangle APC$ ，

∴ $AP=BP$ ，

∴ $OA=OB$ ， $PO=PO$ ，

∴ $\triangle AOP \cong \triangle BOP$ ，

∴ $\angle AOP = \angle BOP$ ，即 OP 为 $\angle AOB$ 的平分线；

第三个图形：由作图知 $\angle ACP = \angle BOA$ ， $OC=CP$ ，

∴ $CP \parallel OB$ ， $\angle COP = \angle CPO$ ，

∴ $\angle CPO = \angle BOP$ ，

∴ $\angle COP = \angle BOP$ ，即 OP 为 $\angle AOB$ 的平分线；

第四个图形：由作图知 $OC=OD$ ， OP 垂直平分 CD ，

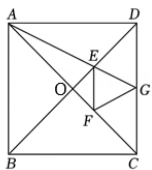
∴ $\angle COP = \angle BOP$ ，即 OP 为 $\angle AOB$ 的平分线；

故答案为：D.

【分析】根据角平分线的判定，全等三角形的判定和性质，等腰三角形的判定与性质，根据作图痕迹逐一判定即可.

8. 【答案】B

【解析】【解答】解：如图，设 AC 与 BD 交于点 O，



在正方形 ABCD 中， $OD=OC$ ， $\angle ODC=\angle OCD=45^\circ$ ， $BD=AC$ ，

\therefore 点 E, F 分别为对角线 BD, AC 的三等分点，

$\therefore DE=CF$ ， $OE=OF$ ， $DE:BE=1:2$

$$\therefore \frac{OE}{OD} = \frac{OF}{OC}$$

$\therefore \angle EOF = \angle DOC$ ，

$\therefore \triangle EOF \sim \triangle DOC$ ，

$\therefore \angle OFE = \angle ODC = 45^\circ$ ，

$\therefore AB \parallel CD$ ， $AB=CD$ ，

$\therefore \triangle ABE \sim \triangle GDE$ ，

$$\therefore \frac{DG}{AB} = \frac{DE}{BE} = \frac{1}{2}$$

$\therefore DG = \frac{1}{2}AB = \frac{1}{2}CD = CG$ ，

$\therefore \triangle DEG \sim \triangle CFG$ (SAS)，

$\therefore GE=GF$ ，

$$\therefore \angle GEF = \angle GFE = \frac{1}{2}(180^\circ - \angle AGF) = 90^\circ - \frac{1}{2}\alpha$$

$$\therefore \angle FAG = \angle GEF - \angle AFE = 90^\circ - \frac{1}{2}\alpha - 45^\circ = \frac{90^\circ - \alpha}{2}$$

故答案为：B.

【分析】先证 $\triangle EOF \sim \triangle DOC$ ，可得 $\angle OFE = \angle ODC = 45^\circ$ ，再证 $\triangle ABE \sim \triangle GDE$ ，可推出

$DG = \frac{1}{2}AB = \frac{1}{2}CD = CG$ ，最后可证 $\triangle DEG \sim \triangle CFG$ (SAS)，可得 $GE=GF$ ，利用等腰三角形的性质及三角形内角和求出 $\angle GEF$ 的度数，利用 $\angle FAG = \angle GEF - \angle AFE$ 即可求解.

9. 【答案】C

【解析】【解答】解：设每天减少 x 尺布，

\therefore 第一天织了五尺布，最后一天仅织了一尺布，30 天完工，

$$\therefore 5 - 29x = 1$$

解得 $x = \frac{4}{29}$,

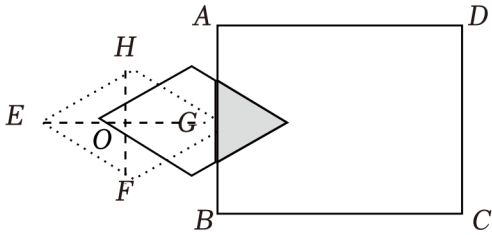
$$\therefore 5 + 5 - \frac{4}{29} + 5 - \frac{8}{29} + \dots + 1 = 5 \times 29 + 1 - \frac{4}{29} \times \frac{(1+28) \times 28}{2} = 90 \text{ (尺)},$$

故答案为: C.

【分析】先求出每天减少的尺布数, 则共织布 $5 + 5 - \frac{4}{29} + 5 - \frac{8}{29} + \dots + 1$, 再计算即可.

10. 【答案】D

【解析】【解答】解: 如图所示, 设 EG, HF 交于点 O ,



\because 菱形 $EFGH$, $\angle E = 60^\circ$,

$\therefore HG = GF$, $\angle HGF = \angle E = 60^\circ$,

$\therefore \triangle HFG$ 是等边三角形,

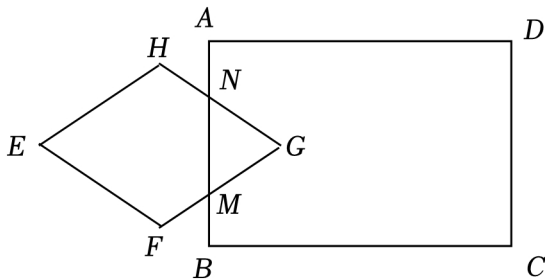
$\because EF = 2\sqrt{3} \text{ cm}$, $\angle E = 60^\circ$,

$\therefore \angle OEF = 30^\circ$,

$\therefore EG = 2EO = 2 \times EF \cos 30^\circ = \sqrt{3}EF = 6 \text{ cm}$,

$\therefore S_{\text{菱形}EFGH} = \frac{1}{2}EG \cdot FH = \frac{1}{2} \times 6 \times 2\sqrt{3} = 6\sqrt{3} \text{ (cm}^2\text{)},$

当 $0 \leq t \leq 3$ 时, 重合部分为 $\triangle MNG$, 如图所示,

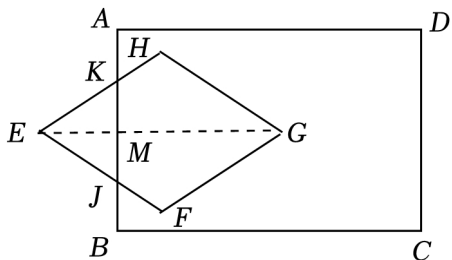


依题意, $\triangle MNG$ 为等边三角形,

运动时间为 t , 则 $NG = \frac{t}{\cos 30^\circ} = \frac{2\sqrt{3}}{3}t \text{ (cm)}$,

$\therefore S = \frac{1}{2} \times NG \times NG \times \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{4} \left(\frac{2\sqrt{3}}{3}t \right)^2 = \frac{\sqrt{3}}{3}t^2 \text{ (cm}^2\text{)}$;

当 $3 < t \leq 6$ 时, 如图所示,



依题意, $EM = EG - t = 6 - t$ (cm), 则 $EK = \frac{EM}{\sin 60^\circ} = \frac{6-t}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{2\sqrt{3}}{3}(6-t)$ (cm),

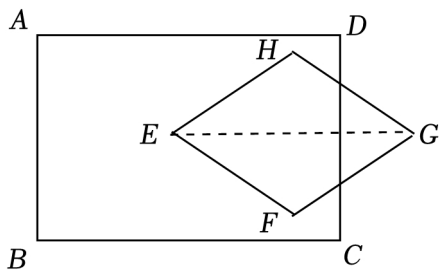
$$\therefore S_{\triangle EKJ} = \frac{1}{2}EK \cdot EM = \frac{1}{2} \times \frac{2\sqrt{3}}{3}(6-t)^2 = \frac{\sqrt{3}}{3}(6-t)^2 \text{ (cm}^2\text{)},$$

$$\therefore S = S_{\text{菱形} EFGH} - S_{\triangle EKJ} = 6 - \frac{\sqrt{3}}{3}(6-t)^2 = -\frac{\sqrt{3}}{3}t^2 + 4\sqrt{3}t - 12\sqrt{3} + 6 \text{ (cm}^2\text{)};$$

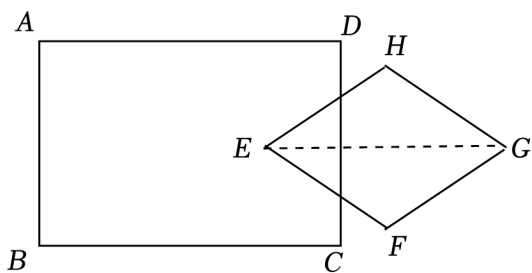
$\therefore EG = 6\text{cm} < BC$,

\therefore 当 $6 < t \leq 8$ 时, $S = 6\sqrt{3}\text{cm}^2$;

当 $8 < t \leq 11$ 时, 同理可得, $S = 6 - \frac{\sqrt{3}}{3}(t-8)^2 \text{ (cm}^2\text{)};$



当 $11 < t \leq 14$ 时, 同理可得, $S = \frac{\sqrt{3}}{3}[6 - (t-8)]^2 = \frac{\sqrt{3}}{3}(14-t)^2 \text{ (cm}^2\text{)};$



综上所述, 当 $0 \leq t \leq 3$ 时, 函数图象为开口向上的一段抛物线, 当 $3 < t \leq 6$ 时, 函数图象为开口向下的一段抛物线, 当 $6 < t \leq 8$ 时, 函数图象为一条线段, 当 $8 < t \leq 11$ 时, 函数图象为开口向下的一段抛物线, 当 $11 < t \leq 14$ 时, 函数图象为开口向上的一段抛物线,

故选: D.

【分析】 设 EG, HF 交于点 O , 先求出菱形 $EFGH$ 的面积, 分 5 段考虑: 当 $0 \leq t \leq 3$ 时, 重合部分为 $\triangle MNG$, 当 $3 < t \leq 6$ 时, 重叠部分 $S = S_{\text{菱形} EFGH} - S_{\triangle EKJ}$, 当 $6 < t \leq 8$ 时, 重叠部分为菱形 $EFGH$; 当 $8 < t \leq 11$ 时; 当 $11 < t \leq 14$ 时, 据此分别画出图形, 利用割补法求出重叠部分的面积, 再利用解析式逐项判断即可.

11. **【答案】** $x > 1$

【解析】【解答】 解: 由题意得: $x-1 > 0$,

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/256021134152010154>