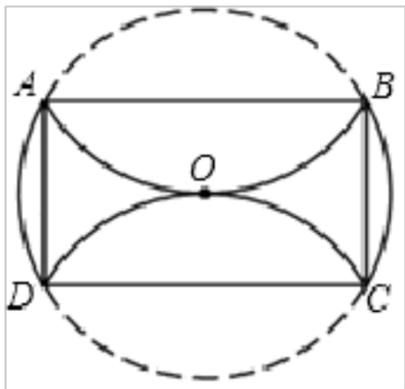




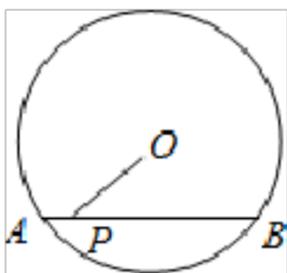
- A. 2cm                      B. 3cm                      C. 5cm                      D. 8cm

6. (2019 秋·仪征市期末) 如图, 在 $\odot O$  中, 分别将 $\overline{AB}$ 、 $\overline{CD}$ 沿两条互相平行的弦  $AB$ 、 $CD$  折叠, 折叠后的弧均过圆心, 若 $\odot O$  的半径为 4, 则四边形  $ABCD$  的面积是 ( )



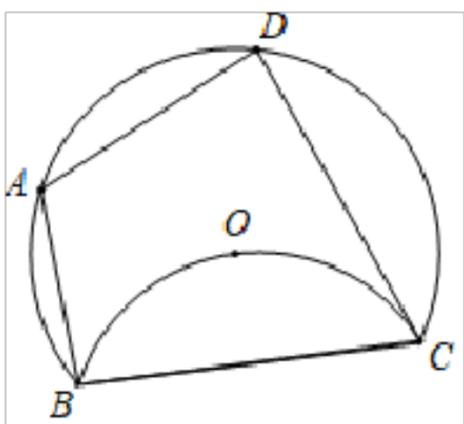
- A. 8                      B.  $16\sqrt{3}$                       C. 32                      D.  $32\sqrt{3}$

7. (2019 秋·泗阳县期末) 如图,  $\odot O$  的直径为 10, 弦  $AB$  的长为 8, 点  $P$  是弦  $AB$  上的一个动点, 使线段  $OP$  的长度为整数的点  $P$  有 ( )



- A. 3 个                      B. 4 个                      C. 5 个                      D. 6 个

8. (2019 秋·连云港期中) 如图, 四边形  $ABCD$  内接于 $\odot O$ ,  $AB=AD$ ,  $BC=3$ . 劣弧  $BC$  沿弦  $BC$  翻折, 刚好经过圆心  $O$ . 当对角线  $BD$  最大时, 则弦  $AB$  的长是 ( )

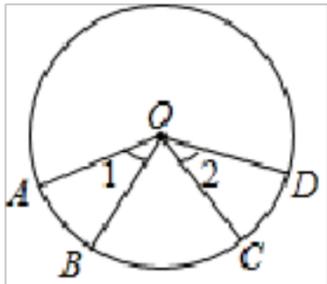


- A.  $\sqrt{6}$                       B.  $2\sqrt{3}$                       C.  $\frac{3}{2}$                       D.  $2\sqrt{2}$

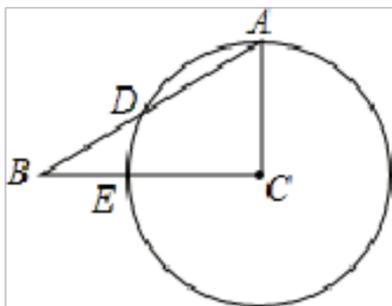
二、填空题 (本大题共 8 小题, 每小题 3 分, 共 24 分. 不需写出解答过程, 请把答案直接填写在横线上)

9. (2019 秋·金湖县期末) 长度等于  $6\sqrt{2}$  的弦所对的圆心角是  $90^\circ$ , 则该圆半径为\_\_\_\_\_.

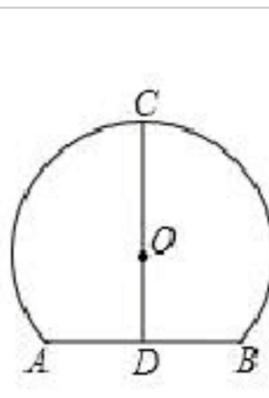
10. (2019 秋·大丰区期中) 如图, 在 $\odot O$  中,  $\overline{AC} = \overline{BD}$ ,  $\angle 1 = 30^\circ$ ,  $\overline{CD}$  的度数为\_\_\_\_\_.



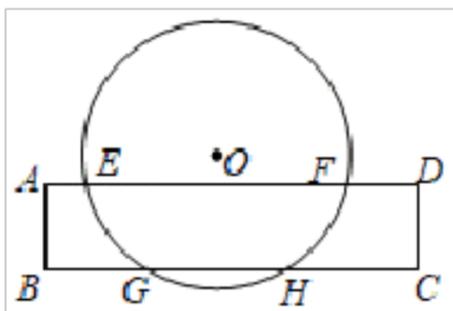
11. (2018 秋·宁津县期末) 如图, 在  $\triangle ABC$  中,  $\angle ACB=90^\circ$ ,  $\angle B=36^\circ$ , 以  $C$  为圆心,  $CA$  为半径的圆交  $AB$  于点  $D$ , 交  $BC$  于点  $E$ . 求弧  $AD$  所对的圆心角的度数\_\_\_\_\_.



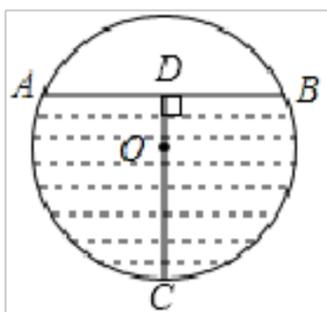
12. (2020·常州模拟) 石拱桥是中国传统桥梁四大基本形式之一, 如图, 已知一石拱桥的桥顶到水面的距离  $CD$  为  $8m$ , 桥拱半径  $OC$  为  $5m$ , 求水面宽  $AB=$ \_\_\_\_\_  $m$ .



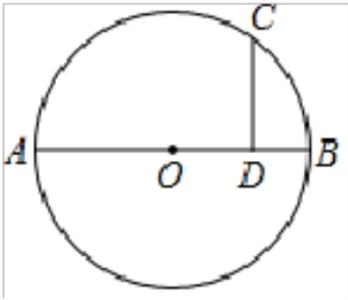
13. (2019 秋·海陵区校级期末) 如图,  $\odot O$  与矩形  $ABCD$  的边  $AB$ 、 $CD$  分别相交于点  $E$ 、 $F$ 、 $G$ 、 $H$ , 若  $AE+CH=6$ , 则  $BG+DF$  为\_\_\_\_\_.



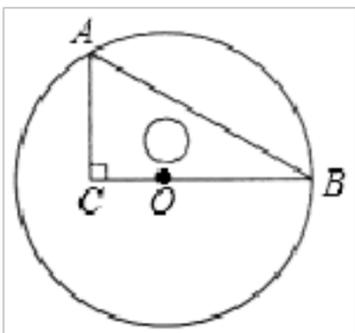
14. (2019 秋·秦淮区期末) 如图,  $\odot O$  是一个油罐的截面图. 已知  $\odot O$  的直径为  $5m$ , 油的最大深度  $CD=4m$  ( $CD \perp AB$ ), 则油面宽度  $AB$  为\_\_\_\_\_  $m$ .



15. (2019 秋·泗阳县期末) 如图,  $AB$  是  $\odot O$  的直径, 点  $C$  在  $\odot O$  上, 且  $CD \perp AB$ , 垂足为  $D$ ,  $CD=4$ ,  $OD=3$ , 则  $DB=$ \_\_\_\_\_.

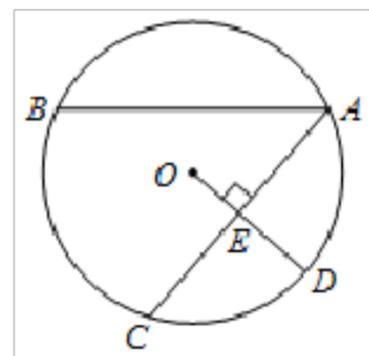


16. (2019 秋·镇江期末) 有一块三角板  $ABC$ ,  $\angle C$  为直角,  $\angle ABC=30^\circ$ , 将它放置在  $\odot O$  中, 如图, 点  $A$ 、 $B$  在圆上, 边  $BC$  经过圆心  $O$ , 劣弧  $\widehat{AB}$  的度数等于\_\_\_\_\_°.

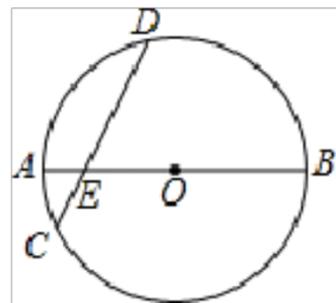


三、解答题 (本大题共 5 小题, 共 52 分. 解答时应写出文字说明、证明过程或演算步骤)

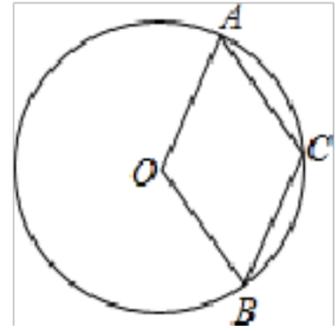
17. (2019 秋·新北区期中) 如图,  $A$ 、 $B$ 、 $C$ 、 $D$  为  $\odot O$  上四点, 若  $AC \perp OD$  于  $E$ , 且  $\widehat{AB} = 2\widehat{AD}$ , 请说明  $AB=2AE$ .



18. (2020·武汉模拟)  $\odot O$  中, 直径  $AB$  和弦  $CD$  相交于点  $E$ , 已知  $AE=1\text{cm}$ ,  $EB=5\text{cm}$ , 且  $\angle DEB=60^\circ$ , 求  $CD$  的长.

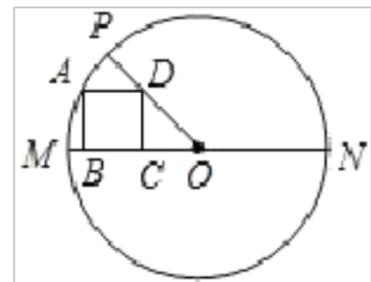


19. (2020·硚口区模拟) 如图  $A$ 、 $B$  是  $\odot O$  上的两点,  $\angle AOB=120^\circ$ ,  $C$  是弧  $\widehat{AB}$  的中点, 求证四边形  $OACB$  是菱形.



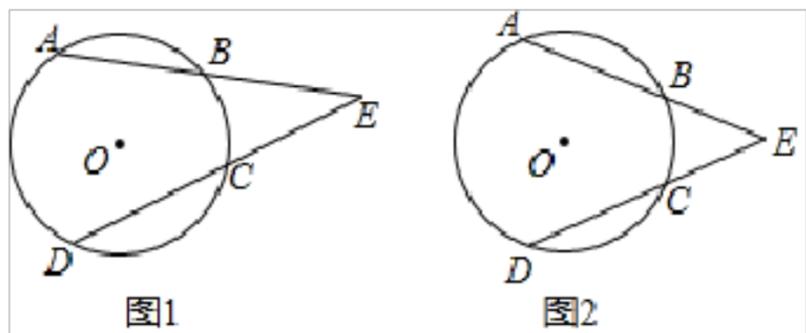
20. (2019 秋·东台市期中) 如图, 在 $\odot O$ 中, 直径为  $MN$ , 正方形  $ABCD$  的四个顶点分别在半径  $OM$ 、 $OP$  以及 $\odot O$ 上, 并且 $\angle POM=45^\circ$ , 若  $AB=1$ .

- (1) 求  $OD$  的长;
- (2) 求 $\odot O$  的半径.



21. (2019 秋·宿豫区期中) 如图,  $\odot O$  的弦  $AB$ 、 $DC$  的延长线相交于点  $E$ .

- (1) 如图 1, 若 $\widehat{AD}$  为  $120^\circ$ ,  $\widehat{BC}$  为  $50^\circ$ , 求 $\angle E$  的度数;
- (2) 如图 2, 若  $AB=CD$ , 求证:  $AE=DE$ .



## 答案解析

一、选择题（本大题共 8 小题，每小题 3 分，共 24 分）在每小题所给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的.

1. (2019 秋·金平区期末) 下列语句，错误的是 ( )

- A. 直径是弦
- B. 相等的圆心角所对的弧相等
- C. 弦的垂直平分线一定经过圆心
- D. 平分弧的半径垂直于弧所对的弦

【分析】根据圆心角、弧、弦的关系，垂径定理，圆的有关概念判断即可.

【解答】解：直径是弦，A 正确，不符合题意；

在同圆或等圆中，相等的圆心角所对的弧相等，B 错误，符合题意；

弦的垂直平分线一定经过圆心，C 正确，不符合题意；

平分弧的半径垂直于弧所对的弦，D 正确，不符合题意；

故选：B.

点评：本题考查的是圆心角、弧、弦的关系，垂径定理，掌握圆的有关概念、垂径定理是解题的关键.

2. (2019 秋·江阴市校级期中) 有下列说法：①直径是圆中最长的弦；②等弧所对的弦相等；③圆中  $90^\circ$  的角所对的弦是直径；④相等的圆心角对的弧相等. 其中正确的有 ( )

- A. 1 个
- B. 2 个
- C. 3 个
- D. 4 个

【分析】根据圆心角、弧、弦的相关知识进行解答.

【解答】解：①正确；

②在同圆或等圆中，能够重合的弧叫做等弧，等弧所对的弦相等；故②正确；

③圆中， $90^\circ$  圆周角所对的弦是直径；故③错误；

④在同圆或等圆中，相等的圆心角所对的弧相等；故④错误；

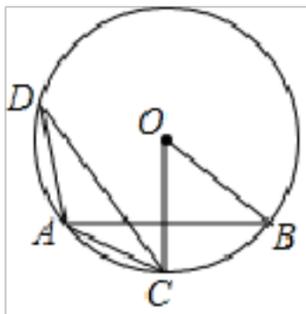
因此正确的结论是①②；

故选：B.

点评：本题涉及的知识点有：圆周角定理的推论，等弧的概念和性质，以及圆心角、弧、弦的关系等.

3. (2019·东台市模拟) 如图， $AB$  是  $\odot O$  的弦，半径  $OC \perp AB$ ， $D$  为圆周上一点，若  $\widehat{BC}$  的

度数为  $50^\circ$ ，则  $\angle ADC$  的度数为（ ）



- A.  $20^\circ$                       B.  $25^\circ$                       C.  $30^\circ$                       D.  $50^\circ$

【分析】利用圆心角的度数等于它所对的弧的度数得到  $\angle BOC = 50^\circ$ ，利用垂径定理得到  $\widehat{AC} = \widehat{BC}$ ，然后根据圆周角定理计算  $\angle ADC$  的度数.

【解答】解：  $\because \widehat{BC}$  的度数为  $50^\circ$ ，

$$\therefore \angle BOC = 50^\circ，$$

$\because$  半径  $OC \perp AB$ ，

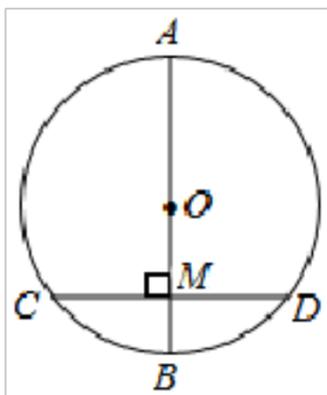
$$\therefore \widehat{AC} = \widehat{BC}，$$

$$\therefore \angle ADC = \frac{1}{2} \angle BOC = 25^\circ .$$

故选：B.

点评：本题考查了圆心角、弧、弦的关系：在同圆或等圆中，如果两个圆心角、两条弧、两条弦中有一组量相等，那么它们所对应的其余各组量都分别相等．也考查了垂径定理和圆周角定理.

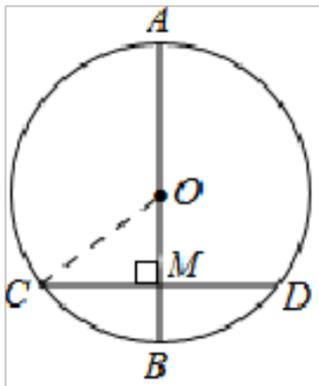
4. (2019 秋·玄武区期末) 如图， $AB$  是  $\odot O$  的直径，弦  $CD \perp AB$  于点  $M$ ，若  $CD = 8\text{cm}$ ， $MB = 2\text{cm}$ ，则直径  $AB$  的长为（ ）



- A.  $9\text{ cm}$                       B.  $10\text{ cm}$                       C.  $11\text{ cm}$                       D.  $12\text{ cm}$

【分析】如图，连接  $OC$ 。设  $OA = OB = OC = r$ 。在  $\text{Rt}\triangle OCM$  中，利用勾股定理构建方程即可解决问题.

【解答】解：如图，连接  $OC$ 。设  $OA=OB=OC=r$ 。



$\because AB \perp CD$ ,

$\therefore CM=MD=\frac{1}{2}CD=4\text{cm}$ ,

在  $\text{Rt}\triangle OCM$  中， $\because OC^2=CM^2+OM^2$ ,

$\therefore r^2=4^2+(r-2)^2$ ,

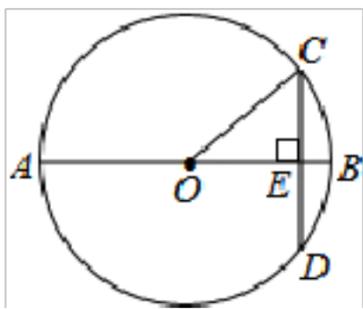
解得  $r=5$ ,

$\therefore AB=2OA=10$ ,

故选：B。

点评：本题考查垂径定理，勾股定理等知识，解题的关键是学会利用参数构建方程解决问题。

5. (2019 秋·江阴市期末) 如图， $AB$  是  $\odot O$  的直径，弦  $CD \perp AB$  于点  $E$ ， $OC=5\text{cm}$ ， $CD=8\text{cm}$ ，则  $AE=$  ( )



A.  $2\text{cm}$

B.  $3\text{cm}$

C.  $5\text{cm}$

D.  $8\text{cm}$

【分析】根据垂径定理可得出  $CE$  的长度，在  $\text{Rt}\triangle OCE$  中，利用勾股定理可得出  $OE$  的长度，再利用  $AE=AO+OE$  即可得出  $AE$  的长度。

【解答】解： $\because$  弦  $CD \perp AB$  于点  $E$ ， $CD=8\text{cm}$ ，

$\therefore CE=\frac{1}{2}CD=4\text{cm}$ 。

在  $\text{Rt}\triangle OCE$  中， $OC=5\text{cm}$ ， $CE=4\text{cm}$ ，

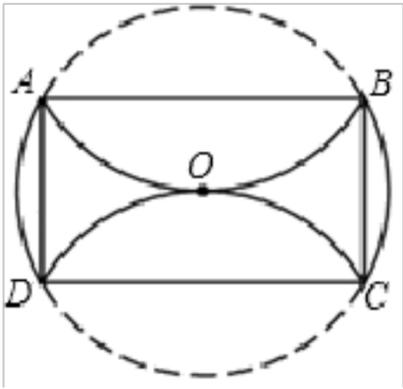
$\therefore OE=\sqrt{OC^2-CE^2}=\sqrt{5^2-4^2}=3(\text{cm})$ ，

$$\therefore AE = AO + OE = 5 + 3 = 8 \text{ (cm)}.$$

故选：D.

点评：本题考查了垂径定理以及勾股定理，利用垂径定理结合勾股定理求出  $OE$  的长度是解题的关键.

6. (2019 秋·仪征市期末) 如图，在  $\odot O$  中，分别将  $\overline{AB}$ 、 $\overline{CD}$  沿两条互相平行的弦  $AB$ 、 $CD$  折叠，折叠后的弧均过圆心，若  $\odot O$  的半径为 4，则四边形  $ABCD$  的面积是 ( )



- A. 8                      B.  $16\sqrt{3}$                       C. 32                      D.  $32\sqrt{3}$

【分析】过  $O$  作  $OH \perp AB$  交  $\odot O$  于  $E$ ，反向延长  $EO$  交  $CD$  于  $G$ ，交  $\odot O$  于  $F$ ，连接  $OA$ ， $OB$ ， $OD$ ，根据平行线的性质得到  $EF \perp CD$ ，根据折叠的性质得到  $OH = \frac{1}{2}OA$ ，推出  $\triangle AOD$  是等边三角形，得到  $D$ ， $O$ ， $B$  三点共线，且  $BD$  为  $\odot O$  的直径，求得  $\angle DAB = 90^\circ$ ，同理， $\angle ABC = \angle ADC = 90^\circ$ ，得到四边形  $ABCD$  是矩形，于是得到结论.

【解答】解：过  $O$  作  $OH \perp AB$  交  $\odot O$  于  $E$ ，反向延长  $EO$  交  $CD$  于  $G$ ，交  $\odot O$  于  $F$ ，连接  $OA$ ， $OB$ ， $OD$ ，

$$\because AB \parallel CD,$$

$$\therefore EF \perp CD,$$

$\because$  分别将  $\overline{AB}$ 、 $\overline{CD}$  沿两条互相平行的弦  $AB$ 、 $CD$  折叠，折叠后的弧均过圆心，

$$\therefore OH = \frac{1}{2}OA,$$

$$\therefore \angle HAO = 30^\circ,$$

$$\therefore \angle AOH = 60^\circ,$$

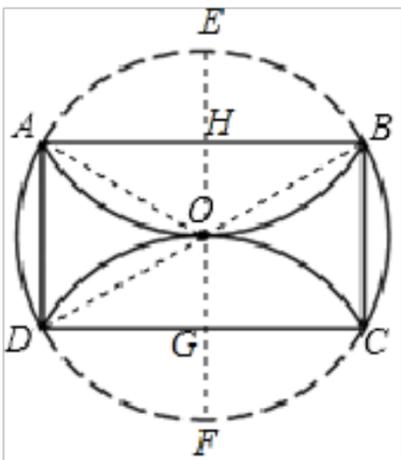
同理  $\angle DOG = 60^\circ$ ，

$$\therefore \angle AOD = 60^\circ,$$

$\therefore \triangle AOD$  是等边三角形，

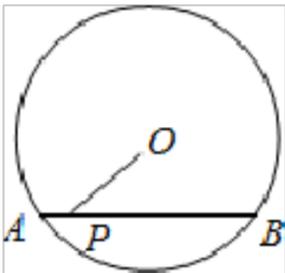
$\because OA=OB$ ,  
 $\therefore \angle ABO=\angle BAO=30^\circ$  ,  
 $\therefore \angle AOB=120^\circ$  ,  
 $\therefore \angle AOD+\angle AOB=180^\circ$  ,  
 $\therefore D, O, B$  三点共线, 且  $BD$  为  $\odot O$  的直径,  
 $\therefore \angle DAB=90^\circ$  ,  
 同理,  $\angle ABC=\angle ADC=90^\circ$  ,  
 $\therefore$  四边形  $ABCD$  是矩形,  
 $\therefore AD=AO=4, AB=\sqrt{3}AD=4\sqrt{3}$ ,  
 $\therefore$  四边形  $ABCD$  的面积是  $16\sqrt{3}$ ,

故选:  $B$ .



点评: 本题考查了垂径定理, 圆周角定理, 矩形的判定和性质, 正确的作出辅助线是解题的关键.

7. (2019 秋·泗阳县期末) 如图,  $\odot O$  的直径为 10, 弦  $AB$  的长为 8, 点  $P$  是弦  $AB$  上的一个动点, 使线段  $OP$  的长度为整数的点  $P$  有 ( )



- A. 3 个                      B. 4 个                      C. 5 个                      D. 6 个

**【分析】** 当  $P$  为  $AB$  的中点时  $OP$  最短, 利用垂径定理得到  $OP$  垂直于  $AB$ , 在直角三角形  $AOP$  中, 由  $OA$  与  $AP$  的长, 利用勾股定理求出  $OP$  的长; 当  $P$  与  $A$  或  $B$  重合时,  $OP$  最长, 求出  $OP$  的范围, 由  $OP$  为整数, 即可得到  $OP$  所有可能的长.

**【解答】** 解: 当  $P$  为  $AB$  的中点时, 利用垂径定理得到  $OP \perp AB$ , 此时  $OP$  最短,

$\because AB=8, \therefore AP=BP=4,$

在直角三角形  $AOP$  中,  $OA=5, AP=4,$

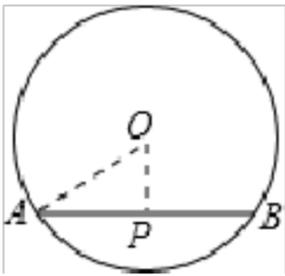
根据勾股定理得:  $OP=\sqrt{OA^2-AP^2}=3,$  即  $OP$  的最小值为 3;

当  $P$  与  $A$  或  $B$  重合时,  $OP$  最长, 此时  $OP=5,$

$\therefore 3 \leq OP \leq 5,$

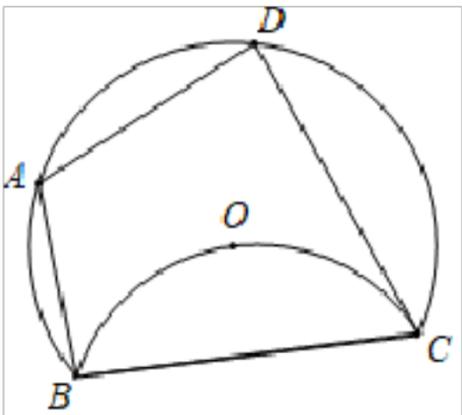
则使线段  $OP$  的长度为整数的点  $P$  有 3, 4, 5, 共 5 个.

故选:  $C.$



点评: 此题考查了垂径定理, 以及勾股定理, 熟练掌握定理是解本题的关键.

8. (2019 秋·连云港期中) 如图, 四边形  $ABCD$  内接于  $\odot O,$   $AB=AD, BC=3.$  劣弧  $BC$  沿弦  $BC$  翻折, 刚好经过圆心  $O.$  当对角线  $BD$  最大时, 则弦  $AB$  的长是 ( )



- A.  $\sqrt{6}$       B.  $2\sqrt{3}$       C.  $\frac{3}{2}$       D.  $2\sqrt{2}$

【分析】作  $OH \perp BC$  于  $H,$  连接  $OB,$  如图, 利用垂径定理得到  $BH=\frac{1}{2}BC=\frac{3}{2},$  再根据

折叠的性质得到  $OH=\frac{1}{2}OB,$  则  $\angle OBH=30^\circ,$  于是可计算出  $OH=\frac{\sqrt{3}}{2}, OB=\sqrt{3},$  接着

利用  $BD$  为直径时, 即  $BD=2\sqrt{3}$  时, 对角线  $BD$  最大, 根据圆周角得到此时  $\angle BAD=90^\circ,$

再判断  $\triangle ABD$  为等腰直角三角形, 然后根据等腰直角三角形的性质计算出  $AB$  的长.

【解答】解: 作  $OH \perp BC$  于  $H,$  连接  $OB,$  如图, 则  $BH=CH=\frac{1}{2}BC=\frac{3}{2},$

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/268040026047006041>