

# 安徽省 2019 年中考数学试卷

姓名：\_\_\_\_\_ 班级：\_\_\_\_\_ 考号：\_\_\_\_\_

题号	一	二	三	总分
评分				

## 一、单选题

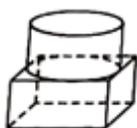
1. 在-2, -1, 0, 1 这四个数中, 最小的数是 ( )

- A. -2                                  B. -1                                  C. 0                                  D. 1

2. 计算  $a^3 \cdot (-a)$  的结果是 ( )

- A.  $a^2$                                   B.  $-a^2$                                   C.  $a^4$                                   D.  $-a^4$

3. 一个由圆柱和圆锥组成的几何体如图水平放置, 它的俯视图是 ( )



- A.       B.       C.       D. 

4. 2019 年“五一”假日期间, 某省银联网络交易总金额接近 161 亿元, 其中 161 亿用科学记数法表示为 ( )

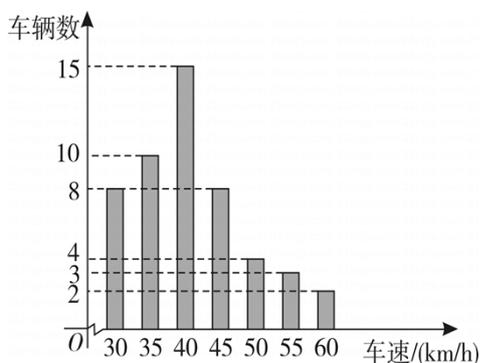
- A.  $1.61 \times 10^9$                                   B.  $1.61 \times 10^{10}$                                   C.  $1.61 \times 10^{11}$                                   D.  $1.61 \times 10^{12}$

5. 已知点 A (1, -3) 关于 x 轴的对称点 A' 在反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  的图像上, 则实数 k 的值为 ( )

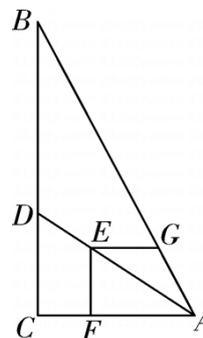
- A. 3                                  B.  $\frac{1}{3}$                                   C. -3                                  D.  $-\frac{1}{3}$

6. 在某时段由 50 辆车通过一个雷达测速点, 工作人员将测得的车速绘制成如图所示的条形统计图, 则这 50 辆车的车速的众数 (单位: km/h) 为 ( )

- A. 60                                  B. 50                                  C. 40                                  D. 15



第 6 题图



第 7 题图

7. 如图, 在科  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle ACB=90^\circ$ ,  $AC=6$ ,  $BC=12$ , 点  $D$  在边  $BC$  上, 点  $E$  在线段  $AD$  上,  $EF \perp AC$  于点  $F$ ,  $EG \perp EF$  交  $AB$  于点  $G$ , 若  $EF=EG$ , 则  $CD$  的长为 ( )

- A. 3.6                      B. 4                      C. 4.8                      D. 5

8. 据国家统计局数据, 2018 年全年国内生产总值为 90.3 万亿, 比 2017 年增长 6.6%. 假设国内生产总值的年增长率保持不变, 则国内生产总值首次突破 100 万亿的年份是 ( )

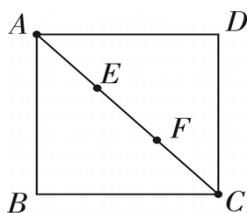
- A. 2019 年                      B. 2020 年                      C. 2021 年                      D. 2022 年

9. 已知三个实数  $a, b, c$  满足  $a-2b+c=0$ ,  $a+2b+c < 0$ , 则 ( )

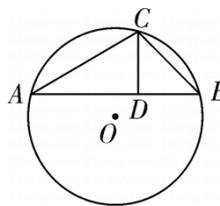
- A.  $b > 0$ ,  $b^2 - ac \leq 0$                       B.  $b < 0$ ,  $b^2 - ac \leq 0$                       C.  $b > 0$ ,  $b^2 - ac \geq 0$                       D.  $b < 0$ ,  $b^2 - ac \geq 0$

10. 如图, 在正方形  $ABCD$  中, 点  $E, F$  将对角线  $AC$  三等分, 且  $AC=12$ , 点  $P$  在正方形的边上, 则满足  $PE+PF=9$  的点  $P$  的个数是 ( )

- A. 0                      B. 4                      C. 6                      D. 8



第 10 题图



第 13 题图

## 二、填空题

11. 计算  $\sqrt{18} \div \sqrt{2}$  的结果是\_\_\_\_\_.

12. 命题“如果  $a+b=0$ , 那么  $a, b$  互为相反数”的逆命题为\_\_\_\_\_.

13. 如图,  $\triangle ABC$  内接于  $\odot O$ ,  $\angle CAB=30^\circ$ ,  $\angle CBA=45^\circ$ ,  $CD \perp AB$  于点  $D$ , 若  $\odot O$  的半径为 2, 则  $CD$  的长为\_

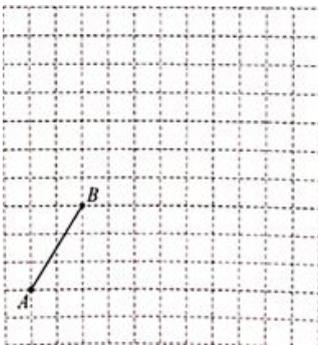
14. 在平面直角坐标系中, 垂直于  $x$  轴的直线  $l$  分别于函数  $y=x-a+1$  和  $y+x^2$

$-2ax$  的图像相交于 P, Q 两点.若平移直线 l, 可以使 P, Q 都在 x 轴的下方, 则实数 a 的取值范围是\_\_\_\_\_

### 三、解答题

15. 解方程:  $(x-1)^2 = 4$

16. 如图, 在边长为 1 个单位长度的小正方形组成的  $12 \times 12$  的网格中, 给出了以格点 (网格线的交点) 为端点的线段 AB.



(1) 将线段 AB 向右平移 5 个单位, 再向上平移 3 个单位得到线段 CD, 请画出线段 CD.

(2) 以线段 CD 为一边, 作一个菱形 CDEF, 且点 E, F 也为格点. (作出一个菱形即可)

17. 为实施乡村振兴战略, 解决某山区老百姓出行难的问题, 当地政府决定修建一条高速公路. 其中一段长为 146 米的山体隧道贯穿工程由甲乙两个工程队负责施工. 甲工程队独立工作 2 天后, 乙工程队加入, 两工程队又联合工作了 1 天, 这 3 天共掘进 26 米. 已知甲工程队每天比乙工程队多掘进 2 米, 按此速度完成这项隧道贯穿工程, 甲乙两个工程队还需联合工作多少天?

18. 观察以下等式:

第 1 个等式:  $\frac{2}{1} = \frac{1}{1} + \frac{1}{1}$ ,

第 2 个等式:  $\frac{2}{3} = \frac{1}{2} + \frac{1}{6}$ ,

第 3 个等式:  $\frac{2}{5} = \frac{1}{3} + \frac{1}{15}$ ,

第 4 个等式:  $\frac{2}{7} = \frac{1}{4} + \frac{1}{28}$ ,

第 5 个等式:  $\frac{2}{9} = \frac{1}{5} + \frac{1}{45}$ ,

.....按照以上规律, 解决下列问题:

(1) 写出第 6 个等式: \_\_\_\_\_;

(2) 写出你猜想的第 n 个等式: \_\_\_\_\_(用含 n 的等式表示), 并证明.

19. 筒车是我国古代发明的一种水利灌溉工具.如图 1, 明朝科学家徐光启在《农政全书》中用图画描绘了筒车的工作原理.如图 2, 筒车盛水桶的运行轨迹是以轴心 O 为圆心的圆.已知圆心在水面上方, 且圆被水面截得的弦 AB 长为 6 米,  $\angle OAB=41.3^\circ$ , 若点 C 为运行轨道的最高点 (C, O 的连线垂直于 AB), 求点 C 到弦 AB 所在直线的距离. (参考数据:  $\sin 41.3^\circ \approx 0.66$ ,  $\cos 41.3^\circ \approx 0.75$ ,  $\tan 41.3^\circ \approx 0.88$ )



图 1

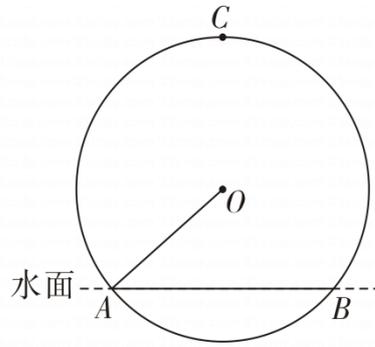
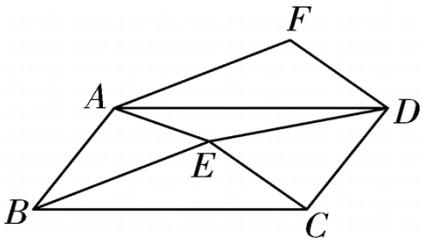


图 2

20. 如图，点 E 在  $\square ABCD$  内部， $AF \parallel BE$ ， $DF \parallel CE$ .

(1) 求证： $\triangle BCE \cong \triangle ADF$ ；



(2) 设  $\square ABCD$  的面积为  $S$ ，四边形  $AEDF$  的面积为  $T$ ，求  $\frac{S}{T}$  的值

21. 为监控某条生产线上产品的质量，检测员每个相同时间抽取一件产品，并测量其尺寸，在一天的抽检结束后，检测员将测得的个数据按从小到大的顺序整理成如下表格：

编号	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨	⑩	⑪	⑫	⑬	⑭	⑮
尺寸 (cm)	8.72	8.88	8.92	8.93	8.94	8.96	8.97	8.98	a	9.03	9.04	9.06	9.07	9.08	b

按照生产标准，产品等次规定如下：

尺寸（单位：cm）	产品等次
$8.97 \leq x \leq 9.03$	特等品
$8.95 \leq x \leq 9.05$	优等品
$8.90 \leq x \leq 9.10$	合格品
$x < 8.90$ 或 $x > 9.10$	非合格品

注：在统计优等品个数时，将特等品计算在内；在统计合格品个数时，将优等品（含特等品）仅算在内。

(1) 已知此次抽检的合格率为 80%，请判断编号为⑮的产品是否为合格品，并说明理由

(2) 已知此次抽检出的优等品尺寸的中位数为 9cm.

(i) 求 a 的值，

(ii) 将这些优等品分成两组，一组尺寸大于 9cm，另一组尺寸不大于 9cm，从这两组中各随机抽取 1 件进行复检，求抽到的 2 件产品都是特等品的概率.

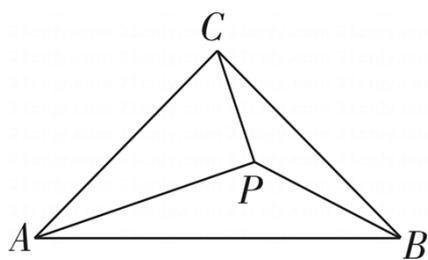
22. 一次函数  $y=kx+4$  与二次函数  $y=ax^2+c$  的图像的一个交点坐标为  $(1, 2)$ ，另一个交点是该二次函数图像的顶点

(1) 求  $k, a, c$  的值;

(2) 过点  $A(0, m)$  ( $0 < m < 4$ ) 且垂直于  $y$  轴的直线与二次函数  $y=ax^2+c$  的图像相交于  $B, C$  两点，点  $O$  为坐标原点，记  $W=OA^2+BC^2$ ，求  $W$  关于  $m$  的函数解析式，并求  $W$  的最小值.

23. 如图,  $\text{Rt}\triangle ABC$  中,  $\angle ACB=90^\circ$ ,  $AC=BC$ ,  $P$  为  $\triangle ABC$  内部一点, 且  $\angle APB=\angle BPC=135^\circ$

(1) 求证:  $\triangle PAB \sim \triangle PBC$



(2) 求证:  $PA=2PC$

(3) 若点  $P$  到三角形的边  $AB$ ,  $BC$ ,  $CA$  的距离分别为  $h_1$ ,  $h_2$ ,  $h_3$ , 求证  $h_1^2=h_2 \cdot h_3$

## 答案解析部分

### 1. 【答案】A

【解析】【解答】在  $-2$ 、 $-1$ 、 $0$ 、 $1$  这四个数中，

大小顺序为： $-2 < -1 < 0 < 1$ ，

所以最小的数是  $-2$ 。

故答案为：A.

【分析】根据正数都大于  $0$ ，负数都小于  $0$ ，正数大于一切负数，两个负数相比较，绝对值大的反而小；据此判断即可。

### 2. 【答案】D

【解析】【解答】 $a^3 \cdot (-a) = -a^4$ ，

故答案为：D.

【分析】根据同底幂相乘，底数不变，指数相加，据此解答即可。

### 3. 【答案】C

【解析】【解答】从上面看，一个正方形里面有一个圆且是实线。

故答案为：C.

【分析】从上向下看到的平面图形是俯视图，看到的棱用实线，看不到的棱用虚线，据此判断即可。

### 4. 【答案】B

【解析】【解答】161 亿  $= 16100000000 = 1.61 \times 10^{10}$ 。

故答案为：B.

【分析】科学记数法的表示形式  $a \times 10^n$  的形式，其中  $1 \leq a < 10$ ， $n$  为整数。确定  $n$  的值时，要看把原数变成  $a$  时，小数点移动了多少位， $n$  的绝对值与小数点移动的位数相同，当原数的绝对值  $> 1$  时， $n$  为正数；当原数的绝对值  $< 1$  时， $n$  为负数；据此解答即可。

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/425122134342011331>