

重庆市永川高 2026 届高三（上）12 月月考

数学试题（答案在最后）

本试卷分第 I 卷（选择题）和第 II 卷（非选择题）两部分，满分 150 分，考试时间 120 分钟

第 I 卷（选择题共 58 分）

一、单选题：本题共 8 小题，每小题 5 分，共 40 分在每小题给出的选项中，只有一项是符合题目要求的。

1. 若点 $M(2,5,4)$ 关于平面 Oxz 和 x 轴对称的点分别为 (a,b,c) , (d,e,f) , 则 $b+f =$ ()

- A. -9 B. -1 C. 1 D. 9

【答案】A

【解析】

【分析】点关于面坐标平面 Oxz 对称则对应的 x, z 坐标不变 y 坐标变为相反数，点关于坐标轴 x 轴对称则对应的 x 坐标不变， y, z 变为相反数，得出点坐标，知道 b, f 的值，再求和即可。

【详解】点 $M(2,5,4)$ 关于平面 Oxz 对称的点为 $(a,b,c) = (2,-5,4)$,

关于 x 轴对称的点为 $(d,e,f) = (2,-5,-4)$,

所以 $b = -5$, $f = -4$, 故 $b + f = -9$.

故选：A.

2. 已知圆 $C_1: (x+1)^2 + (y-1)^2 = 1$ 与圆 $C_2: x^2 + y^2 - 4x - 2y + 5 - a^2 = 0 (a > 0)$ 外切，则 a 的值为 ()

- A. 1 B. 2 C. 3 D. 4

【答案】B

【解析】

【分析】两圆外切时，两圆的圆心距等于两圆半径之和. 我们先求出两圆的圆心坐标和半径，再根据两圆外切的性质列出等式求解 a 的值.

【详解】对于圆 $C_1: (x+1)^2 + (y-1)^2 = 1$ ，其圆心坐标 $C_1(-1,1)$ ，半径 $r_1 = 1$.

对于圆 $C_2: x^2 + y^2 - 4x - 2y + 5 - a^2 = 0 (a > 0)$ ，其圆心坐标 $C_2(2,1)$ ，半径 $r_2 = a$.

因为两圆外切，所以两圆的圆心距等于两圆半径之和.

两圆的圆心距 $d = \sqrt{(2-(-1))^2 + (1-1)^2} = \sqrt{3^2} = 3$.

根据两圆外切性质 $d = r_1 + r_2$ ，即 $3 = 1 + a$ ，解得 $a = 2$.

故选：B.

3. 已知椭圆 $\frac{x^2}{11-m} + \frac{y^2}{m-3} = 1$ 的焦点在 y 轴上，且焦距为 4，则 $m = (\quad)$

A. 5

B. 6

C. 9

D. 10

【答案】C

【解析】

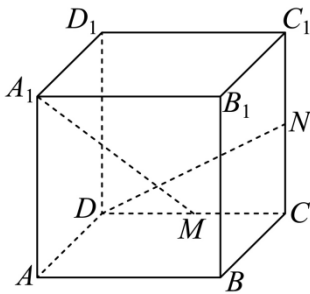
【分析】根据要求列出方程和不等式，然后求解出 m 的值即可.

【详解】因为 $\frac{x^2}{11-m} + \frac{y^2}{m-3} = 1$ 表示焦点在 y 轴上且焦距为 4 的椭圆，

$$\text{所以} \begin{cases} m-3 > 11-m > 0 \\ (m-3) - (11-m) = \left(\frac{4}{2}\right)^2 \end{cases}, \text{解得 } m=9,$$

故选：C.

4. 如图，在正方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 中， M ， N 分别是 CD ， CC_1 的中点，则直线 A_1M 与 DN 的位置关系是 ()



A. 平行

B. 垂直

C. 异面垂直

D. 异面不垂直

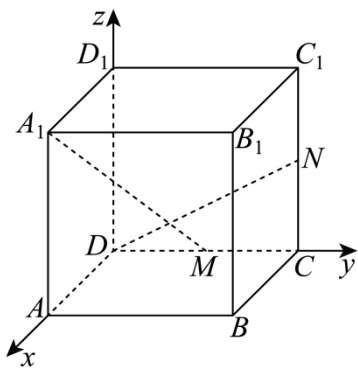
【答案】C

【解析】

【分析】建立空间直角坐标系，利用空间向量求解判断即可.

【详解】以 D 为原点， \overrightarrow{DA} ， \overrightarrow{DC} ， $\overrightarrow{DD_1}$ 的方向分别为 x 轴、 y 轴、 z 轴的正方向，建立空间直角坐标系 $Dxyz$ ，

设正方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 的棱长为 2，



则 $A_1(2,0,2)$, $M(0,1,0)$, $D(0,0,0)$, $N(0,2,1)$,

$$\therefore \vec{A_1M} = (-2, 1, -2), \quad \vec{DN} = (0, 2, 1),$$

$$\therefore \vec{A_1M} \cdot \vec{DN} = 0, \quad \therefore A_1M \perp DN,$$

又 $DN \subset$ 平面 DCC_1D_1 , $A_1M \notin$ 平面 DCC_1D_1 , $M \in$ 平面 DCC_1D_1 , 且 $M \notin DN$,

\therefore 直线 A_1M 与 DN 异面垂直.

故选: C.

5. 已知双曲线 $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$ 的左、右焦点分别为 F_1, F_2 , 点 P 为 C 在第一象限上的一

点. 若 $\triangle PF_1F_2$ 为直角三角形, $|PF_1| + |PF_2| = 2|F_1F_2|$, 则 C 的离心率为 ()

A. $\frac{3}{2}$

B. $\sqrt{3}$

C. 2

D. $\frac{5}{2}$

【答案】C

【解析】

【分析】根据双曲线定义可得 $|PF_1| = a + 2c, |PF_2| = 2c - a$, 即可根据勾股定理, 结合分类讨论求解.

【详解】由题意可得 $|PF_1| + |PF_2| = 2|F_1F_2| = 4c$, 由双曲线定义可得 $|PF_1| - |PF_2| = 2a$,

$$\text{故 } |PF_1| = a + 2c, |PF_2| = 2c - a,$$

若 $PF_2 \perp F_1F_2$, 则 $|PF_1|^2 = |PF_2|^2 + |F_1F_2|^2$, 即 $(a + 2c)^2 = (2c - a)^2 + 4c^2$, 化简可得 $c = 2a$, 则 $e = 2$,

若 $PF_1 \perp PF_2$, 则 $|PF_1|^2 + |PF_2|^2 = |F_1F_2|^2$, 即 $(a + 2c)^2 + (2c - a)^2 = 4c^2$, 化简可得 $2c^2 = -a^2$, 不符合题意舍去,

故选: C

6. 已知等差数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1a_3 + a_2a_7 + a_3a_9 + a_7a_8 = 100$, 则 $a_5 =$ ()

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/448133005107007012>