

## 二元一次方程组解法练习题精选（含答案）

一. 解答题（共 16 小题）

1. 求适合  $\frac{3x-2y}{2} = \frac{6x+y}{3} = 1$  的  $x, y$  的值.

2. 解下列方程组

$$(1) \begin{cases} x+y=1 \\ 2x+y=3 \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} 2x-3y=-5 \\ 3x+2y=12 \end{cases}$$

$$(3) \begin{cases} \frac{x}{4} + \frac{y}{3} = \frac{4}{3} \\ 3(x-4) = 4(y+2) \end{cases}$$

$$(4) \begin{cases} x + \frac{2y+1}{2} = 4(x-1) \\ 3x - 2(2y+1) = 4 \end{cases}$$

3. 解方程组: 
$$\begin{cases} \frac{x}{3} - \frac{y}{4} = 1 \\ 3x - 4y = 2 \end{cases}$$

4. 解方程组: 
$$\begin{cases} \frac{x+1}{3} + \frac{y-1}{2} = 2 \\ \frac{2x-1}{3} + \frac{1-y}{2} = 1 \end{cases}$$

5. 解方程组: 
$$\begin{cases} 3(s-t) - 2(s+t) = 10 \\ 3(s-t) + 2(s+t) = 26 \end{cases}$$

6. 已知关于  $x, y$  的二元一次方程  $y=kx+b$  的解有  $\begin{cases} x=3 \\ y=4 \end{cases}$  和  $\begin{cases} x=-1 \\ y=2 \end{cases}$ .

- (1) 求  $k, b$  的值.
- (2) 当  $x=2$  时,  $y$  的值.
- (3) 当  $x$  为何值时,  $y=3$ ?

7. 解方程组:

$$(1) \begin{cases} x-2y=3 \\ \frac{x}{5} - \frac{y}{2} = \frac{7}{10} \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} 3x - 2(x+2y) = 3 \\ 11x + 4(x+2y) = 45 \end{cases}$$

8. 解方程组: 
$$\begin{cases} \frac{x}{3} + \frac{y}{5} = 1 \\ 3(x+y) + 2(x-3y) = 15 \end{cases}$$

9. 解方程组: 
$$\begin{cases} x+4y=14 \\ \frac{x-3}{4} - \frac{y-3}{3} = \frac{1}{12} \end{cases}$$

10. 解下列方程组:

(1) 
$$\begin{cases} x-y=4 \\ 4x+2y=-1 \end{cases}$$

(2) 
$$\begin{cases} \frac{x}{4} + \frac{y}{3} = 7 \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{2} = 8 \end{cases}$$

11. 解方程组:

(1) 
$$\begin{cases} \frac{x}{3} - \frac{y}{4} = 1 \\ \frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 2 \end{cases}$$

(2) 
$$\begin{cases} \frac{x+y}{2} + \frac{x-y}{3} = 6 \\ 4(x+y) - 5(x-y) = 2 \end{cases}$$

12. 解二元一次方程组:

(1) 
$$\begin{cases} 9x+2y=20 \\ 3x+4y=10 \end{cases};$$

(2) 
$$\begin{cases} 3(x-1) - 4(y-4) = 0 \\ 5(y-1) = 3(x+5) \end{cases}.$$

13. 在解方程组 
$$\begin{cases} ax+5y=10 \\ 4x-by=-4 \end{cases}$$
 时, 由于粗心, 甲看错了方程组中的  $a$ , 而得解为 
$$\begin{cases} x=-3 \\ y=-1 \end{cases}$$
, 乙看错了方程组中的  $b$ ,

而得解为 
$$\begin{cases} x=5 \\ y=4 \end{cases}.$$

(1) 甲把  $a$  看成了什么, 乙把  $b$  看成了什么?

(2) 求出原方程组的正确解.

14. 
$$\begin{cases} \frac{x-2}{2} - \frac{5-y}{3} = 1 \\ \frac{x}{0.2} - \frac{y+1}{0.3} = 5 \end{cases}$$

15. 解下列方程组:

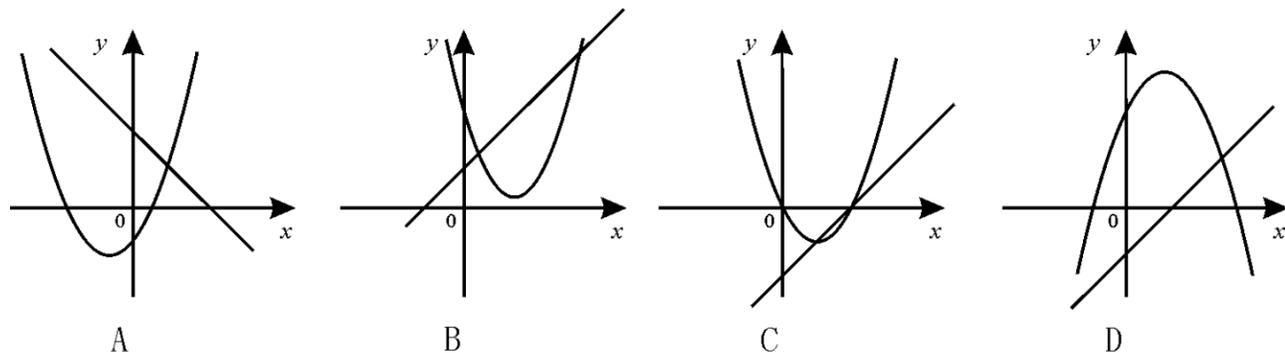
$$(1) \begin{cases} x+y=500 \\ 80\%x+60\%y=500 \times 74\% \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} 2x+3y=15 \\ \frac{x+1}{7} = \frac{y+4}{5} \end{cases}$$

16. 解下列方程组: (1)  $\begin{cases} 2x+y=4 \\ x+2y=5 \end{cases}$  (2)  $\begin{cases} x+y=1 \\ 20\%x+30\%y=25\% \times 2 \end{cases}$

## 第二十六章 《二次函数》 检测试题

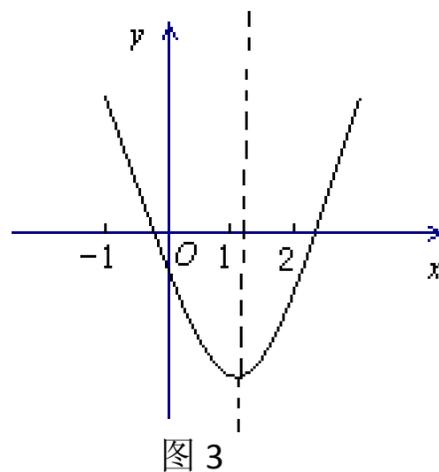
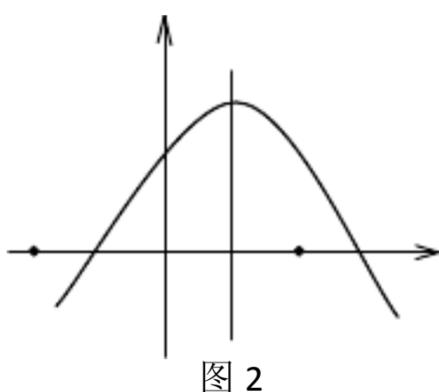
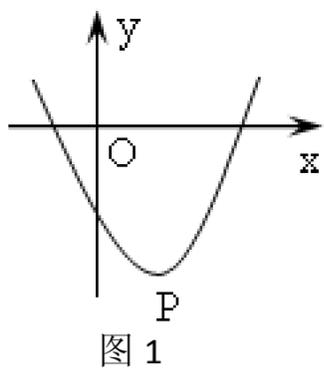
1. (2008 年芜湖市) 函数  $y = ax + b$  和  $y = ax^2 + bx + c$  在同一直角坐标系内的图象大致是 ( )



2. 在一定条件下, 若物体运动的路程  $s$  (米) 与时间  $t$  (秒) 的关系式为  $s = 5t^2 + 2t$ , 则当  $t = 4$  时, 该物体所经过的路程为 ( )

3. 已知二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  ( $a \neq 0$ ) 的图象如图 2 所示, 给出以下结论: ①  $a + b + c < 0$ ; ②  $a - b + c < 0$ ; ③  $b + 2a < 0$ ; ④  $abc > 0$ . 其中所有正确结论的序号是 ( )

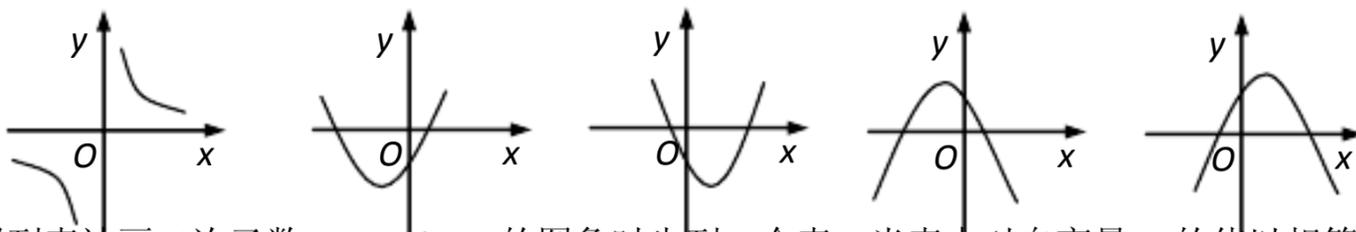
- A. ③④      B. ②③      C. ①④      D. ①②③



4. 二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  的图象如图 3 所示, 若  $M = 4a + 2b + c$ ,  $N = a - b + c$ ,  $P = 4a + 2b$ , 则 ( )

- A.  $M > 0$ ,  $N > 0$ ,  $P > 0$       B.  $M > 0$ ,  $N < 0$ ,  $P > 0$   
 C.  $M < 0$ ,  $N > 0$ ,  $P > 0$       D.  $M < 0$ ,  $N > 0$ ,  $P < 0$

5. 如果反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  的图象如图 4 所示, 那么二次函数  $y = kx^2 - k^2x - 1$  的图象大致为 ( )



6. 用列表法画二次函数  $y = x^2 + bx + c$  的图象时先列一个表, 当表中对自变量  $x$  的值以相等间隔的值增加时, 函数  $y$  所对应的函数值依次为: 20, 56, 110, 182, 274, 380, 506, 650. 其中有一个值不正确, 这个不正确的值是 ( )

- A. 506      B. 380      C. 274      D. 18

7. 二次函数  $y = x^2$  的图象向上平移 2 个单位, 得到新的图象的二次函数表达式是 ( )

- A.  $y=x^2-2$       B.  $y=(x-2)^2$       C.  $y=x^2+2$       D.  $y=(x+2)^2$

8 如图 6, 小敏在今年的校运动会跳远比赛中跳出了满意一跳, 函数  $h=3.5t-4.9t^2$  ( $t$  的单位:  $s$ ,  $h$  的单位:  $m$ ) 可以描述他跳跃时重心高度的变化, 则他起跳后到重心最高时所用的时间是 ( )

- A. 0.71s      B. 0.70s      C. 0.63s      D. 0.36s

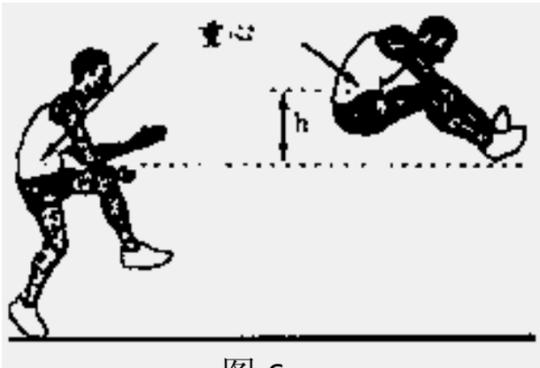


图 6

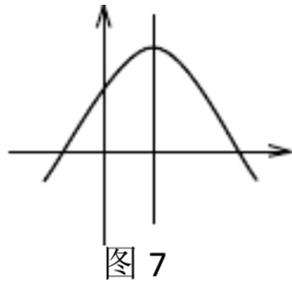


图 7

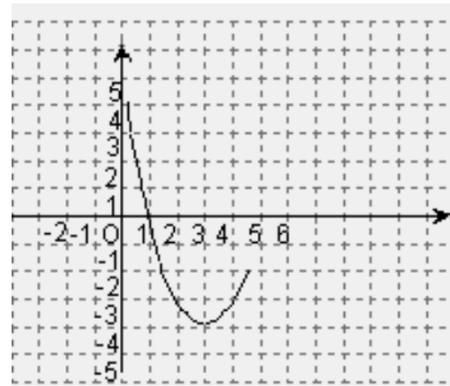


图 8

- 9, 如果将二次函数  $y=2x^2$  的图象沿  $y$  轴向上平移 1 个单位, 那么所得图象的函数解析式是\_\_\_\_\_.
- 10, 平移抛物线  $y=x^2+2x-8$ , 使它经过原点, 写出平移后抛物线的一个解析式\_\_\_\_\_.
- 11, 若二次函数  $y=x^2-4x+c$  的图象与  $x$  轴没有交点, 其中  $c$  为整数, 则  $c=$ \_\_\_\_\_.
- 12, 二次函数  $y=ax^2+bx+c$  的图像如图 7 所示, 则点  $A(a, b)$  在第\_\_\_\_\_象限.
- 13, 已知抛物线  $y=x^2-6x+5$  的部分图象如图 8, 则抛物线的对称轴为直线  $x=$ \_\_\_\_\_, 满足  $y<0$  的  $x$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

14, 已知一抛物线与  $x$  轴的交点是  $A(-2,0)$ 、 $B(1,0)$ , 且经过点  $C(2,8)$ .

- (1) 求该抛物线的解析式; (2) 求该抛物线的顶点坐标.

15, 已知二次函数  $y=-x^2+4x$ .

(1) 用配方法把该函数化为  $y=a(x-h)^2+k$  (其中  $a, h, k$  都是常数且  $a \neq 0$ ) 的形式, 并指出函数图象的对称轴和顶点坐标;

- (2) 函数图象与  $x$  轴的交点坐标.

22, 某农户计划利用现有的一面墙再修四面墙, 建造如图 9 所示的长方体游泳池, 培育不同品种的鱼苗, 他已备足可以修高为 1.5m, 长 18m 的墙的材料准备施工, 设图中与现有一面墙垂直的三面墙的长度都为  $x$ m, 即  $AD=EF=BC=x$ m. (不考虑墙的厚度)

- (1) 若想水池的总容积为  $36m^3$ ,  $x$  应等于多少?  
 (2) 求水池的容积  $V$  与  $x$  的函数关系式, 并直接写出  $x$  的取值范围;  
 (3) 若想使水池的总容积  $V$  最大,  $x$  应为多少? 最大容积是多少?

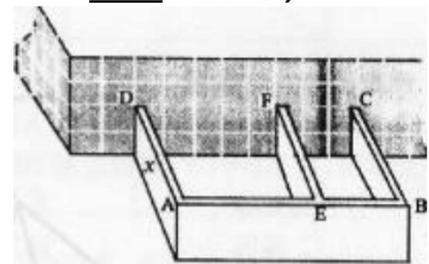


图 9

23, (2008 凉山州) 我州有一种可食用的野生菌, 上市时, 外商李经理按市场价格 30 元/千克收购了这种野生菌 1000 千克存入冷库中, 据预测, 该野生菌的市场价格将以每天每千克上涨 1 元; 但冷冻存放这批野生菌时每天需要支出各种费用合计 310 元, 而且这类野生菌在冷库中最多保存 160 元, 同时, 平均每天有 3 千克的野生菌损坏不能出售.

- (1) 设  $x$  天后每千克该野生菌的市场价格为  $y$  元, 试写出  $y$  与  $x$  之间的函数关系式.  
 (2) 若存放  $x$  天后, 将这批野生菌一次性出售, 设这批野生菌的销售总额为  $P$  元, 试写出  $P$  与  $x$  之间的函数关系式.  
 (3) 李经理将这批野生菌存放多少天后出售可获得最大利润  $W$  元?  
 (利润 = 销售总额 - 收购成本 - 各种费用)

24, 如图 10, 有一座抛物线形拱桥, 在正常水位时水面  $AB$  的宽为 20m, 如果水位上升 3m 时, 水面  $CD$  的宽是 10m.

(1) 建立如图所示的直角坐标系, 求此抛物线的解析式;

(2) 现有一辆载有救援物资的货车从甲地出发需经过此桥开往乙地, 已知甲地距此桥 280km (桥长忽略不计). 货车正以每小时 40km 的速度开往乙地, 当行驶 1 小时时, 忽然接到紧急通知: 前方连降暴雨, 造成水位以每小时 0.25m 的速度持续上涨 (货车接到通知时水位在  $CD$  处, 当水位达到桥拱最高点  $O$  时, 禁止车辆通行). 试问: 如果货车按原来速度行驶, 能否安全通过此桥? 若能, 请说明理由. 若不能, 要使货车安全通过此桥, 速度应超过每小时多少千米?

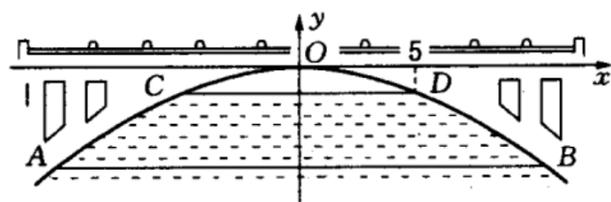


图 10

25, 已知:  $m$ 、 $n$  是方程  $x^2 - 6x + 5 = 0$  的两个实数根, 且  $m < n$ , 抛物线  $y = -x^2 + bx + c$  的图像经过点  $A(m, 0)$ 、 $B(0, n)$ .

(1) 求这个抛物线的解析式;

(2) 设 (1) 中抛物线与  $x$  轴的另一交点为  $C$ , 抛物线的顶点为  $D$ , 试求出点  $C$ 、 $D$  的坐标和  $\triangle BCD$  的面积 [注:

抛物线  $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$  的顶点坐标为  $(-\frac{b}{2a}, \frac{4ac - b^2}{4a})$ ].

(3)  $P$  是线段  $OC$  上的一点, 过点  $P$  作  $PH \perp x$  轴, 与抛物线交于  $H$  点, 若直线  $BC$  把  $\triangle PCH$  分成面积之比为 2 : 3 的两部分, 请求出  $P$  点的坐标.

26, 如图 11-①, 有两个形状完全相同的  $\text{Rt}\triangle ABC$  和  $\text{Rt}\triangle EFG$  叠放在一起 (点  $A$  与点  $E$  重合), 已知  $AC=8\text{cm}$ ,  $BC=6\text{cm}$ ,  $\angle C=90^\circ$ ,  $EG=4\text{cm}$ ,  $\angle EGF=90^\circ$ ,  $O$  是  $\triangle EFG$  斜边上的中点. 如图 11-②, 若整个  $\triangle EFG$  从图①的位置出发, 以  $1\text{cm/s}$  的速度沿射线  $AB$  方向平移, 在  $\triangle EFG$  平移的同时, 点  $P$  从  $\triangle EFG$  的顶点  $G$  出发, 以  $1\text{cm/s}$  的速度在直角边  $GF$  上向点  $F$  运动, 当点  $P$  到达点  $F$  时, 点  $P$  停止运动,  $\triangle EFG$  也随之停止平移. 设运动时间为  $x$  (s),  $FG$  的延长线交  $AC$  于  $H$ , 四边形  $OAHP$  的面积为  $y$  ( $\text{cm}^2$ ) (不考虑点  $P$  与  $G$ 、 $F$  重合的情况).

(1) 当  $x$  为何值时,  $OP \parallel AC$ ?

(2) 求  $y$  与  $x$  之间的函数关系式, 并确定自变量  $x$  的取值范围.

(3) 是否存在某一时刻, 使四边形  $OAHP$  面积与  $\triangle ABC$  面积的比为  $13:24$ ? 若存在, 求出  $x$  的值; 若不存在, 说明理由. (参考数据:  $114^2 = 12996$ ,  $115^2 = 13225$ ,  $116^2 = 13456$  或  $4.4^2 = 19.36$ ,  $4.5^2 = 20.25$ ,  $4.6^2 = 21.16$ )

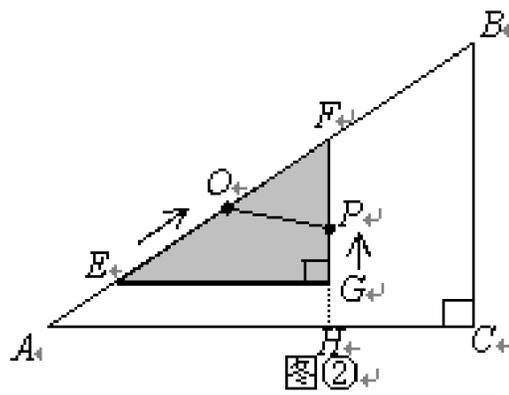
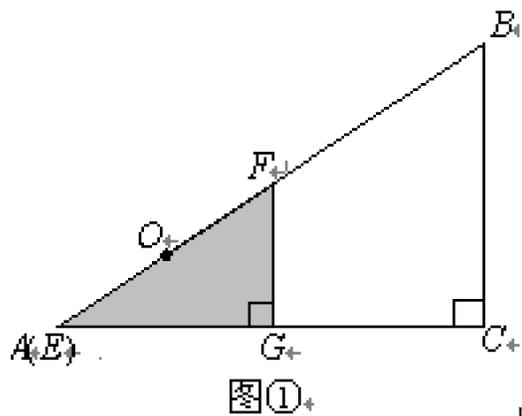


图 11

参考答案

一、1, B; 2, B; 3, C; 4, D; 5, B; 6, C; 7, B; 8, C; 9, C; 10, D.

二、11,  $ax^2+bx+c$ 、 $\neq 0$ 、常数; 12,  $x=1$ ; 13,  $y=2x^2+1$ ; 14, 答案不唯一.如:  $y=x^2+2x$ ; 15,  $C>4$  的任何整数数; 16,  $\frac{1}{12}$ ; 17, 二; 18,  $x=3$ 、 $1<x<5$ .

三、19,  $\frac{4}{3}$ ; 20, (1) 设这个抛物线的解析式为  $y = ax^2 + bx + c$  由已知, 抛物线过  $A(-2,0)$ ,  $B(1, 0)$ ,  $C$

(2, 8) 三点, 得 
$$\begin{cases} 4a - 2b + c = 0 \\ a + b + c = 0 \\ 4a + 2b + c = 8 \end{cases}$$
 解这个方程组, 得  $a = 2, b = 2, c = -4$   $\therefore$  所求抛物线的解析式为  $y = 2x^2 + 2x - 4$

4. (2)  $y = 2x^2 + 2x - 4 = 2(x^2 + x - 2) = 2(x + \frac{1}{2})^2 - \frac{9}{2}$ ;  $\therefore$  该抛物线的顶点坐标为  $(-\frac{1}{2}, -\frac{9}{2})$ .

21, (1)  $y = -x^2 + 4x = -(x^2 - 4x + 4 - 4) = -(x - 2)^2 + 4$ , 所以对称轴为:  $x = 2$ , 顶点坐标:  $(2, 4)$ . (2)  $y = 0$ ,  $-x^2 + 4x = 0$ , 即  $x(x - 4) = 0$ , 所以  $x_1 = 0, x_2 = 4$ , 所以图象与  $x$  轴的交点坐标为:  $(0, 0)$  与  $(4, 0)$ .

22, (1) 因为  $AD = EF = BC = xm$ , 所以  $AB = 18 - 3x$ . 所以水池的总容积为  $1.5x(18 - 3x) = 36$ , 即  $x^2 - 6x + 8 = 0$ , 解得  $x_1 = 2, x_2 = 4$ , 所以  $x$  应为 2 或 4. (2) 由 (1) 可知  $V$  与  $x$  的函数关系式为  $V = 1.5x(18 - 3x) = -4.5x^2 + 27x$ , 且  $x$  的取值范围是:  $0 < x < 6$ . (3)  $V = -4.5x^2 + 27x = -\frac{9}{2}(x - 3)^2 + \frac{81}{2}$ . 所以当  $x = 3$  时,  $V$  有最大值  $\frac{81}{2}$ . 即若使水池有总容积最大,  $x$  应为 3, 最大容积为  $40.5m^3$ .

23, 答案: ①由题意得  $y$  与  $x$  之间的函数关系式  $y = x + 30$  ( $1 \leq x \leq 160$ , 且  $x$  整数)

②由题意得  $P$  与  $x$  之间的函数关系式  $P = (x + 30)(1000 - 3x) = -3x^2 + 910x + 30000$

③由题意得  $W = (-3x^2 + 910x + 30000) - 30 \times 1000 - 310x$

$$= -3(x - 100)^2 + 30000$$

$\therefore$  当  $x = 100$  时,  $W_{\text{最大}} = 30000$

100 天  $<$  160 天

$\therefore$  存放 100 天后出售这批野生菌可获得最大利润 30000 元.

24, (1) 设抛物线的解析式为  $y=ax^2$ , 桥拱最高点  $O$  到水面  $CD$  的跳高为  $h$  米, 则  $D(5, h)$ ,  $B(10, -h-3)$ ,

$$\text{所以 } \begin{cases} 25a = -h, \\ 100a = -h-3. \end{cases} \text{ 解得 } \begin{cases} a = -\frac{1}{25}, \\ h = 1. \end{cases} \text{ 即抛物线的解析式为 } y = -\frac{1}{25}x^2. \text{ (2) 水位由 } CD \text{ 处涨到点 } O \text{ 的时间为: } 1 \div$$

$0.25 = 4$  (小时), 货车按原来速度行驶的路程为:  $40 \times 1 + 40 \times 4 = 200 < 280$ , 所以货车按原来速度行驶不能安全通过此桥. 设货车速度提高  $x$  千米/时, 当  $4x + 40 \times 1 = 280$  时,  $x = 60$ . 即要使货车安全通过此桥, 货车的速度应超过 60 千米/时.

四、 25, (1) 解方程  $x^2 - 6x + 5 = 0$  得  $x_1 = 5$ ,  $x_2 = 1$ , 由  $m < n$ , 有  $m = 1$ ,  $n = 5$ , 所以点  $A$ 、 $B$  的坐标分别为  $A$

$$(1, 0), B(0, 5). \text{ 将 } A(1, 0), B(0, 5) \text{ 的坐标分别代入 } y = -x^2 + bx + c. \text{ 得 } \begin{cases} -1 + b + c = 0, \\ c = 5. \end{cases} \text{ 解这个方程组, 得 } \begin{cases} b = -4 \\ c = 5 \end{cases}$$

所以, 抛物线的解析式为  $y = -x^2 - 4x + 5$ . (2) 由  $y = -x^2 - 4x + 5$ , 令  $y = 0$ , 得  $-x^2 - 4x + 5 = 0$ . 解这个方程, 得  $x_1 = -5$ ,  $x_2 = 1$ , 所以  $C$  点的坐标为  $(-5, 0)$ . 由顶点坐标公式计算, 得点  $D(-2, 9)$ . 过  $D$  作  $x$  轴的垂线交  $x$  轴于  $M$ .

$$\text{则 } S_{\triangle DMC} = \frac{1}{2} \times 9 \times (5 - 2) = \frac{27}{2}, S_{\text{梯形 } MDBO} = \frac{1}{2} \times 2 \times (9 + 5) = 14, S_{\triangle BOC} = \frac{1}{2} \times 5 \times 5 = \frac{25}{2}, \text{ 所以 } S_{\triangle BCD} = S_{\text{梯形 } MDBO} + S_{\triangle DMC} - S_{\triangle BOC} = 14 + \frac{27}{2} - \frac{25}{2} = 15. \text{ (3) 设 } P \text{ 点的坐标为 } (a, 0) \text{ 因为线段 } BC \text{ 过 } B、C \text{ 两点, 所以 } BC \text{ 所在的直线方程}$$

为  $y = x + 5$ . 那么,  $PH$  与直线  $BC$  的交点坐标为  $E(a, a + 5)$ ,  $PH$  与抛物线  $y = -x^2 - 4x + 5$  的交点坐标为  $H(a, -a^2 - 4a + 5)$ .

由题意, 得 ①  $EH = \frac{3}{2}EP$ , 即  $(-a^2 - 4a + 5) - (a + 5) = \frac{3}{2}(a + 5)$ . 解这个方程, 得  $a = -\frac{3}{2}$  或  $a = -5$  (舍去); ②  $EH = \frac{2}{3}EP$ ,

即  $(-a^2 - 4a + 5) - (a + 5) = \frac{2}{3}(a + 5)$ . 解这个方程, 得  $a = -\frac{2}{3}$  或  $a = -5$  (舍去); 即  $P$  点的坐标为  $(-\frac{3}{2}, 0)$  或  $(-\frac{2}{3}, 0)$ .

26, (1) 因为  $\text{Rt}\triangle EFG \sim \text{Rt}\triangle ABC$ , 所以  $\frac{EG}{AC} = \frac{FG}{BC}$ , 即  $\frac{4}{8} = \frac{FG}{6}$ . 所以  $FG = \frac{4 \times 6}{8} = 3\text{cm}$ . 因为当  $P$  为  $FG$  的中

点时,  $OP \parallel EG$ ,  $EG \parallel AC$ , 所以  $OP \parallel AC$ . 所以  $x = \frac{\frac{1}{2}FG}{1} = \frac{1}{2} \times 3 = 1.5$  (s). 即当  $x$  为 1.5s 时,  $OP \parallel AC$ . (2) 在  $\text{Rt}\triangle EFG$

中, 由勾股定理得:  $EF = 5\text{cm}$ . 因为  $EG \parallel AH$ , 所以  $\triangle EFG \sim \triangle AFH$ . 所以  $\frac{EG}{AH} = \frac{EF}{AF} = \frac{FG}{FH}$ . 即  $\frac{4}{AH} = \frac{5}{x+5} = \frac{3}{FH}$ .

所以  $AH = \frac{4}{5}(x+5)$ ,  $FH = \frac{3}{5}(x+5)$ . 过点  $O$  作  $OD \perp FP$ , 垂足为  $D$ . 因为点  $O$  为  $EF$  中点, 所以  $OD = \frac{1}{2}EG = 2\text{cm}$ . 因为

$$FP = 3 - x, S_{\text{四边形 } OAHP} = S_{\triangle AFH} - S_{\triangle OFP} = \frac{1}{2} \cdot AH \cdot FH - \frac{1}{2} \cdot OD \cdot FP = \frac{1}{2} \times \frac{4}{5}(x+5) \times \frac{3}{5}(x+5) - \frac{1}{2} \times 2 \times (3-x) = \frac{6}{25}x^2 + \frac{17}{5}x$$

+ 3 ( $0 < x < 3$ ). (3) 假设存在某一时刻  $x$ , 使得四边形  $OAHP$  面积与  $\triangle ABC$  面积的比为 13 : 24. 则  $S_{\text{四边形 } OAHP} = \frac{13}{24} \times S_{\triangle ABC}$ ,

所以  $\frac{6}{25}x^2 + \frac{17}{5}x + 3 = \frac{13}{24} \times \frac{1}{2} \times 6 \times 8$ , 即  $6x^2 + 85x - 250 = 0$ . 解得  $x_1 = \frac{5}{2}$ ,  $x_2 = -\frac{50}{3}$  (舍去). 因为  $0 < x < 3$ , 所

以当  $x = \frac{5}{2}$  (s) 时, 四边形  $OAHP$  面积与  $\triangle ABC$  面积的比为 13 : 24.

# 二元一次方程组解法练习题精选（含答案）

## 参考答案与试题解析

### 一. 解答题（共 16 小题）

1. 求适合  $\frac{3x-2y}{2} = \frac{6x+y}{3} = 1$  的  $x, y$  的值.

**考点:** 解二元一次方程组.

**分析:** 先把两方程变形（去分母），得到一组新的方程  $\begin{cases} 3x-2y=2 \\ 6x+y=3 \end{cases}$ ，然后在用加减消元法消去未知数  $x$ ，求出  $y$  的值，继而求出  $x$  的值.

**解答:** 解：由题意得：  $\begin{cases} \frac{3x-2y}{2}=1 & (1) \\ \frac{6x+y}{3}= & (2) \end{cases}$ ，

由 (1)  $\times 2$  得：  $3x-2y=2$  (3)，

由 (2)  $\times 3$  得：  $6x+y=3$  (4)，

(3)  $\times 2$  得：  $6x-4y=4$  (5)，

(5) - (4) 得：  $y = -\frac{1}{5}$ ，

把  $y$  的值代入 (3) 得：  $x = \frac{8}{15}$ ，

$$\begin{cases} x = \frac{8}{15} \\ y = -\frac{1}{5} \end{cases}$$

**点评:** 本题考查了二元一次方程组的解法，主要运用了加减消元法和代入法.

### 2. 解下列方程组

$$(1) \begin{cases} x+y=1 \\ 2x+y=3 \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} 2x-3y=-5 \\ 3x+2y=12 \end{cases}$$

$$(3) \begin{cases} \frac{x}{4} + \frac{y}{3} = \frac{4}{3} \\ 3(x-4) = 4(y+2) \end{cases}$$

$$(4) \begin{cases} x + \frac{2y+1}{2} = 4(x-1) \\ 3x - 2(2y+1) = 4 \end{cases}$$

**考点:** 解二元一次方程组.

**分析:** (1) (2) 用代入消元法或加减消元法均可；  
(3) (4) 应先去分母、去括号化简方程组，再进一步采用适宜的方法求解.

**解答:** 解：(1) ① - ② 得，  $-x = -2$ ，

解得  $x=2$ ,

把  $x=2$  代入①得,  $2+y=1$ ,

解得  $y=-1$ .

故原方程组的解为  $\begin{cases} x=2 \\ y=-1 \end{cases}$ .

(2) ③ - ②得,  $-13y=-39$ ,

解得,  $y=3$ ,

把  $y=3$  代入①得,  $2x-3 \times 3=-5$ ,

解得  $x=2$ .

故原方程组的解为  $\begin{cases} x=2 \\ y=3 \end{cases}$ .

(3) 原方程组可化为  $\begin{cases} 3x+4y=16 \\ 3x-4y=20 \end{cases}$ ,

①+②得,  $6x=36$ ,

$x=6$ ,

① - ②得,  $8y=-4$ ,

$y=-\frac{1}{2}$ .

所以原方程组的解为  $\begin{cases} x=6 \\ y=-\frac{1}{2} \end{cases}$ .

(4) 原方程组可化为:  $\begin{cases} -6x+2y=-9 \\ 3x-4y=6 \end{cases}$ ,

②+①得,  $x=\frac{4}{3}$ ,

把  $x=\frac{4}{3}$  代入②得,  $3 \times \frac{4}{3} - 4y=6$ ,

$y=-\frac{1}{2}$ .

所以原方程组的解为  $\begin{cases} x=\frac{4}{3} \\ y=-\frac{1}{2} \end{cases}$ .

**点评:** 利用消元法解方程组, 要根据未知数的系数特点选择代入法还是加减法:

①相同未知数的系数相同或互为相反数时, 宜用加减法;

②其中一个未知数的系数为 1 时, 宜用代入法.

3. 解方程组:  $\begin{cases} \frac{x}{3} - \frac{y}{4} = 1 \\ 3x - 4y = 2 \end{cases}$

**考点:** 解二元一次方程组.

**专题:** 计算题.

分析:	先化简方程组, 再进一步根据方程组的特点选用相应的方法: 用加减法.
解答:	<p>解: 原方程组可化为 <math>\begin{cases} 4x - 3y = 12 &amp; \text{①} \\ 3x - 4y = 2 &amp; \text{②} \end{cases}</math>,</p> <p>①<math>\times</math>4 - ②<math>\times</math>3, 得</p> <p>7x = 42,</p> <p>解得 x = 6.</p> <p>把 x = 6 代入① 得 y = 4.</p> <p>所以方程组的解为 <math>\begin{cases} x = 6 \\ y = 4 \end{cases}</math>.</p>
点评:	注意: 二元一次方程组无论多复杂, 解二元一次方程组的基本思想都是消元. 消元的方法有代入法和加减法.

4. 解方程组: 
$$\begin{cases} \frac{x+1}{3} + \frac{y-1}{2} = 2 \\ \frac{2x-1}{3} + \frac{1-y}{2} = 1 \end{cases}$$

考点:	解二元一次方程组.
专题:	计算题.
分析:	把原方程组化简后, 观察形式, 选用合适的解法, 此题用加减法求解比较简单.
解答:	<p>解: (1) 原方程组化为 <math>\begin{cases} 2x + 3y = 13 &amp; \text{①} \\ 4x - 3y = 5 &amp; \text{②} \end{cases}</math>,</p> <p>①+②得: 6x = 18,</p> <p>x = 3.</p> <p>代入①得: <math>y = \frac{7}{3}</math>.</p> <p>所以原方程组的解为 <math>\begin{cases} x = 3 \\ y = \frac{7}{3} \end{cases}</math>.</p>
点评:	要注意: 两个二元一次方程中同一未知数的系数相反或相等时, 把这两个方程的两边相加或相减, 就能消去这个未知数, 得到一个一元一次方程, 这种方法叫做加减消元法. 本题适合用此法.

5. 解方程组: 
$$\begin{cases} 3(s-t) - 2(s+t) = 10 \\ 3(s-t) + 2(s+t) = 26 \end{cases}$$

考点:	解二元一次方程组.
专题:	计算题; 换元法.
分析:	本题用加减消元法即可或运用换元法求解.
解答:	<p>解: <math>\begin{cases} 3(s-t) - 2(s+t) = 10 &amp; \text{①} \\ 3(s-t) + 2(s+t) = 26 &amp; \text{②} \end{cases}</math>,</p> <p>①-② 得 s+t=4,</p> <p>①+② 得 s-t=6,</p> <p>即 <math>\begin{cases} s+t=4 \\ s-t=6 \end{cases}</math>,</p>

	解得 $\begin{cases} s=5 \\ t=-1 \end{cases}$ . 所以方程组的解为 $\begin{cases} s=5 \\ t=-1 \end{cases}$ .
点评:	此题较简单, 要熟练解方程组的基本方法: 代入消元法和加减消元法.

6. 已知关于  $x, y$  的二元一次方程  $y=kx+b$  的解有  $\begin{cases} x=3 \\ y=4 \end{cases}$  和  $\begin{cases} x=-1 \\ y=2 \end{cases}$ .

- (1) 求  $k, b$  的值.
- (2) 当  $x=2$  时,  $y$  的值.
- (3) 当  $x$  为何值时,  $y=3$ ?

考点:	解二元一次方程组.
专题:	计算题.
分析:	(1) 将两组 $x, y$ 的值代入方程得出关于 $k, b$ 的二元一次方程组 $\begin{cases} 4=3k+b \\ 2=-k+b \end{cases}$ , 再运用加减消元法求出 $k, b$ 的值. (2) 将 (1) 中的 $k, b$ 代入, 再把 $x=2$ 代入化简即可得出 $y$ 的值. (3) 将 (1) 中的 $k, b$ 和 $y=3$ 代入方程化简即可得出 $x$ 的值.
解答:	解: (1) 依题意得: $\begin{cases} 4=3k+b \cdots \textcircled{1} \\ 2=-k+b \cdots \textcircled{2} \end{cases}$ $\textcircled{1} - \textcircled{2}$ 得: $2=4k$ , 所以 $k=\frac{1}{2}$ , 所以 $b=\frac{5}{2}$ .  (2) 由 $y=\frac{1}{2}x+\frac{5}{2}$ , 把 $x=2$ 代入, 得 $y=\frac{7}{2}$ .  (3) 由 $y=\frac{1}{2}x+\frac{5}{2}$ 把 $y=3$ 代入, 得 $x=1$ .
点评:	本题考查的是二元一次方程的代入消元法和加减消元法, 通过已知条件的代入, 可得出要求的数.

7. 解方程组:

$$(1) \begin{cases} x-2y=3 \\ \frac{x}{5} - \frac{y}{2} = \frac{7}{10} \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} 3x-2(x+2y)=3 \\ 11x+4(x+2y)=45 \end{cases}$$

考点:	解二元一次方程组.
分析:	根据各方程组的特点选用相应的方法: (1) 先去分母再用加减法, (2) 先去括号, 再转化为整式方程解答.

解答:

解: (1) 原方程组可化为 
$$\begin{cases} x - 2y = 3 \\ 2x - 5y = 7 \end{cases}$$

① $\times$ 2 - ②得:

$$y = -1,$$

将  $y = -1$  代入①得:

$$x = 1.$$

$\therefore$  方程组的解为 
$$\begin{cases} x = 1 \\ y = -1 \end{cases};$$

(2) 原方程可化为 
$$\begin{cases} 3x - 2x - 4y = 3 \\ 11x + 4x + 8y = 45 \end{cases}$$

即 
$$\begin{cases} x - 4y = 3 \\ 15x + 8y = 45 \end{cases}$$

① $\times$ 2+②得:

$$17x = 51,$$

$$x = 3,$$

将  $x = 3$  代入  $x - 4y = 3$  中得:

$$y = 0.$$

$\therefore$  方程组的解为 
$$\begin{cases} x = 3 \\ y = 0 \end{cases}.$$

点评: 这类题目的解题关键是理解解方程组的基本思想是消元, 掌握消元的方法有: 加减消元法和代入消元法. 根据未知数系数的特点, 选择合适的方法.

8. 解方程组: 
$$\begin{cases} \frac{x}{3} + \frac{y}{5} = 1 \\ 3(x+y) + 2(x-3y) = 15 \end{cases}$$

考点: 解二元一次方程组.

专题: 计算题.

分析: 本题应把方程组化简后, 观察方程的形式, 选用合适的方法求解.

解答:

解: 原方程组可化为 
$$\begin{cases} 5x + 3y = 15 & \text{①} \\ 5x - 3y = 15 & \text{②} \end{cases}$$

①+② 得  $10x = 30,$

$$x = 3,$$

代入① 得  $15 + 3y = 15,$

$$y = 0.$$

则原方程组的解为 
$$\begin{cases} x = 3 \\ y = 0 \end{cases}.$$

点评: 解答此题应根据各方程组的特点, 有括号的去括号, 有分母的去分母, 然后再用代入法或加减消元法解方程组.

9. 解方程组: 
$$\begin{cases} x + 4y = 14 \\ \frac{x-3}{4} - \frac{y-3}{3} = \frac{1}{12} \end{cases}$$

考点:	解二元一次方程组.
专题:	计算题.
分析:	本题为了计算方便,可先把(2)去分母,然后运用加减消元法解本题.
解答:	<p>解:原方程变形为: <math display="block">\begin{cases} x+4y=14 \\ 3x-4y=-2 \end{cases}</math></p> <p>两个方程相加,得  <math>4x=12,</math>  <math>x=3.</math></p> <p>把 <math>x=3</math> 代入第一个方程,得  <math>4y=11,</math>  <math>y=\frac{11}{4}.</math></p> <p>解之得 <math display="block">\begin{cases} x=3 \\ y=\frac{11}{4} \end{cases}</math></p>
点评:	本题考查的是二元一次方程组的解法,方程中含有分母的要先化去分母,再对方程进行化简、消元,即可解出此类题目.

10. 解下列方程组:

$$(1) \begin{cases} x-y=4 \\ 4x+2y=-1 \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} \frac{x}{4} + \frac{y}{3} = 7 \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{2} = 8 \end{cases}$$

考点:	解二元一次方程组.
专题:	计算题.
分析:	<p>此题根据观察可知:</p> <p>(1) 运用代入法,把①代入② 可得出 <math>x, y</math> 的值;</p> <p>(2) 先将方程组化为整系数方程组,再利用加减消元法求解.</p>
解答:	<p>解: (1) <math display="block">\begin{cases} x-y=4 &amp; \text{①} \\ 4x+2y=-1 &amp; \text{②} \end{cases}</math></p> <p>由①得 <math>x=4+y</math>③</p> <p>代入②得 <math>4(4+y)+2y=-1,</math></p> <p>所以 <math>y=-\frac{17}{6},</math></p> <p>把 <math>y=-\frac{17}{6}</math> 代入③得 <math>x=4-\frac{17}{6}=\frac{7}{6}.</math></p> <p>所以原方程组的解为 <math display="block">\begin{cases} x=\frac{7}{6} \\ y=-\frac{17}{6} \end{cases}</math></p> <p>(2) 原方程组整理为 <math display="block">\begin{cases} 3x+4y=84 &amp; \text{①} \\ 2x+3y=48 &amp; \text{②} \end{cases}</math></p>

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/525140202023011113>