

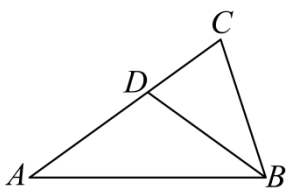
11. 计算: $|-2|+3^0 = \underline{\hspace{2cm}}$.

12. 甲、乙两人分别从 A、B、C 三个景区中随机选取一个景区前往游览, 则他们恰好选择同一景区的概率为 $\underline{\hspace{2cm}}$.

13. 若正多边形的一个外角是 45° , 则该正多边形的边数是 $\underline{\hspace{2cm}}$.

14. 重庆在低空经济领域实现了新的突破. 今年第一季度低空飞行航线安全运行了 200 架次, 预计第三季度低空飞行航线安全运行将达到 401 架次. 设第二、第三两个季度安全运行架次的平均增长率为 x , 根据题意, 可列方程为 $\underline{\hspace{2cm}}$.

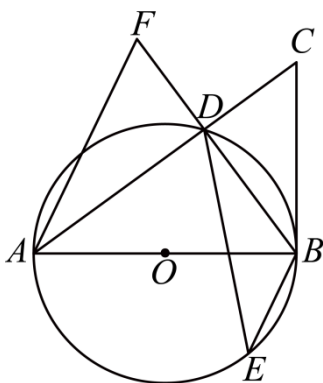
15. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $AB = AC$, $\angle A = 36^\circ$, BD 平分 $\angle ABC$ 交 AC 于点 D . 若 $BC = 2$, 则 AD 的长度为 $\underline{\hspace{2cm}}$.



16. 若关于 x 的一元一次不等式组 $\begin{cases} \frac{2x+1}{3} \leq 3 \\ 4x-2 < 3x+a \end{cases}$ 的解集为 $x \leq 4$, 且关于 y 的分式方程 $\frac{a-8}{y+2} - \frac{y}{y+2} = 1$

的解均为负整数, 则所有满足条件的整数 a 的值之和是 $\underline{\hspace{2cm}}$.

17. 如图, AB 是 $\odot O$ 的直径, BC 是 $\odot O$ 的切线, 点 B 为切点. 连接 AC 交 $\odot O$ 于点 D , 点 E 是 $\odot O$ 上一点, 连接 BE , DE , 过点 A 作 $AF \parallel BE$ 交 BD 的延长线于点 F . 若 $BC = 5$, $CD = 3$, $\angle F = \angle ADE$, 则 AB 的长度是 $\underline{\hspace{2cm}}$; DF 的长度是 $\underline{\hspace{2cm}}$.



18. 一个各数位均不为 0 的四位自然数 $M = \overline{abcd}$, 若满足 $a+d = b+c = 9$, 则称这个四位数为“友谊数”. 例如: 四位数 1278, $\because 1+8 = 2+7 = 9$, $\therefore 1278$ 是“友谊数”. 若 \overline{abcd} 是一个“友谊数”, 且 $b-a = c-b = 1$,

则这个数为 $\underline{\hspace{2cm}}$; 若 $M = \overline{abcd}$ 是一个“友谊数”, 设 $F(M) = \frac{M}{9}$, 且 $\frac{F(M) + \overline{ab} + \overline{cd}}{13}$

是整数，则满足条件的 M 的最大值是_____.

三、解答题：（本大题 8 个小题，第 19 题 8 分，其余每题各 10 分，共 78 分）解答时每小题必须给出必要的演算过程或推理步骤，画出必要的图形（包括辅助线），请将解答过程书写在答题卡中对应的位置上.

19. 计算：

(1) $a(3-a)+(a-1)(a+2)$;

(2) $\left(1+\frac{2}{x-2}\right) \div \frac{x^2-4}{x^2-4x+4}$.

20. 数学文化有利于激发学生数学兴趣. 某校为了解学生数学文化知识掌握的情况，从该校七、八年级学生中各随机抽取 10 名学生参加了数学文化知识竞赛，并对数据（百分制）进行整理、描述和分析（成绩均不低于 70 分，用 x 表示，共分三组：A. $90 \leq x \leq 100$ ，B. $80 \leq x < 90$ ，C. $70 \leq x < 80$ ），下面给出了部分信息：

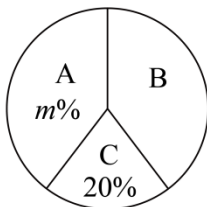
七年级 10 名学生的竞赛成绩是：76，78，80，82，87，87，87，93，93，97.

八年级 10 名学生的竞赛成绩在 B 组中的数据是：80，83，88，88.

七、八年级抽取的学生竞赛成绩统计表

年级	平均数	中位数	众数
七年级	86	87	b
八年级	86	a	90

八年级抽取的学生竞赛成绩扇形统计图



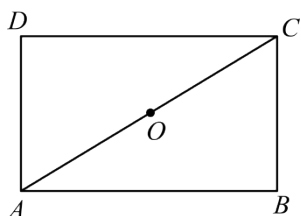
根据以上信息，解答下列问题：

(1) 填空： $a =$ _____， $b =$ _____， $m =$ _____；

(2) 根据以上数据，你认为该校七、八年级中哪个年级学生数学文化知识较好？请说明理由（写出一条理由即可）；

(3) 该校七年级学生有 500 人，八年级学生有 400 人。估计该校七、八年级学生中数学文化知识为“优秀” ($x \geq 90$) 的总共有多少人？

21. 在学习了矩形与菱形的相关知识后，小明同学进行了更深入的研究，他发现，过矩形的一条对角线的中点作这条对角线的垂线，与矩形两边相交的两点和这条对角线的两个端点构成的四边形是菱形，可利用证明三角形全等得到此结论。根据他的想法与思路，完成以下作图与填空：



(1) 如图，在矩形 $ABCD$ 中，点 O 是对角线 AC 的中点。用尺规过点 O 作 AC 的垂线，分别交 AB ， CD 于点 E ， F ，连接 AF ， CE 。（不写作法，保留作图痕迹）

(2) 已知：矩形 $ABCD$ ，点 E ， F 分别在 AB ， CD 上， EF 经过对角线 AC 的中点 O ，且 $EF \perp AC$ 。求证：四边形 $AECF$ 是菱形。

证明：∵ 四边形 $ABCD$ 是矩形，

∴ $AB \parallel CD$ 。

∴ ①， $\angle OCF = \angle OAE$ 。

∵ 点 O 是 AC 的中点，

∴ ②。

∴ $\triangle CFO \cong \triangle AEO$ (AAS)。

∴ ③。

又∵ $OA = OC$ ，

∴ 四边形 $AECF$ 是平行四边形。

∵ $EF \perp AC$ ，

∴ 四边形 $AECF$ 是菱形。

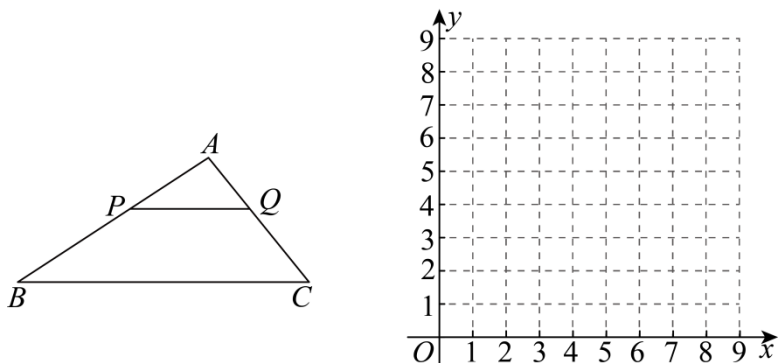
进一步思考，如果四边形 $ABCD$ 是平行四边形呢？请你模仿题中表述，写出你猜想的结论：④。

22. 某工程队承接了老旧小区改造工程中 1000 平方米的外墙粉刷任务，选派甲、乙两人分别用 A、B 两种外墙漆各完成总粉刷任务的一半。据测算需要 A、B 两种外墙漆各 300 千克，购买外墙漆总费用为 15000 元，已知 A 种外墙漆每千克的价格比 B 种外墙漆每千克的价格多 2 元。

(1) 求 A、B 两种外墙漆每千克的价格各是多少元？

(2) 已知乙每小时粉刷外墙面积是甲每小时粉刷外墙面积的 $\frac{4}{5}$ ，乙完成粉刷任务所需时间比甲完成粉刷任务所需时间多 5 小时。问甲每小时粉刷外墙的面积是多少平方米？

23. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $AB=6$ ， $BC=8$ ，点 P 为 AB 上一点，过点 P 作 $PQ \parallel BC$ 交 AC 于点 Q 。设 AP 的长度为 x ，点 P ， Q 的距离为 y_1 ， $\triangle ABC$ 的周长与 $\triangle APQ$ 的周长之比为 y_2 。

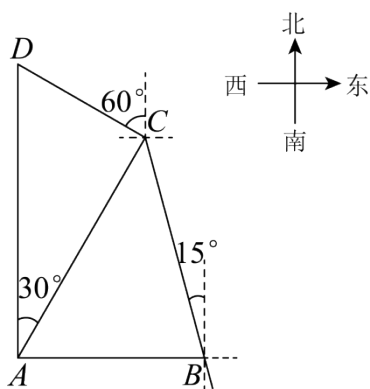


(1) 请直接写出 y_1 ， y_2 分别关于 x 的函数表达式，并注明自变量 x 的取值范围；

(2) 在给定的平面直角坐标系中画出函数 y_1 ， y_2 的图象；请分别写出函数 y_1 ， y_2 的一条性质；

(3) 结合函数图象，直接写出 $y_1 > y_2$ 时 x 的取值范围。（近似值保留一位小数，误差不超过 0.2）

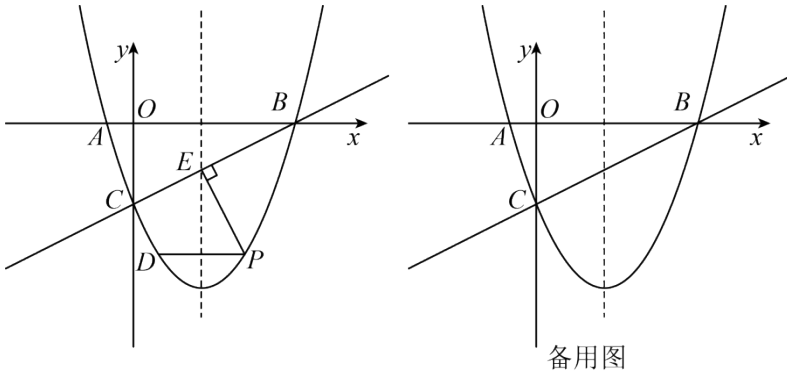
24. 如图， A ， B ， C ， D 分别是某公园四个景点， B 在 A 的正东方向， D 在 A 的正北方向，且在 C 的北偏西 60° 方向， C 在 A 的北偏东 30° 方向，且在 B 的北偏西 15° 方向， $AB=2$ 千米。（参考数据： $\sqrt{2} \approx 1.41$ ， $\sqrt{3} \approx 1.73$ ， $\sqrt{6} \approx 2.45$ ）



(1) 求 BC 的长度（结果精确到 0.1 千米）；

(2) 甲、乙两人从景点 D 出发去景点 B ，甲选择的路线为： $D-C-B$ ，乙选择的路线为： $D-A-B$ 。请计算说明谁选择的路线较近？

25. 如图，在平面直角坐标系中，抛物线 $y = ax^2 + bx - 3$ 与 x 轴交于 $A(-1, 0)$ ， B 两点，交 y 轴于点 C ，抛物线的对称轴是直线 $x = \frac{5}{2}$ 。



(1) 求抛物线的表达式;

(2) 点 P 是直线 BC 下方对称轴右侧抛物线上一动点, 过点 P 作 $PD \parallel x$ 轴交抛物线于点 D , 作 $PE \perp BC$ 于点 E , 求 $PD + \frac{\sqrt{5}}{2}PE$ 的最大值及此时点 P 的坐标;

(3) 将抛物线沿射线 BC 方向平移 $\sqrt{5}$ 个单位, 在 $PD + \frac{\sqrt{5}}{2}PE$ 取得最大值的条件下, 点 F 为点 P 平移后的对应点, 连接 AF 交 y 轴于点 M , 点 N 为平移后的抛物线上一点, 若 $\angle NMF - \angle ABC = 45^\circ$, 请直接写出所有符合条件的点 N 的坐标.

26. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 90^\circ$, $AC = BC$, 过点 B 作 $BD \parallel AC$.

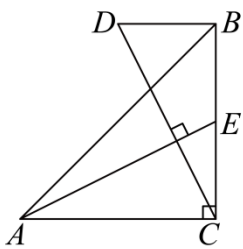


图1

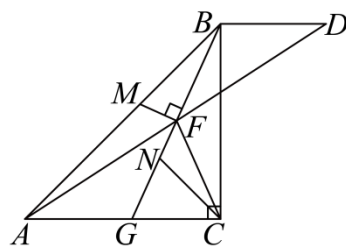
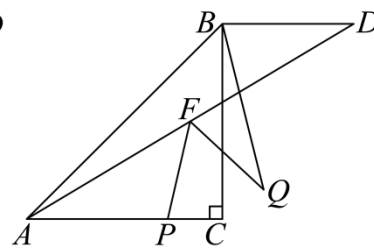


图2



备用图

(1) 如图 1, 若点 D 在点 B 的左侧, 连接 CD , 过点 A 作 $AE \perp CD$ 交 BC 于点 E . 若点 E 是 BC 的中点, 求证: $AC = 2BD$;

(2) 如图 2, 若点 D 在点 B 的右侧, 连接 AD , 点 F 是 AD 的中点, 连接 BF 并延长交 AC 于点 G , 连接 CF . 过点 F 作 $FM \perp BG$ 交 AB 于点 M , CN 平分 $\angle ACB$ 交 BG 于点 N , 求证:

$$AM = CN + \frac{\sqrt{2}}{2}BD;$$

(3) 若点 D 在点 B 的右侧, 连接 AD , 点 F 是 AD 的中点, 且 $AF = AC$. 点 P 是直线 AC 上一动点, 连接 FP , 将 FP 绕点 F 逆时针旋转 60° 得到 FQ , 连接 BQ , 点 R 是直线 AD 上一动点, 连接 BR , QR . 在点 P 的运动过程中, 当 BQ 取得最小值时, 在平面内将 $\triangle BQR$ 沿直线 QR 翻折得到 $\triangle TQR$, 连接 FT . 在

点 R 的运动过程中, 直接写出 $\frac{FT}{CP}$ 的最大值.

参考答案

一、选择题：（本大题 10 个小题，每小题 4 分，共 40 分）在每个小题的下面，都给出了代号为 A、B、C、D 的四个答案，其中只有一个是正确的，请将答题卡上题号右侧正确答案所对应的方框涂黑。

1. 【答案】A

【解析】-1 是负数，其他三个数均是非负数，故 -1 是最小的数；

故选：A.

2. 【答案】A

【解析】解：A. 该标点符号是轴对称图形，故此选项符合题意；

B. 该标点符号不是轴对称图形，故此选项不符合题意；

C. 该标点符号不是轴对称图形，故此选项不符合题意；

D. 该标点符号不是轴对称图形，故此选项不符合题意.

故选：A.

3. 【答案】B

【解析】解：解：当 $x=1$ 时， $y=-\frac{10}{1}=-10$ ，图象不经过 $(1,10)$ ，故 A 不符合要求；

当 $x=-2$ 时， $y=-\frac{10}{-2}=5$ ，图象一定经过 $(-2,5)$ ，故 B 符合要求；

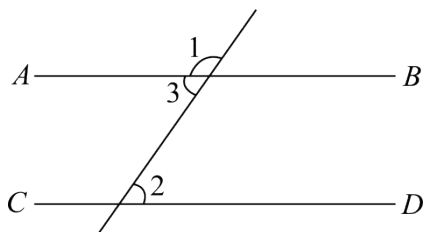
当 $x=2$ 时， $y=-\frac{10}{2}=-5$ ，图象不经过 $(2,5)$ ，故 C 不符合要求；

当 $x=2$ 时， $y=-\frac{10}{2}=-5$ ，图象不经过 $(2,8)$ ，故 D 不符合要求；

故选：B.

4. 【答案】C

【解析】解：如图，



$$\therefore \angle 1 = 125^\circ,$$

$$\therefore \angle 3 = 180^\circ - \angle 1 = 55^\circ,$$

$$\therefore AB \parallel CD,$$

$$\therefore \angle 2 = \angle 3 = 55^\circ,$$

故选：C.

5. 【答案】D

【解析】解：∵两个相似三角形的相似比为1:4，

∴这两个三角形面积的比是 $1^2:4^2=1:16$ ，

故选：D.

6. 【答案】C

【解析】解：∵ $\sqrt{12}(\sqrt{2}+\sqrt{3})=2\sqrt{6}+6$ ，

而 $4<\sqrt{24}=2\sqrt{6}<5$ ，

∴ $10<2\sqrt{6}+6<11$ ，

故答案为：C

7. 【答案】C

【解析】解：第①个图案中有 $1+3\times(1-1)+1=2$ 个菱形，

第②个图案中有 $1+3\times(2-1)+1=5$ 个菱形，

第③个图案中有 $1+3\times(3-1)+1=8$ 个菱形，

第④个图案中有 $1+3\times(4-1)+1=11$ 个菱形，

N

∴第 n 个图案中有 $1+3(n-1)+1=3n-1$ 个菱形，

∴第⑧个图案中菱形的个数为 $3\times 8-1=23$ ，

故选：C.

8. 【答案】B

【解析】解：∵ $\angle D=28^\circ$ ，

∴ $\angle BOC=2\angle D=56^\circ$ ，

∵ $OC\perp AB$ ， $OA=OB$ ，

∴ $\angle AOB=2\angle BOC=112^\circ$ ， $\angle OAB=\angle OBA$ ，

∴ $\angle OAB=\frac{1}{2}(180^\circ-\angle AOB)=34^\circ$ ，

故选：B.

9. 【答案】D

【解析】解：∵四边形 $ABCD$ 是正方形，

$$\therefore \angle ABE = \angle ADC = \angle ADF = \angle C = 90^\circ, AB = AD = CD = BC = 4,$$

$$\text{又} \because BE = DF = 1,$$

$$\therefore \triangle ABE \cong \triangle ADF (\text{SAS}),$$

$$\therefore AE = AF,$$

$$\because AM \text{ 平分 } \angle EAF,$$

$$\therefore \angle EAM = \angle FAM,$$

$$\text{又} \because AM = AM,$$

$$\therefore \triangle AEM \cong \triangle AFM (\text{SAS}),$$

$$\therefore EM = FM,$$

$$\text{设 } DM = x, \text{ 则 } EM = FM = DF + DM = x + 1, CM = CD - DM = 4 - x,$$

在 $\text{Rt}\triangle CEM$ 中，由勾股定理得 $EM^2 = CE^2 + CM^2$ ，

$$\therefore (x+1)^2 = 3^2 + (4-x)^2,$$

$$\text{解得 } x = \frac{12}{5},$$

$$\therefore DM = \frac{12}{5},$$

故选：D.

10. 【答案】D

【解析】解：∵ n, a_{n-1}, \dots, a_0 为自然数， a_n 为正整数，且 $n + a_n + a_{n-1} + \dots + a_1 + a_0 = 5$ ，

$$\therefore 0 \leq n \leq 4,$$

$$\text{当 } n = 4 \text{ 时，则 } 4 + a_4 + a_3 + a_2 + a_1 + a_0 = 5,$$

$$\therefore a_4 = 1, a_3 = a_2 = a_1 = a_0 = 0,$$

满足条件的整式有 x^4 ，

$$\text{当 } n = 3 \text{ 时，则 } 3 + a_3 + a_2 + a_1 + a_0 = 5,$$

$$\therefore (a_3, a_2, a_1, a_0) = (2, 0, 0, 0), (1, 1, 0, 0), (1, 0, 1, 0), (1, 0, 0, 1),$$

满足条件的整式有： $2x^3, x^3 + x^2, x^3 + x, x^3 + 1$ ，

当 $n=2$ 时, 则 $2+a_2+a_1+a_0=5$,

$\therefore (a_2, a_1, a_0) = (3, 0, 0), (2, 1, 0), (2, 0, 1), (1, 2, 0), (1, 0, 2), (1, 1, 1)$,

满足条件的整式有: $3x^2, 2x^2+x, 2x^2+1, x^2+2x, x^2+2, x^2+x+1$;

当 $n=1$ 时, 则 $1+a_1+a_0=5$,

$\therefore (a_1, a_0) = (4, 0), (3, 1), (1, 3), (2, 2)$,

满足条件的整式有: $4x, 3x+1, x+3, 2x+2$;

当 $n=0$ 时, $0+a_0=5$,

满足条件的整式有: 5 ;

\therefore 满足条件的单项式有: $x^4, 2x^3, 3x^2, 4x, 5$, 故①符合题意;

不存在任何一个 n , 使得满足条件的整式 M 有且只有 3 个; 故②符合题意;

满足条件的整式 M 共有 $1+4+6+4+1=16$ 个. 故③符合题意;

故选 D

二、填空题: (本大题 8 个小题, 每小题 4 分, 共 32 分) 请将每小题的答案直接填在答题卡中对应的横线上.

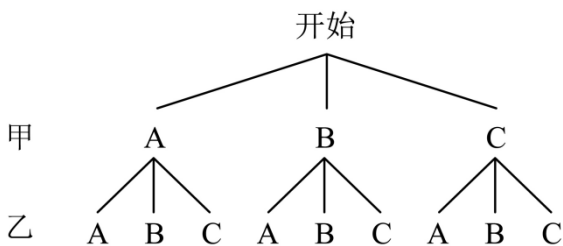
11. 【答案】3

【解析】解: 原式 $=2+1=3$,

故答案为: 3.

12. 【答案】 $\frac{1}{3}$

【解析】解: 画树状图如下:



由图可知, 共有 9 种等可能的情况, 他们选择同一个景点有 3 种,

故他们选择同一个景点的概率是: $\frac{3}{9} = \frac{1}{3}$,

故答案为: $\frac{1}{3}$.

13. 【答案】8

【解析】解：Q 多边形外角和是 360 度，正多边形的一个外角是 45° ，

$$\therefore 360^\circ \div 45^\circ = 8$$

即该正多边形的边数是 8，

故答案为：8.

14. 【答案】 $200(1+x)^2 = 401$

【解析】解：设第二、第三两个季度安全运行架次的平均增长率为 x ，

由题意得， $200(1+x)^2 = 401$ ，

故答案为： $200(1+x)^2 = 401$.

15. 【答案】2

【解析】解： \because 在 $\triangle ABC$ 中， $AB = AC$ ， $\angle A = 36^\circ$ ，

$$\therefore \angle C = \angle ABC = \frac{180^\circ - \angle A}{2} = 72^\circ,$$

$\because BD$ 平分 $\angle ABC$ ，

$$\therefore \angle ABD = \angle CBD = \frac{1}{2} \angle ABC = 36^\circ,$$

$$\therefore \angle A = \angle ABD, \angle BDC = \angle A + \angle ABD = 72^\circ = \angle C,$$

$$\therefore AD = BD, BD = BC,$$

$$\therefore AD = BC = 2,$$

故答案为：2.

16. 【答案】12

【解析】解：
$$\begin{cases} \frac{2x+1}{3} \leq 3 \text{①} \\ 4x-2 < 3x+a \text{②} \end{cases}$$

解不等式①得： $x \leq 4$ ，

解不等式②得： $x < a+2$ ，

\therefore 不等式组的解集为 $x \leq 4$ ，

$$\therefore a+2 > 4,$$

$$\therefore a > 2;$$

解分式方程 $\frac{a-8}{y+2} - \frac{y}{y+2} = 1$ 得 $y = \frac{a-10}{2}$ ，

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/587141140144006143>