

7. 已知双曲线 $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > 0, b > 0$) 的右焦点与圆 $M: (x-2)^2 + y^2 = 5$ 的圆心重合, 且圆 M 被双曲线的一条渐近线截得的弦长为 $2\sqrt{2}$, 则双曲线的离心率为 ()

线的一条渐近线截得的弦长为 $2\sqrt{2}$, 则双曲线的离心率为 ()

- A. 2 B. $\sqrt{2}$ C. $\sqrt{3}$ D. 3

8. 将函数 $f(x) = \sin(3x + \frac{\pi}{6})$ 的图像向右平移 $m(m > 0)$ 个单位长度, 再将图像上各点的横坐标伸长到原来的 6 倍 (纵坐标不变), 得到函数 $g(x)$ 的图像, 若 $g(x)$ 为奇函数, 则 m 的最小值为 ()

得到函数 $g(x)$ 的图像, 若 $g(x)$ 为奇函数, 则 m 的最小值为 ()

- A. $\frac{\pi}{9}$ B. $\frac{2\pi}{9}$ C. $\frac{\pi}{18}$ D. $\frac{\pi}{24}$

9. 下列函数中, 值域为 R 的偶函数是 ()

- A. $y = x^2 + 1$ B. $y = e^x - e^{-x}$ C. $y = \lg|x|$ D. $y = \sqrt{x^2}$

10. 已知函数 $f(x)$ 满足: 当 $x \in [-2, 2)$ 时, $f(x) = \begin{cases} x(x+2), & -2 \leq x \leq 0 \\ \log_2 x, & 0 < x < 2 \end{cases}$, 且对任意 $x \in R$, 都有

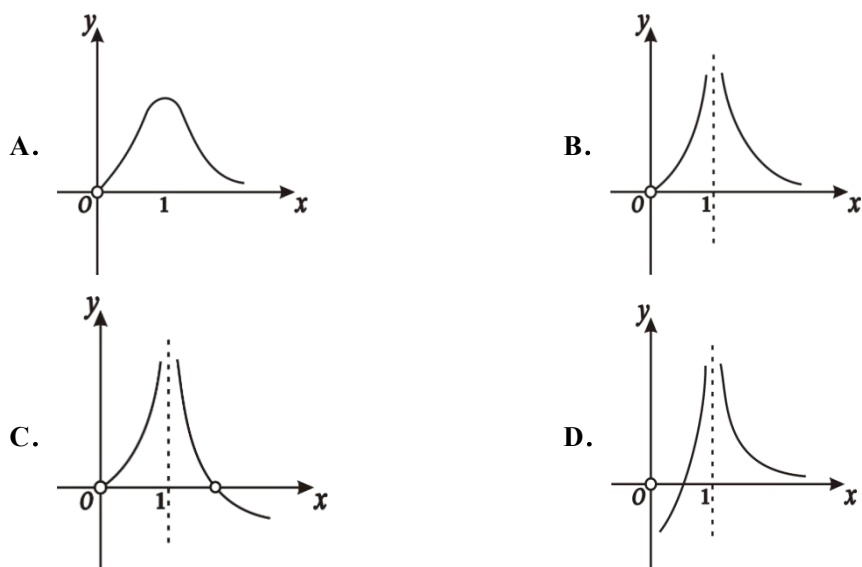
$f(x+4) = f(x)$, 则 $f(2019) =$ ()

- A. 0 B. 1 C. -1 D. $\log_2 3$

11. 已知定义在 R 上的函数 $f(x) = x \cdot 2^{|x|}$, $a = f(\log_3 \sqrt{5})$, $b = -f(\log_3 \frac{1}{2})$, $c = f(\ln 3)$, 则 a, b, c 的大小关系为 ()

- A. $c > b > a$ B. $b > c > a$ C. $a > b > c$ D. $c > a > b$

12. 函数 $f(x) = \frac{1}{x - \ln x - 1}$ 的图象大致是 ()



二、填空题: 本题共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分。

13. 已知 $\sin \alpha = \frac{3}{5}, \alpha \in \left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$, 则 $\tan\left(\alpha + \frac{\pi}{4}\right) = \underline{\hspace{2cm}}$.

14. 已知 $\alpha, \beta \in \left(\frac{3\pi}{4}, \pi\right)$, $\cos(\alpha + \beta) = \frac{4}{5}$, $\cos\left(\beta - \frac{\pi}{4}\right) = -\frac{5}{13}$, 则 $\sin\left(\alpha + \frac{\pi}{4}\right) = \underline{\hspace{2cm}}$.

15. 设实数 x, y 满足 $\begin{cases} xy \leq 2 \\ 0 \leq x \leq 2 \\ 0 \leq y \leq 2x \end{cases}$, 则点 $P(x, y)$ 表示的区域面积为 $\underline{\hspace{2cm}}$.

16. 若 $\sin\left(\alpha - \frac{\pi}{4}\right) = \frac{4}{5}$, 则 $\sin 2\alpha = \underline{\hspace{2cm}}$.

三、解答题：共 70 分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

17. (12 分) 已知函数 $f(x) = \frac{\sqrt{3}}{2} \sin x + \cos^2 \frac{x}{2} - \frac{1}{2}$, ($x \in R$).

(1) 当 $x \in [0, \pi]$ 时, 求函数的值域;

(2) $\triangle ABC$ 的角 A, B, C 的对边分别为 a, b, c 且 $c = \sqrt{3}$, $f(C) = 1$, 求 AB 边上的高 h 的最大值.

18. (12 分) 设函数 $f(x) = x^2 - 2x + 2a \ln x (a \in R)$.

(I) 讨论函数 $f(x)$ 的单调性;

(II) 若函数 $f(x)$ 有两个极值点 m, n , 求证: $\frac{f(m) - f(n)}{m - n} > 4mn - 1$.

19. (12 分) 已知等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 等比数列 $\{b_n\}$ 的前 n 项和为 T_n , 且 $a_1 = b_1 = 1$, $a_5 = S_3$, $a_4 + b_4 = 15$.

(1) 求数列 $\{a_n\}$ 与 $\{b_n\}$ 的通项公式;

(2) 求数列 $\left\{\frac{S_n \cdot T_n}{n}\right\}$ 的前 n 项和.

20. (12 分) (1) 已知数列 $\{a_n\}$ 满足: $a_1 = 1, a_2 = \lambda$, 且 $a_n^2 = a_{n+1}a_{n-1} - \lambda a_n a_{n-1}$ (λ 为非零常数, $n \geq 2, n \in N^*$),

求数列 $\left\{\frac{a_n}{a_{n-1}}\right\} (n \geq 2, n \in N^*)$ 的前 n 项和;

(2) 已知数列 $\{b_n\}$ 满足:

(i) 对任意的 $n \in N^*, 0 < b_n \leq b_{n+1}$;

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/615021201301012101>