

# 祖冲之序列密码算法

## 合订本

第 1 部分：算法描述；

第 2 部分：基于祖冲之算法的机密性算法；

第 3 部分：基于祖冲之算法的完整性算法。



# 中华人民共和国密码行业标准

GM/T 0001.1—2012

---

## 祖冲之序列密码算法 第 1 部分: 算法描述

ZUC stream cipher algorithm—  
Part 1: Description of the algorithm

2012-03-21 发布

2012-03-21 实施

## 目 次

前言 .....	III
1 范围 .....	1
2 术语和约定 .....	1
3 符号和缩略语 .....	1
4 算法描述 .....	2
4.1 算法整体结构 .....	2
4.2 线性反馈移位寄存器 LFSR .....	3
4.3 比特重组 BR .....	3
4.4 非线性函数 $F$ .....	3
4.5 密钥装入 .....	4
4.6 算法运行 .....	4
附录 A (规范性附录) S 盒 .....	6
附录 B (资料性附录) 模 $2^{31}-1$ 乘法和模 $2^{31}-1$ 加法的实现 .....	8
附录 C (资料性附录) 算法计算实例 .....	9
参考文献 .....	13

# 祖冲之序列密码算法

## 第 1 部分:算法描述

### 1 范围

GM/T 0001 的本部分描述了祖冲之序列密码算法,可用于指导祖冲之算法相关产品的研制、检测和使用。

### 2 术语和约定

以下术语和约定适用于本文件。

#### 2.1

**比特 bit**

二进制字符 0 和 1 称之为比特。

#### 2.2

**字节 byte**

由 8 个比特组成的比特串称之为字节。

#### 2.3

**字 word**

由 2 个以上(包含 2 个)比特组成的比特串称之为字。

本部分主要使用 31 比特字和 32 比特字。

#### 2.4

**字表示 word representation**

本部分字默认采用十进制表示。当字采用其他进制表示时,总是在字的表示之前或之后添加指示符。例如,前缀 0x 指示该字采用十六进制表示,后缀下角标 2 指示该字采用二进制表示。

#### 2.5

**高低位顺序 bit ordering**

本部分规定字的最高位总是位于字表示中的最左边,最低位总是位于字表示中的最右边。

### 3 符号和缩略语

#### 3.1 运算符

+ 算术加法运算

mod 整数取余运算

$\oplus$  按比特位逐位异或运算

$\boxplus$  模  $2^{32}$  加法运算

|| 字符串连接符

$\cdot_H$  取字的最高 16 比特

$\cdot_L$  取字的最低 16 比特

$\ll\ll k$  32 比特字左循环移  $k$  位

$\gg\gg k$  32 比特字右移  $k$  位

$\underline{a} \rightarrow \underline{b}$  向量  $\underline{a}$  赋值给向量  $\underline{b}$ , 即按分量逐分量赋值

### 3.2 符号

下列符号适用于本部分:

- $s_0, s_1, s_2, \dots, s_{15}$  线性反馈移位寄存器的 16 个 31 比特寄存器单元变量
- $X_0, X_1, X_2, X_3$  比特重组输出的 4 个 32 比特字
- $R_1, R_2$  非线性函数  $F$  的 2 个 32 比特记忆单元变量
- $W$  非线性函数  $F$  输出的 32 比特字
- $Z$  算法每拍输出的 32 比特密钥字
- $k$  初始种子密钥
- $iv$  初始向量
- $D$  用于算法初始化的字符串常量

### 3.3 缩略语

下列缩略语适用于本部分:

- ZUC 祖冲之序列密码算法或祖冲之算法
- LFSR 线性反馈移位寄存器
- BR 比特重组
- $F$  非线性函数

## 4 算法描述

### 4.1 算法整体结构

祖冲之算法逻辑上分为上中下三层, 见图 1。上层是 16 级线性反馈移位寄存器(LFSR); 中层是比特重组(BR); 下层是非线性函数  $F$ 。

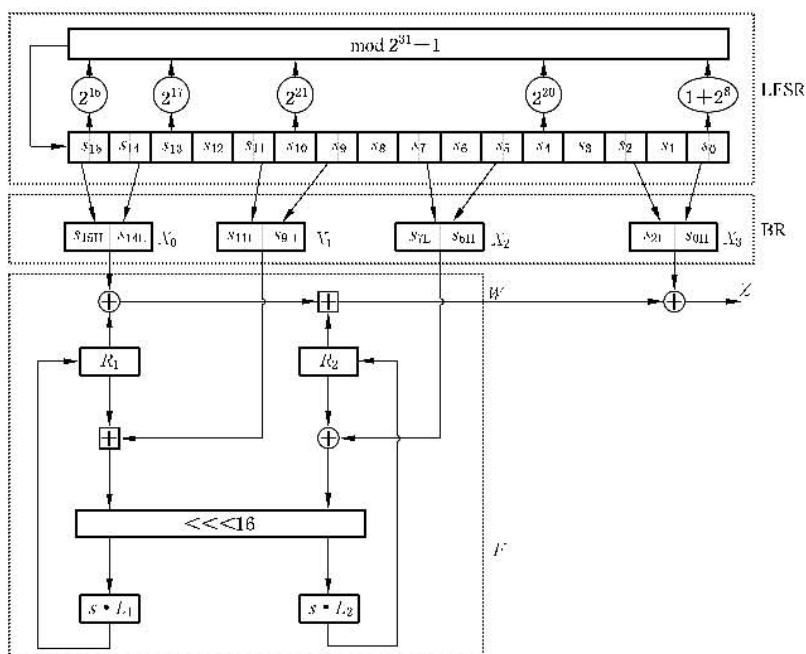


图 1 祖冲之算法结构图

## 4.2 线性反馈移位寄存器 LFSR

### 4.2.1 概述

LFSR 包括 16 个 31 比特寄存器单元变量  $s_0, s_1, \dots, s_{15}$ 。

LFSR 的运行模式有 2 种:初始化模式和工作模式。

### 4.2.2 初始化模式

在初始化模式下,LFSR 接收一个 31 比特字  $u$ 。 $u$  是由非线性函数  $F$  的 32 比特输出  $W$  通过舍弃最低位比特得到,即  $u = W \gg 1$ 。在初始化模式下,LFSR 计算过程如下:

LFSRWithInitialisationMode( $u$ )

```
{
  (1)  $v = 2^{15}s_{15} + 2^{17}s_{13} + 2^{21}s_{10} + 2^{20}s_4 + (1+2^8)s_0 \bmod (2^{31}-1)$ ;
  (2)  $s_{16} = (v+u) \bmod (2^{31}-1)$ ;
  (3) 如果  $s_{16} = 0$ ,则置  $s_{16} = 2^{31}-1$ ;
  (4)  $(s_1, s_2, \dots, s_{15}, s_{16}) \rightarrow (s_0, s_1, \dots, s_{14}, s_{15})$ 。
}
```

### 4.2.3 工作模式

在工作模式下,LFSR 不接收任何输入。其计算过程如下:

LFSRWithWorkMode()

```
{
  (1)  $s_{16} = 2^{15}s_{15} + 2^{17}s_{13} + 2^{21}s_{10} + 2^{20}s_4 + (1+2^8)s_0 \bmod (2^{31}-1)$ ;
  (2) 如果  $s_{16} = 0$ ,则置  $s_{16} = 2^{31}-1$ ;
  (3)  $(s_1, s_2, \dots, s_{15}, s_{16}) \rightarrow (s_0, s_1, \dots, s_{14}, s_{15})$ 。
}
```

## 4.3 比特重组 BR

比特重组从 LFSR 的寄存器单元中抽取 128 比特组成 4 个 32 比特字  $X_0, X_1, X_2, X_3$ 。BR 的具体计算过程如下:

BitReconstruction()

```
{
  (1)  $X_0 = s_{15H} \parallel s_{14L}$ ;
  (2)  $X_1 = s_{11L} \parallel s_{9H}$ ;
  (3)  $X_2 = s_{7L} \parallel s_{5H}$ ;
  (4)  $X_3 = s_{2L} \parallel s_{0H}$ 。
}
```

## 4.4 非线性函数 $F$

$F$  包含 2 个 32 比特记忆单元变量  $R_1$  和  $R_2$ 。

$F$  的输入为 3 个 32 比特字  $X_0, X_1, X_2$ , 输出为一个 32 比特字  $W$ 。 $F$  的计算过程如下:

$F(X_0, X_1, X_2)$

```
{
```

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/617135013045006140>