

C. $\frac{27}{4}$ D. $-\frac{27}{4}$

7. 已知平面向量 \mathbf{a} , \mathbf{b} 的夹角为 $\frac{\pi}{3}$, 则 $|\mathbf{a}|=1$, $|\mathbf{b}|=\frac{1}{2}$, 则 $\mathbf{a}+2\mathbf{b}$ 与 \mathbf{b} 的夹角是()

A. $\frac{\pi}{6}$ B. $\frac{5\pi}{6}$

C. $\frac{\pi}{4}$ D. $\frac{3\pi}{4}$

C. $\frac{\pi}{4}$ D. $\frac{3\pi}{4}$

C. $\frac{\pi}{4}$ D. $\frac{3\pi}{4}$

8. 若 O 为 $\triangle ABC$ 所在平面内任一点, 且满足 $(\vec{OB}-\vec{OC}) \cdot (\vec{OB}+\vec{OC}-2\vec{OA})=0$, 则 $\triangle ABC$ 的形状为()

- A. 等腰三角形 B. 直角三角形
C. 正三角形 D. 等腰直角三角形

9. $\triangle ABC$ 是边长为 2 的等边三角形, 向量 \mathbf{a}, \mathbf{b} 满足 $AB=2\mathbf{a}, AC=2\mathbf{a}+\mathbf{b}$, 则向量 \mathbf{a}, \mathbf{b} 的夹角为()
A. 30° B. 60°
C. 120° D. 150°

10. 称 $d(\mathbf{a}, \mathbf{b})=|\mathbf{a}-\mathbf{b}|$ 为两个向量 \mathbf{a}, \mathbf{b} 间的“距离”. 若向量 \mathbf{a}, \mathbf{b} 满足: ① $|\mathbf{b}|=1$; ② $\mathbf{a}\neq\mathbf{b}$; ③ 对任意的 $t\in\mathbf{R}$, 恒有 $d(\mathbf{a}, t\mathbf{b})\geq d(\mathbf{a}, \mathbf{b})$, 则()

- A. $\mathbf{a}\perp\mathbf{b}$ B. $\mathbf{b}\perp(\mathbf{a}-\mathbf{b})$
C. $\mathbf{a}\perp(\mathbf{a}-\mathbf{b})$ D. $(\mathbf{a}+\mathbf{b})\perp(\mathbf{a}-\mathbf{b})$

11. 在等腰直角 $\triangle ABC$ 中, $\angle ABC=90^\circ, AB=BC=2$, M, N (不与 A, C 重合) 为 AC 边上的两个动点,

且满足 $|\overline{MN}|=\sqrt{2}$, 则 $BM\cdot BN$ 的取值范围为()

- A. $[\frac{3}{2}, 2]$ B. $[\frac{3}{2}, 2]$
C. $[\frac{3}{2}, 2]$ D. $[\frac{3}{2}, +\infty)$

12. 已知点 $M(-3,0), N(3,0)$. 动点 $P(x, y)$ 满足 $|\overline{MN}|\cdot|\overline{MP}+\overline{NP}|=0$, 则点 P 的轨迹的曲线类型为()

- A. 双曲线 B. 抛物线
C. 圆 D. 椭圆

13. 在 $\triangle ABC$ 中, 满足 $|\overline{AC}|=|\overline{BC}|, (\overline{AB}-3\overline{AC})\perp\overline{CB}$, 则角 C 的大小为()

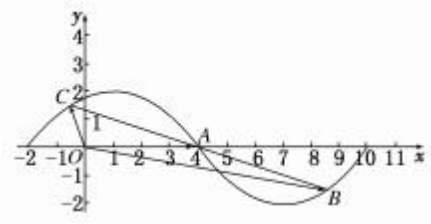
- A. $\frac{\pi}{3}$ B. $\frac{\pi}{6}$ C. $\frac{2\pi}{3}$ D. $\frac{5\pi}{6}$

14. 设 O 是 $\triangle ABC$ 的外心(三角形外接圆的圆心). 若 $\overline{AO}=\frac{1}{3}\overline{AB}+\frac{1}{3}\overline{AC}$, 则 $\angle BAC$ 的度数等于()

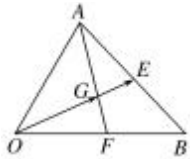
- A. 30° B. 45° C. 60° D. 90°

15. 若函数 $f(x)=2\sin(\frac{\pi}{6}x+\frac{\pi}{3})$ ($-2<x<10$) 的图象与 x 轴交于点 A , 过点 A 的直线 l 与函数的图象交于 B, C 两点, 则 $(\overline{OB}+\overline{OC})\cdot\overline{OA}=()$

- A. -32 B. -16 C. 16 D. 32

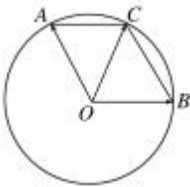


16. 在 $\triangle AOB$ 中, G 为 $\triangle AOB$ 的重心, 且 $\angle AOB = 60^\circ$, 若 $OA \cdot OB = 6$, 则 $|OG|$ 的最小值是_____.



17. 已知 \vec{AB} 与 \vec{AC} 的夹角为 90° , $|\vec{AB}| = 2$, $|\vec{AC}| = 1$, $\vec{AM} = \lambda \vec{AB} + \mu \vec{AC}$ ($\lambda, \mu \in \mathbf{R}$), 且 $\vec{AM} \cdot \vec{BC} = 0$, 则 $\frac{\lambda}{\mu}$ 的值为_____.

18. 已知 A, B, C 是圆 $x^2 + y^2 = 1$ 上的三点, 且 $\vec{OA} + \vec{OB} = \vec{OC}$, 其中 O 为坐标原点, 则 $\square ACB$ 的面积等于_____.



19. 已知圆 $x^2 + y^2 + 4x - 5 = 0$ 的弦 AB 的中点为 $(-1, 1)$, 直线 AB 交 x 轴于点 P , 则 $\vec{PA} \cdot \vec{PB}$ 的值为_____.

20. 已知 $\triangle ABC$ 的三个内角 A, B, C 的对边分别为 a, b, c , 向量 $m = \left[\cos \frac{C}{2}, \sin \frac{C}{2} \right]$, $n = \left[\cos \frac{C}{2}, -\sin \frac{C}{2} \right]$,

且 m 与 n 的夹角为 $\frac{\pi}{3}$.

(1)求角 C ;

(2)已知 $c = \frac{7}{2}$, $S_{\triangle ABC} = \frac{3\sqrt{3}}{2}$, 求 $a+b$ 的值.

21. 已知在 $\triangle ABC$ 中, 角 A, B, C 所对的边分别为 a, b, c , 且 $2S_{\triangle ABC} = \sqrt{3} \vec{BA} \cdot \vec{BC}$.

(1)求角 B 的大小;

(2)若 $b = 2$, 求 $a+c$ 的取值范围.

22. 已知向量 $\mathbf{a} = \left(\sin x, \frac{3}{2} \right)$, $\mathbf{b} = (\cos x, -1)$.

(1) 当 $\mathbf{a} \parallel \mathbf{b}$ 时, 求 $\tan 2x$ 的值;

(2) 求函数 $f(x) = (a+b) \cdot b$ 在 $\left[-\frac{\pi}{2}, 0\right]$ 上的值域.

23. 设函数 $f(x) = a \cdot b$, 其中向量 $a = (m, \cos x)$, $b = (1 + \sin x, 1)$, $x \in \mathbb{R}$, 且 $|f(x)| = 2$.

(1) 求实数 m 的值;

(2) 求函数 $f(x)$ 的最小值.

24. 已知 O 为坐标原点, 向量 $\vec{OA} = (\sin \alpha, 1)$, $\vec{OB} = (\cos \alpha, 0)$, $\vec{OC} = (-\sin \alpha, 2)$, 点 P 满足 $\vec{A} \cdot \vec{B} = \vec{B} \cdot \vec{P}$.

(1) 记函数 $f(\alpha) = \vec{P} \cdot \vec{B} \cdot \vec{C} \cdot \vec{A}$, $\alpha \in \left[-\frac{\pi}{8}, \frac{\pi}{2}\right]$, 讨论函数 $f(\alpha)$ 的单调性, 并求其值域;

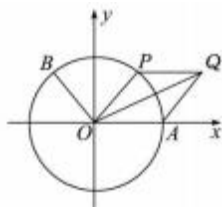
(2) 若 O, P, C 三点共线, 求 $|\vec{OA} + \vec{OB}|$ 的值.

25. 如图, A 是单位圆与 x 轴正半轴的交点, 点 P 在单位圆上, $\angle AOP = \theta (0 < \theta < \pi)$, $\vec{OQ} = \vec{OA} + \vec{OP}$, 四

边形 $OAQP$ 的面积为 S .

(1) 求 $\vec{OA} \cdot \vec{OQ} + S$ 的最大值及此时 θ 的值 θ_0 ;

(2) 设点 B 的坐标为 $\left(-\frac{3}{5}, \frac{4}{5}\right)$, $\angle AOB = \alpha$, 在(1)的条件下求 $\cos(\alpha + \theta_0)$.



26. 在 $\triangle ABC$ 中, 若 $|\vec{AC}| = 2\sqrt{3}$, 且 $\vec{A} \cdot \vec{B} \cdot \cos C + \vec{B} \cdot \vec{C} \cdot \cos A = \vec{A} \cdot \vec{C} \cdot \sin B$.

(1) 求角 B 的大小;

(2) 求 $\triangle ABC$ 的面积 S .

【解析】 $\because \mathbf{a}=(m, 1), \mathbf{b}=(m, -1), \therefore \mathbf{a}+\mathbf{b}=(2m, 0), \mathbf{a}-\mathbf{b}=(0, 2)$, 又 $|\mathbf{a}+\mathbf{b}|=|\mathbf{a}-\mathbf{b}|, \therefore |2m|=2, \therefore m=\pm 1, \therefore |\mathbf{a}|=\sqrt{m^2+1^2}=\sqrt{2}$. 故选 C.

【答案】C

5. 已知 $A(-1, \cos\theta)$, $B(\sin\theta, 1)$, 若 $|\vec{OA} + \vec{OB}| = |\vec{OA} - \vec{OB}|$ (O 为坐标原点), 则锐角 $\theta =$ ()

- A. $\frac{\pi}{3}$ B. $\frac{\pi}{6}$
 C. $\frac{\pi}{4}$ D. $\frac{\pi}{12}$

【解析】法一 $\vec{OA} + \vec{OB}$ 是以 OA, OB 为邻边作平行四边形 $OADB$ 的对角线向量, $\vec{OA} - \vec{OB}$ 是对角线向量, 由已知可得, 对角线相等, 则平行四边形 $OADB$ 为矩形. 故 $OA \perp OB$. 因此 $\vec{OA} \cdot \vec{OB} = 0$, 所以 $\sin\theta - \cos\theta = 0$, 所以锐角 θ

$$= \frac{\pi}{4}$$

法二 $\vec{OA} + \vec{OB} = (\sin\theta - 1, \cos\theta + 1)$, $\vec{OA} - \vec{OB} = (-\sin\theta - 1, \cos\theta - 1)$, 由 $|\vec{OA} + \vec{OB}| = |\vec{OA} - \vec{OB}|$ 可得 $(\sin\theta - 1)^2 + (\cos\theta + 1)^2 = (-\sin\theta - 1)^2 + (\cos\theta - 1)^2$, 整理得 $\sin\theta = \cos\theta$, 于是锐角 $\theta = \frac{\pi}{4}$.

【答案】C

6. 在 $\triangle ABC$ 中, $AB = AC = 3$, $\angle BAC = 30^\circ$, CD 是边 AB 上的高, 则 $\vec{CD} \cdot \vec{CB} =$ ()

- A. $-\frac{9}{4}$ B. $-\frac{9}{2}$
 C. $\frac{27}{4}$ D. $-\frac{27}{4}$

【解析】依题意得 $|\vec{CD}| = \frac{3}{2}$, $\vec{CD} \cdot \vec{CB} = 0$, $\vec{CD} \cdot \vec{CB} = \vec{CD} \cdot (\vec{CD} + \vec{DB}) = \vec{CD} \cdot \vec{CD} + \vec{CD} \cdot \vec{DB} = |\vec{CD}|^2 + |\vec{CD}| \cdot |\vec{DB}| \cdot \cos 60^\circ = 3 \times \frac{3}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{9}{4}$, 故选 B.

【答案】B

7. 已知平面向量 \vec{a}, \vec{b} 的夹角为 $\frac{\pi}{3}$, 则 $|\vec{a}| = 1$, $|\vec{b}| = \frac{1}{2}$, 则 $\vec{a} + 2\vec{b}$ 与 \vec{b} 的夹角是 ()

- A. $\frac{\pi}{6}$ B. $\frac{5\pi}{6}$
 C. $\frac{\pi}{4}$ D. $\frac{3\pi}{4}$

【解析】法一 因为 $|\vec{a} + 2\vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 + 4|\vec{b}|^2 + 4\vec{a} \cdot \vec{b} = 1 + 1 + 4 \times 1 \times \frac{1}{2} \times \cos \frac{\pi}{3} = 3$, 所以 $|\vec{a} + 2\vec{b}| = \sqrt{3}$, 又 $(\vec{a} + 2\vec{b}) \cdot \vec{b}$

$$= \vec{a} \cdot \vec{b} + 2|\vec{b}|^2 = 1 \times \frac{1}{2} \times \cos \frac{\pi}{3} + 2 \times \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{2} = \frac{3}{4}$$

$$\cos \langle \vec{a} + 2\vec{b}, \vec{b} \rangle = \frac{(\vec{a} + 2\vec{b}) \cdot \vec{b}}{|\vec{a} + 2\vec{b}| |\vec{b}|} = \frac{\frac{3}{4}}{\sqrt{3} \times \frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

的夹角为 $\frac{\pi}{6}$. 故选 A.

法二 设 $a = (1, 0)$, $b = \left(\frac{1}{2} \cos \frac{\pi}{3}, \frac{1}{2} \sin \frac{\pi}{3} \right) = \left(\frac{1}{4}, \frac{\sqrt{3}}{4} \right)$, 则 $(a + 2b) \cdot b = \left(\frac{3}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2} \right) \cdot \left(\frac{1}{4}, \frac{\sqrt{3}}{4} \right) = \frac{3}{4}$, $|a + 2b| =$

$$\sqrt{\left(\frac{3}{2}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2} = \sqrt{3}, \text{ 所以 } \cos \langle a+2b, b \rangle = \frac{(a+2b) \cdot b}{|a+2b||b|} = \frac{4}{\sqrt{3} \times \frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{3}}{2}, \text{ 所以 } a+2b \text{ 与 } b \text{ 的夹角为 } \frac{\pi}{6}, \text{ 故选 A.}$$

【答案】A

8. 若 O 为 $\triangle ABC$ 所在平面内任一点, 且满足 $(-1) \cdot (+-2) = 0$, 则 $\triangle ABC$ 的形状为()

- A. 等腰三角形 B. 直角三角形
C. 正三角形 D. 等腰直角三角形

【解析】 $(-1) \cdot (+-2) = 0$, 即 $(-1) \cdot (+) = 0$, $\therefore -1 = 0$, $\therefore (-1) \cdot (+) = 0$, 即 $\| = \|$, $\therefore \triangle ABC$ 是等腰三角形, 故

选 A.

【答案】A

9. $\triangle ABC$ 是边长为 2 的等边三角形, 向量 a, b 满足 $AB = 2a, AC = 2a + b$, 则向量 a, b 的夹角为()

- A. 30° B. 60°
C. 120° D. 150°

【解析】 设向量 a, b 的夹角为 θ , $BC = AC - AB = 2a + b - 2a = b$, $\therefore \|b\| = |b| = 2$, $\|BC\| = 2|a| = 2$, $\therefore |a| = 1$, $BC^2 = (2a + b)^2 = 4a^2 + 4a \cdot b + b^2 = 8 + 8\cos\theta = 4$, $\therefore \cos\theta = -\frac{1}{2}$, $\theta = 120^\circ$.

【答案】C

10. 称 $d(a, b) = |a - b|$ 为两个向量 a, b 间的“距离”. 若向量 a, b 满足: ① $|b| = 1$; ② $a \neq b$; ③ 对任意的

$t \in \mathbf{R}$, 恒有 $d(a, tb) \geq d(a, b)$, 则()

- A. $a \perp b$ B. $b \perp (a - b)$
C. $a \perp (a - b)$ D. $(a + b) \perp (a - b)$

【解析】 由于 $d(a, b) = |a - b|$, 因此对任意的 $t \in \mathbf{R}$, 恒有 $d(a, tb) \geq d(a, b)$, 即 $|a - tb| \geq |a - b|$, 即 $(a - tb)^2 \geq (a - b)^2$, $t^2 - 2ta \cdot b + (2a \cdot b - 1) \geq 0$ 对任意的 $t \in \mathbf{R}$ 都成立, 因此有 $(-2a \cdot b)^2 - 4(2a \cdot b - 1) \leq 0$, 即 $(a \cdot b - 1)^2 \leq 0$, 得 $a \cdot b - 1 = 0$, 故 $a \cdot b - b^2 = b \cdot (a - b) = 0$, 故 $b \perp (a - b)$.

【答案】B

11. 在等腰直角 $\triangle ABC$ 中, $\angle ABC=90^\circ$, $AB=BC=2$, M, N (不与 A, C 重合)为 AC 边上的两个动点, 且满足 $AM=CN$, 则 $BM \cdot BN$ 的取值范围为()

A. $\left[\frac{3}{2}, 2\right]$ B. $\left[\frac{2}{3}, 2\right]$

以上内容仅为本文档的试下载部分, 为可阅读页数的一半内容。
 如要下载或阅读全文, 请访问:

<https://d.book118.com/665212010310011331>