

## 2024年上海市中考数学真题试卷

一、选择题(每题4分,共24分)

1. 如果 $x > y$ , 那么下列正确的是( )

A.  $x+5 < y+5$

B.  $x-5 < y-5$

C.  $5x > 5y$

D.  $-5x > -5y$

2. 函数  $f(x) = \frac{2-x}{x-3}$  的定义域是( )

A.  $x=2$

B.  $x \neq 2$

C.  $x=3$

D.  $x \neq 3$

3. 以下一元二次方程有两个相等实数根的是( )

A.  $x^2-6x=0$

B.  $x^2-9=0$

C.  $x^2-6x+6=0$

D.  $x^2-6x+9=0$

4. 科学家同时培育了甲乙丙丁四种花, 从甲乙丙丁选个开花时间最短的并且最平稳的. ( )

种类	甲种类	乙种类	丙种类	丁种类
平均数	2.3	2.3	2.8	3.1
方差	1.05	0.78	1.05	0.78

A. 甲种类

B. 乙种类

C. 丙种类

D. 丁种类

5. 四边形ABCD为矩形, 过A、C作对角线BD的垂线, 过B、D作对角线AC的垂

线，如果四个垂线拼成一个四边形，那这个四边形为( )

A. 菱形

B. 矩形

C. 直角梯形

D. 等腰梯形

6. 在 $\triangle ABC$ 中， $AC=3, BC=4, AB=5$ ，点 $P$ 在 $\triangle ABC$ 内，分别以 $A$ 、 $B$ 、 $P$ 为圆心画，

圆 $A$ 半径为1，圆 $B$ 半径为2，圆 $P$ 半径为3，圆 $A$ 与圆 $P$ 内切，圆 $P$ 与圆 $B$ 的关系是

( )

A. 内含

B. 相交

C. 外切

D. 相离

二、填空题(每题4分,共48分)

7. 计算:  $(4x^2)^3 =$  \_\_\_\_\_

8. 计算  $(a+b)(b-a) =$  \_\_\_\_\_

9. 已知  $\sqrt{2x-1}=1$ , 则  $x =$  \_\_\_\_\_ .

10. 科学家研发了一种新的蓝光唱片, 一张蓝光唱片的容量约为  $2 \times 10^5$  GB, 一张普通唱片的容量约为 25 GB, 则蓝光唱片的容量是普通唱片的 \_\_\_\_\_ 倍. (用科学记数法表示)

11. 若正比例函数  $y=kx$  的图像经过点  $(7, -13)$ , 则  $y$  的值随  $x$  的增大而 \_\_\_\_\_ . (选填“增大”或“减小”)

12. 在菱形  $ABCD$  中,  $\angle ABC=66^\circ$ , 则  $\angle BAC =$  \_\_\_\_\_ .

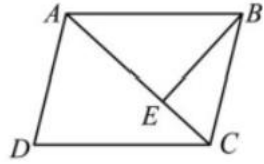
13. 某种商品的销售量  $y$  (万元) 与广告投入  $x$  (万元) 成一次函数关系. 当投入 10 万元时销售额 1000 万元, 当投入 90 万元时销售量 5000 万元, 则投入 80 万元时, 销售量为 \_\_\_\_\_ 万元.

14. 一个袋子中有若干个白球和绿球, 它们除了颜色外都相同随机从中摸一个球, 恰好摸到绿球的概率是  $\frac{3}{5}$ , 则袋子中至少有 \_\_\_\_\_ 个绿球.

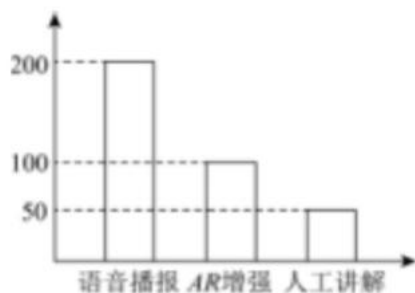
15. 如图, 在平行四边形  $ABCD$  中,  $E$  为对角线  $AC$  上一点, 设  $AC=a$ ,

若

$AE=2EC$ , 则  $DC=$  \_\_\_\_\_ (结果用含  $a, b$  的式子表示).



16. 博物馆为展品准备了人工讲解、语音播报和AR增强三种讲解方式，博物馆共回收有效问卷1000张，其中700人没有讲解需求，剩余300人中需求情况如图所示（一人可以选择多种），那么在总共2万人的参观中，需要AR增强讲解的人数约有\_\_\_\_\_人，



17. 在平行四边形ABCD中， $\angle ABC$ 是锐角，将CD沿直线l翻折至AB所在直线，对应点分别为C',DC, 若 $AC':AB:BC=1:3:7$ , 则 $\cos \angle ABC=$  \_\_\_\_\_

18. 对于一个二次函数 $y=a(x-m)^2+k(a \neq 0)$  中存在一点 $P(x',y')$ , 使得 $x'-m=y'-k \neq 0$ , 则称 $2|x'-m|$ 为该抛物线的“开口大小”, 那么抛物线

$$y = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{3}x + 3 \text{ “开口大小” 为 } \underline{\hspace{2cm}} .$$

三、简答题(共78分，其中第19-22题每题10分，第23, 24题每题12分，第25题14分)

19. 计算:  $|1-\sqrt{3}| + 24^{\frac{1}{2}} + \frac{1}{2+\sqrt{3}} - (1-\sqrt{3})^0$ .

20. 解方程组: 
$$\begin{cases} x^2 - 3xy - 4y^2 = 0 \text{ ①} \\ x + 2y = 6 \text{ ②} \end{cases}$$

21. 在平面直角坐标系xOy中，反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  (k为常数且 $k \neq 0$ ) 上有一点

A(-3,m), 且与直线 $y = -2x + 4$ 交于另一点B(n,6).

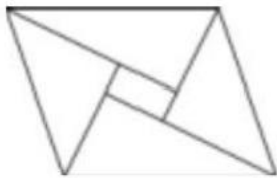


(1) 求k 与m 的值

(2) 过点A 作直线 $l \parallel x$ 轴与直线 $y=2x+4$  交于点C, 求 $\sin \angle OCA$  的值.

22. 同学用两幅三角板拼出了如下的平行四边形, 且内部留白部分也是平行四边形

(直角三角板互不重叠), 直角三角形斜边上的高都为 $h$ .



(1) 求: ①两个直角三角形的直角边(结果用 $h$ 表示)

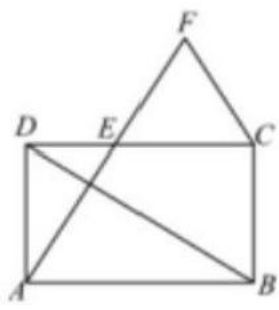
②小平行四边形的底、高和面积(结果用 $h$ 表示)

(2) 请画出同学拼出的另一种符合题意的图, 要求

①不与给定的图形状相同

②画出三角形的边.

23. 如图所示, 在矩形 $ABCD$  中,  $E$  为边 $CD$  上一点, 且 $AE \perp BD$ .

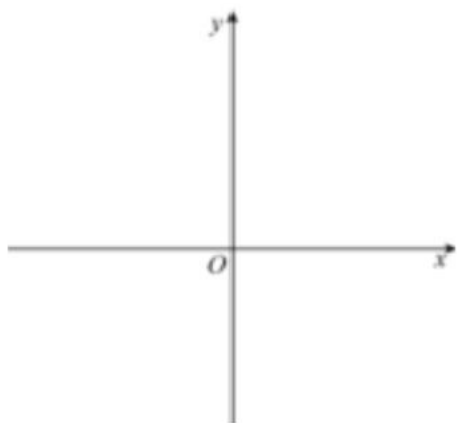


(1) 求证:  $AD^2 = DE \cdot DC$

(2) F 为线段AE 延长线上一点, 且满足  $EF = CF = \frac{1}{2}BD$ , 求证:  $CE = AD$ .

24. 在平面直角坐标系中, 已知平移抛物线  $y = \frac{1}{3}x^2$  后得到的新抛物线经过

$A\left(0, -\frac{5}{3}\right)$  和  $B(5, 0)$ .



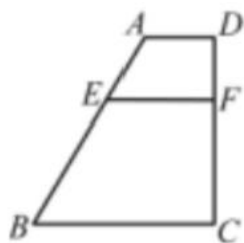
(1) 求平移后新抛物线的表达式

(2) 直线  $x=m(m>0)$  与新抛物线交于点P, 与原抛物线交于点Q.

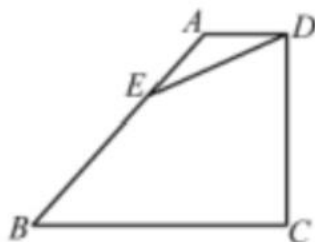
① 如果PQ 小于3, 求m 的取值范围

② 记点P 在原抛物线上的对应点为P', 如果四边形P'BPQ 有一组对边平行, 求点P 的坐标.

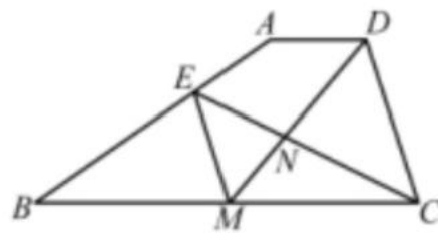
25. 在梯形ABCD中,  $AD \parallel BC$ , 点E 在边AB上, 且  $AE = \frac{1}{3}AB$ .



(图1)



(图2)



(图3)

(1)如图1所示,点F在边CD上,且 $DF = \frac{1}{3}CD$ ,联结EF,求证:  $EF \parallel BC$

(2)已知 $AD=AE=1$

①如图2所示，联结DE，如果VADE 外接圆的心恰好落在 $\angle B$ 的平分线上，求VADE的外接圆的半径长

②如图3所示，如果点M 在边BC 上，联结EM,DM,EC,DM 与EC交于 N,如果BC=4, 且 $CD^2=DM \cdot DN$ ,  $\angle DMC=\angle CEM$ , 求边CD 的长.

## 2024年上海市中考数学真题试卷答案

一、选择题.

1. 【答案】C

2. 【答案】D

3. 【答案】D

4. 【答案】B

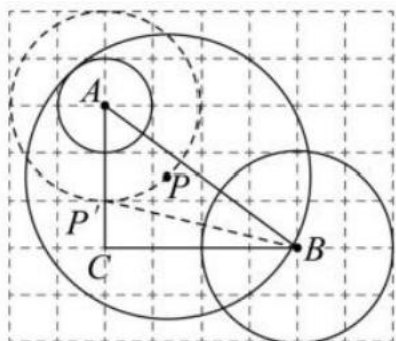
5. 【答案】A

6. 【答案】B

【解析】解：圆A 半径为1, 圆P 半径为3, 圆A 与 圆P 内切

$\therefore$ 圆A 含在圆P 内, 即 $PA=3-1=2$

$\therefore$ P 在以A 为圆心, 2为半径的圆与 $\triangle ABC$  边相交形成的弧上运动, 如图所示



$\therefore$ 当到 $P'$ 位置时, 圆P与圆B圆心距离PB最大, 为 $\sqrt{1^2+4^2} = \sqrt{17}$ .

$$\sqrt{17} < 3+2=5$$

$\therefore$ 圆P 与 圆B相交

故选: B.

二、填空题.

7. 【答案】 $64x^6$

8. 【答案】  $b^2 - a^2$

9. 【答案】 1

10. 【答案】  $8 \times 10^3$

11. 【答案】 减小

12. 【答案】  $57^\circ$

13. 【答案】 4500

14. 【答案】 3

15. 【答案】  $\frac{2}{3}\vec{a} - \vec{b}$

【解析】解：四边形 ABCD 是平行四边形

$$\therefore DC \parallel AB, DC = AB.$$

$\because E$  是  $AC$  上一点,  $AE = 2EC$

$$\therefore AE = \frac{2}{3}AC$$

$$\therefore \vec{AB} = \vec{AE} + \vec{EB} = \vec{AE} - \vec{BE} = \frac{2}{3}\vec{a} - \vec{b}$$

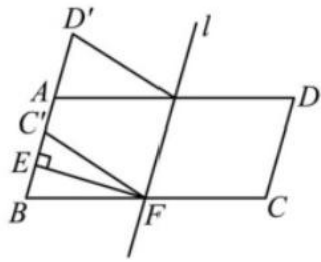
$$\therefore \vec{DC} = \frac{2}{3}\vec{a} - \vec{b}$$

故答案为:  $\frac{2}{3}\vec{a} - \vec{b}$ .

16. 【答案】 2000

17. 【答案】  $\frac{2}{7}$  或  $\frac{4}{7}$

【解析】解：当C'在AB之间时，作下图



根据 $AC':AB:BC=1:3:7$ , 不妨设 $AC'=1, AB=3, BC=7$

由翻折的性质知:  $\angle FCD = \angle FCD'$

$\because CD$  沿直线 $l$ 翻折至 $AB$  所在直线

$$\therefore \angle BCF + \angle FC'D = \angle FCD + \angle FBA$$

$$\therefore \angle BC'F = \angle FBA。$$

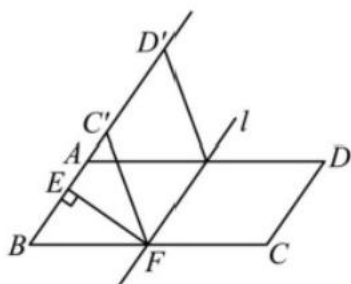
$$CF = BF = C'F = \frac{7}{2}$$

过 $F$  作 $AB$ 的垂线交于 $E$

$$\therefore BE = \frac{1}{2} BC' = 1$$

$$\therefore \cos \angle ABC = \frac{BE}{BF} = \frac{1}{\frac{7}{2}} = \frac{2}{7}$$

当 $C'$  在 $BA$ 的延长线上时, 作下图



根据 $AC:AB:BC=1:3:7$ , 不妨设 $AC'=1, AB=3, BC=7$

同理知:  $CF = BF = C'F = \frac{7}{2}$

过F 作AB 的垂线交于E

$$\therefore BE = \frac{1}{2} BC' = 2$$

$$\therefore \cos \angle ABC = \frac{BE}{BF} = \frac{2}{\frac{7}{2}} = \frac{4}{7}$$

故答案为:  $\frac{2}{7}$

18. 【答案】4

【解析】解：根据抛物线的“开口大小”的定义可知  $y-k=a(x-m)^2$  中存在一点

$P(x',y')$ , 使得  $x'-m=y-k \neq 0$ , 则  $a = \frac{y'-k}{(x'-m)^2} = \frac{1}{x'-m}$

$$\therefore y = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{3}x + 3$$

$$= -\frac{1}{2}\left(x^2 - \frac{2}{3}x\right) + 3$$

$$= -\frac{1}{2}\left(x^2 - \frac{2}{3}x + \frac{1}{9} - \frac{1}{9}\right) + 3$$

$$= -\frac{1}{2}\left(x^2 - \frac{2}{3}x + \frac{1}{9}\right) + \frac{1}{18} + 3$$

$$= -\frac{1}{2}\left(x - \frac{1}{3}\right)^2 + \frac{55}{18} \quad 2\left|x' - \frac{1}{3}\right| = 4$$

$$\therefore y = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{3}x + 3$$

中存在一点  $P(x',y')$ , 有

$$-\frac{1}{2} = \frac{1}{x' - \frac{1}{3}} \text{解得}$$



$$x' - \frac{1}{3} = -2$$

, 则

∴ 抛物线  $y = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{3}x + 3$  “开口大小” 为4

故答案为：4.

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。  
如要下载或阅读全文，请访问：

<https://d.book118.com/728041016107006103>