

2022 年中考数学一模在线测验(广东省广州市天河区华南师大附中)

选择题

$(-0.7)^2$ 的平方根是 ()

A. -0.7

B. 0.7

C. ± 0.7

D. 0.49

【答案】 C

【解析】 解： $(-0.7)^2=0.49$ ， 0.49 的平方根是 ± 0.7 ，

故答案为：C

根据一个正数有两个实平方根，它们互为相反数；0 只有一个平方根，就是 0 本身；负数没有平方根；因为 $(-0.7)^2=0.49>0$ ，所以有两个平方根.

选择题

用科学记数法表示 $5\ 670\ 000$ 时，应为 ()

A. 567×10^4

B. 5.67×10^6

C. 5.67×10^7

D. 5.67×10^4

【答案】 B

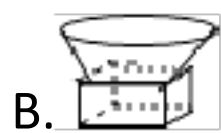
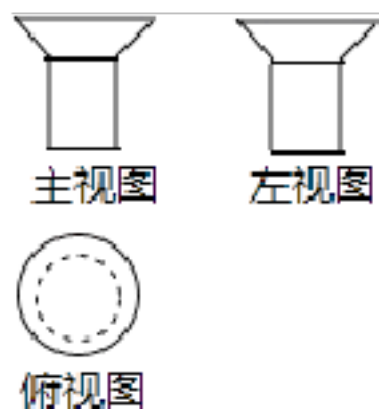
【解析】 解： $5\ 670\ 000 = 5.67 \times 10^6$.

故答案为： B.

根据把一个数 N 记成 $a \times 10^n$ 或 $a \times 10^{(-n)}$ 的形式，叫科学计数法，其中 $1 \leq |a| < 10$ ， n 为自然数，当 $|N| \geq 1$ 时，记成 $a \times 10^n$ 的形式， $n = \text{整数位数} - 1$ ；所以 $5\ 670\ 000 = 5.67 \times 10^6$.

选择题

一个几何体的三视图如图所示，则该几何体的形状可能是（ ）



【答案】 D

【解析】解：由主视图和左视图可得此几何体上面为台，下面为柱体，

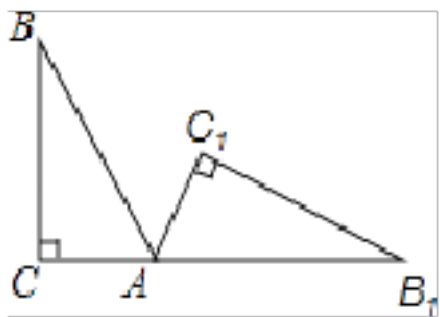
由俯视图为圆环可得几何体为 .

故答案为：D.

根据主视图是从物体的正面观察得到的，俯视图是从物体的上面观察得到的，左视图是从物体的左方得到的；由主视图和左视图可得此几何体上面为台，下面为柱体，由俯视图为圆环.

选择题

如图，在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle C=90^\circ$ ， $\angle B=30^\circ$ ，将 $Rt\triangle ABC$ 绕点 A 按顺时针方向旋转到 $\triangle AB_1C_1$ 的位置，使得点 C、A、 B_1 在同一条直线上，那么旋转角最小为（ ）



A. 115°

B. 125°

C. 120°

D. 145°

【答案】C

【解析】解： $\because Rt\triangle ABC$ 绕点 A 按顺时针方向旋转到 $\triangle AB_1C_1$ 的位置，使得点 C、A、 B_1 在同一条直线上，

∴ 旋转角最小是 $\angle CAC_1$,

∵ $\angle C=90^\circ$, $\angle B=30^\circ$,

∴ $\angle BAC=60^\circ$,

由旋转得, $\angle B_1AC_1=\angle BAC=60^\circ$,

∴ $\angle CAC_1=180^\circ - \angle B_1AC_1=180^\circ - 60^\circ =120^\circ$,

故答案为: C.

由 $Rt\triangle ABC$ 绕点 A 按顺时针方向旋转到 $\triangle AB_1C_1$ 的位置, 使得点 C、A、 B_1 在同一条直线上, 得到旋转角最小是 $\angle CAC_1$, 由旋转的性质和三角形内角和求出 $\angle CAC_1$ 的度数.

选择题

下列计算正确的是 ()

A. $2a+3b=5ab$

B. $a^3 \cdot a^2=a^6$

C. $(a \cdot b)^2=a^2 \cdot b^2$

D. $(a^2)^4=a^8$

【答案】 D

【解析】 解: A、 $2a+3b$ 无法计算, 故此选项错误;

B、 $a^3 \cdot a^2=a^5$, 故此选项错误;

C、 $(a \cdot b)^2=a^2 \cdot 2ab+b^2$, 故此选项错误;

D、 $(a^2)^4=a^8$, 正确.

故答案为：D.

根据同底数幂的乘法底数不变，指数相加，幂的乘方底数不变，指数相乘；计算即可.

选择题

若 $x^2+2x+1=0$ ，则代数式 $2x^2+4x+5$ 的值为（ ）

A.6

B.7

C.8

D.11

【答案】 B

【解析】 解：根据题意得： $x^2+2x+1=0$ ，即 $x^2+2x=1$ ，

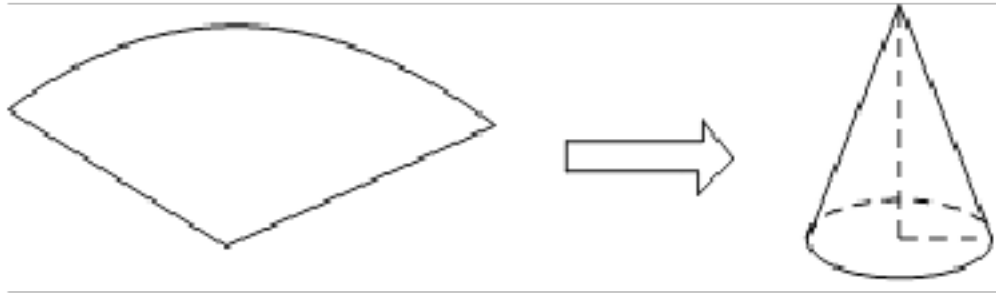
则原式= $2(x^2+2x)+5=2\times 1+5=7$.

故答案为：B.

由所求代数式的二次项、一次项的系数可知是已知代数式的二次项、一次项的系数的 2 倍，直接代入即可.

选择题

用圆心角为 120° ，半径为 6 cm 的扇形纸片卷成一个圆锥形无底纸帽（如图所示），则这个纸帽的底面周长是（ ）



A. 2π cm

B. 3π cm

C. 4π cm

D. 5π cm

【答案】 C

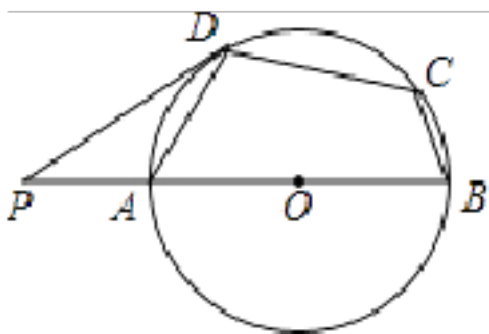
【解析】 解：这个纸帽的底面周长 = $\frac{120 \cdot \pi \cdot 6}{180} = 4\pi$ (cm).

故答案为：C.

根据扇形的弧长公式 $l = \frac{120 \cdot \pi \cdot 6}{180}$ 计算即可.

选择题

如图，在 $\odot O$ 的内接四边形 ABCD 中，AB 是直径， $\angle BCD = 120^\circ$ ， $\angle APD = 30^\circ$ ，则 $\angle ADP$ 的度数为 ()



A. 45°

B. 40°

C. 35°

D. 30°

【答案】 D

【解析】 解： $\because \odot O$ 的内接四边形 ABCD，

$$\therefore \angle DAB + \angle BCD = 180^\circ ,$$

$$\because \angle BCD = 120^\circ ,$$

$$\therefore \angle DAB = 60^\circ ,$$

$$\therefore \angle PAD = 120^\circ ,$$

$$\text{又} \because \angle APD = 30^\circ ,$$

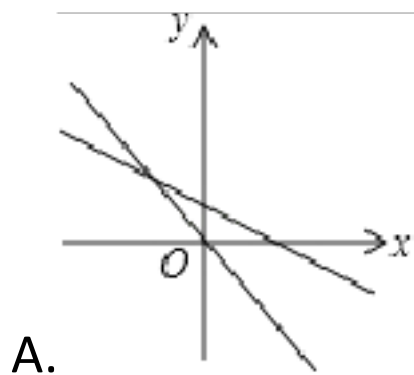
$$\therefore \angle ADP = 180^\circ - 120^\circ - 30^\circ = 30^\circ .$$

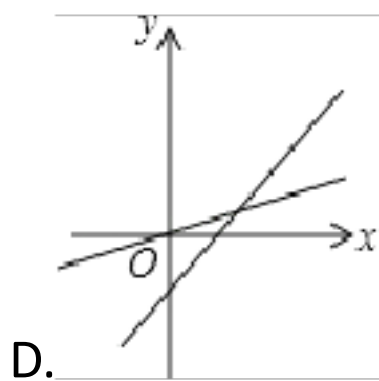
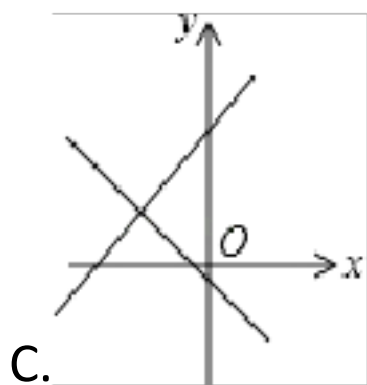
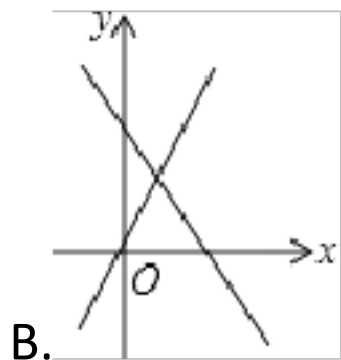
故答案为： D.

根据圆内接四边形的性质， $\odot O$ 的内接四边形 ABCD 中， $\angle BCD = 120^\circ$ ， 得到 $\angle DAB$ 的值， 再根据三角形内角和定理得到 $\angle ADP$ 的度数.

选择题

如图， 一次函数 $y = mx + n$ 与正比例函数 $y = mnx$ (m, n 为常数， 且 $mn \neq 0, n > 0$) 的图象是 ()





【答案】A

【解析】解：①当 $mn > 0$ ， m ， n 同号，同正时 $y = mx + n$ 过 1，3，2 象限，同负时过 2，4，3 象限；

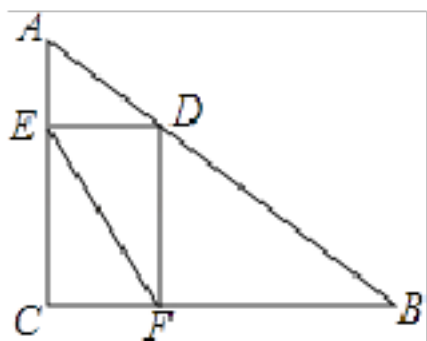
②当 $mn < 0$ 时， m ， n 异号，则 $y = mx + n$ 过 1，3，4 象限或 2，4，1 象限。

故答案为：A.

根据 $n > 0$ ，①当 $mn > 0$ ， m ， n 同号，同正时 $y = mx + n$ 过 1，3，2 象限；②当 $mn < 0$ 时， m ， n 异号， $m < 0$ ，则 $y = mx + n$ 过 2，4，1 象限；判断即可。

选择题

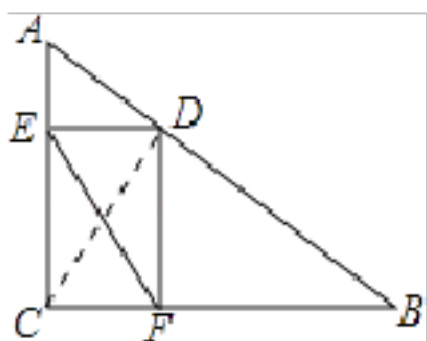
如图，在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle ACB=90^\circ$ ， $AC=6$ ， $BC=8$ ， D 是 AB 上一动点，过点 D 作 $DE\perp AC$ 于点 E ， $DF\perp BC$ 于点 F ，连接 EF ，则线段 EF 的最小值是（ ）



- A.5
- B.4.8
- C.4.6
- D.4.4

【答案】 B

【解析】 解：如图，连接 CD 。



$\because \angle ACB=90^\circ$ ， $AC=6$ ， $BC=8$ ，

$\therefore AB = \sqrt{AC^2 + BC^2} = 10$ ，

$\because DE\perp AC$ ， $DF\perp BC$ ， $\angle C=90^\circ$ ，

\therefore 四边形 $CFDE$ 是矩形，

$\therefore EF=CD$ ，

由垂线段最短可得 $CD\perp AB$ 时，线段 EF 的值最小，

此时， $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} BC \cdot AC = \frac{1}{2} AB \cdot CD$ ，

即 $\frac{1}{2} \times 8 \times 6 = \frac{1}{2} \times 10 \times CD$,

解得 $CD=4.8$,

$\therefore EF=4.8$.

故答案为: B.

在 $Rt\triangle ABC$ 中, 根据勾股定理求出 AB 的值, 根据矩形的性质得到对角线 $EF=CD$, 由垂线段最短可得 $CD \perp AB$ 时, 线段 EF 的值最小, 根据 $S_{\triangle ABC}$ 求出 EF 的值.

填空题

分式方程 $\frac{2}{x} = \frac{1}{x-1}$ 的解是 .

【答案】 $x=2$

【解析】 解: 方程的两边同乘 $x(x-1)$, 得:

$$2(x-1) = x,$$

解得 $x=2$.

检验: 把 $x=2$ 代入 $x(x-1) = 2 \neq 0$, 即 $x=2$ 是原分式方程的解.

则原方程的解为: $x=2$.

故答案为: $x=2$.

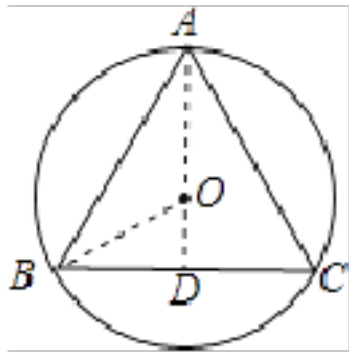
根据解方程的步骤去分母、去括号、移项、合并同类项、系数化为一; 方程的两边同乘最简公分母, 得到一元一次方程, 把一元一次方程的解代入最简公分母, 判断是不是方程的解.

填空题

正三角形的外接圆半径、边心距之比为 。

【答案】 2

【解析】 解：连接 OB，AO，延长 AO 交 BC 于 D，



$\because \odot O$ 是等边三角形 ABC 的外接圆，

$\therefore AD \perp BC$ ， $\angle OBC = \frac{1}{2} \angle ABC = \frac{1}{2} \times 60^\circ = 30^\circ$ ，

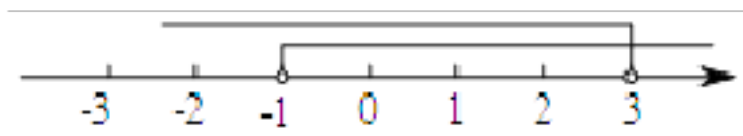
$\therefore OB = 2OD$ ，

$\therefore \frac{OB}{OD} = 2$ 。

根据 $\odot O$ 是等边三角形 ABC 的外接圆，得到在直角三角形中 30° 角所对的边是斜边的一半；求出半径 OB 和边心距 OD 的比。

填空题

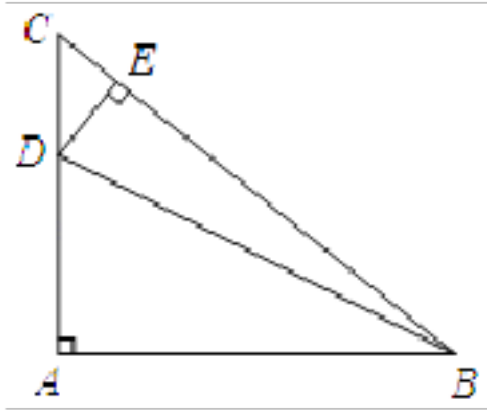
如图，在数轴上的解集可表示为 。



【答案】 $1 < x \leq 3$

【解析】 解：由图示可看出，从 1 出发向右画出的线且 1 处是空心圆，表示 $x > 1$ ；

从 3 出发向左画出的线且 3 处是空心圆,表示 x ,则 CE 的长为 .



【答案】 $\frac{12\sqrt{2}}{5}$

【解析】解：在等腰 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中， $\angle A=90^\circ$ ， $AC=6$ ，

$\therefore AB=AC=6$ ， $\angle C=\angle B=45^\circ$ ，

$\therefore \tan\angle DBA = \frac{1}{5}$ ，

$\therefore AD = \frac{6}{5}$ ，

$\therefore CD = \frac{24}{5}$ ，

$\because DE \perp BC$ ，

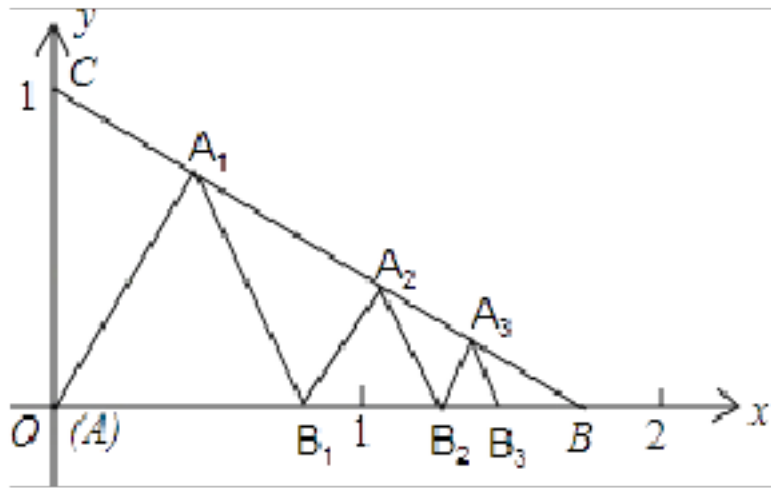
$\therefore CE = \frac{\sqrt{2}}{2} CD = \frac{12\sqrt{2}}{5}$ ，

故答案为： $\frac{12\sqrt{2}}{5}$.

在等腰 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中，根据等腰三角形的性质得到 $AB=AC$ ， $\angle C=\angle B=45^\circ$ ，由 $\tan\angle DBA$ 的值求出 CE 的长.

填空题

如图所示，已知：点 $A(0, 0)$ ， $B(\sqrt{3}, 0)$ ， $C(0, 1)$ 在 $\triangle ABC$ 内依次作等边三角形，使一边在 x 轴上，另一个顶点在 BC 边上，作出的等边三角形分别是第 1 个 $\triangle AA_1B_1$ ，第 2 个 $\triangle B_1A_2B_2$ ，第 3 个 $\triangle B_2A_3B_3$ ， \dots ，则第 n 个等边三角形的边长等于 .



【答案】 $\frac{\sqrt{3}}{2^n}$

【解析】解： $\because OB = \sqrt{3}$ ， $OC = 1$ ，

$\therefore BC = 2$ ，

$\therefore \angle OBC = 30^\circ$ ， $\angle OCB = 60^\circ$ 。

而 $\triangle AA_1B_1$ 为等边三角形， $\angle A_1AB_1 = 60^\circ$ ，

$\therefore \angle COA_1 = 30^\circ$ ， 则 $\angle CA_1O = 90^\circ$ 。

在 $Rt\triangle CAA_1$ 中， $AA_1 = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ， $OC = 1$ ，

同理得： $B_1A_2 = \frac{1}{2}$ ， $A_1B_1 = \frac{\sqrt{3}}{2^2}$ ，

依此类推， 第 n 个等边三角形的边长等于 $\frac{\sqrt{3}}{2^n}$ 。

根据题意求出 OB 、 OC 、 BC 的值， $\angle OBC$ ， $\angle OCB$ 的值， 又因为 $\triangle AA_1B_1$ 为等边三角形， 得到 $Rt\triangle CAA_1$ ， 求出 AA_1 、 B_1A_2 的值， 依此类推， 求出第 n 个等边三角形的边长。

解答题

解方程组： $\begin{cases} 2x + 3y = 7 \\ x - 3y = 8 \end{cases}$ 。

【答案】解： $\begin{cases} 2x + 3y = 7 \text{ (1)} \\ x - 3y = 8 \text{ (2)} \end{cases}$ ，

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/736223025135010031>