

# 2010-2023 历年北京市门头沟区八年级下学期期末考试数学试卷（带解析）

## 第 1 卷

### 一. 参考题库(共 25 题)

1. 在函数  $y = \frac{3}{x-2}$  中，自变量  $x$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

2. 如图 1，在平面直角坐标系  $xOy$  中，等腰直角  $\triangle AOB$  的斜边  $OB$  在  $x$  上，顶点  $A$  的坐标为  $(3, 3)$  .

(1) 求直线  $OA$  的解析式；

(2) 如图 2，如果点  $P$  是  $x$  轴正半轴上的一个动点，过点  $P$  作  $PC \parallel y$  轴，交直线  $OA$  于点  $C$ ，设点  $P$  的坐标为  $(m, 0)$ ，以  $A$ 、 $C$ 、 $P$ 、 $B$  为顶点的四边形面积为  $S$ ，求  $S$  与  $m$  之间的函数关系式；

(3) 如图 3，如果点  $D(2, a)$  在直线  $AB$  上. 过点  $O$ 、 $D$  作直线  $OD$ ，交直线  $PC$  于点  $E$ ，在  $CE$  的右侧作矩形  $CGFE$ ，其中  $CG = \frac{3}{2}$ ，请你直接写出矩形  $CGFE$  与  $\triangle AOB$  重叠部分为轴对称图形时  $m$  的取值范围.

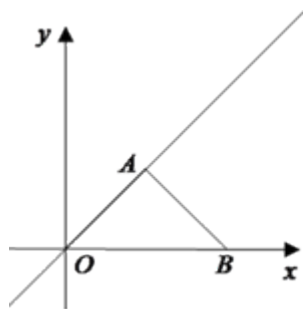


图 1

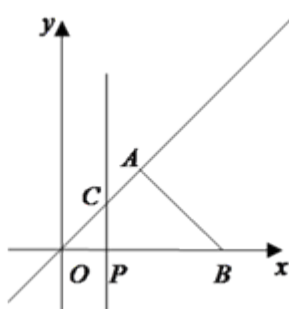


图 2

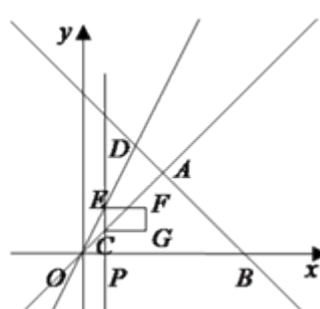


图 3

3. 点 P (-2, 3) 关于 x 轴对称的点的坐标是\_\_\_\_\_.

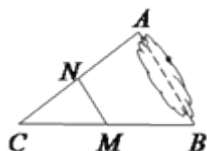
4. 已知：关于 x 的方程  $mx^2+(3m+1)x+3=0$ .

(1) 求证：不论 m 为任何实数，此方程总有实数根；

(2) 如果该方程有两个不同的整数根，且 m 为正整数，求 m 的值；

(3) 在 (2) 的条件下，令  $y=mx^2+(3m+1)x+3$ ，如果当  $x_1=a$  与  $x_2=a+n$  ( $n \neq 0$ ) 时有  $y_1=y_2$ ，求代数式  $4a^2+12an+5n^2+16n+8$  的值.

5. 如图，A、B 两点被池塘隔开，在 AB 外选一点 C，连接 AC 和 BC，并分别找出它们的中点 M 和 N. 如果测得  $MN=15m$ ，则 A、B 两点间的距离为\_\_\_\_\_m.



6. 将方程  $x^2+4x+2=0$  配方后，原方程变形为 ( )

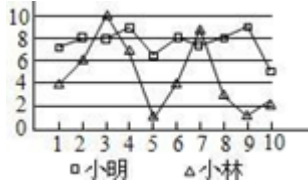
A.  $(x+4)^2=2$

B.  $(x+2)^2=2$

C.  $(x+4)^2=-3$

D.  $(x+2)^2=-5$

7. 有两名学员小林和小明练习射击，第一轮 10 枪打完后两人打靶的环数如图所示，如果通常新手的成绩都不太稳定，那么根据图中所给的信息，估计小林和小明两人中新手是\_\_\_\_\_ (填“小林”或“小明”).



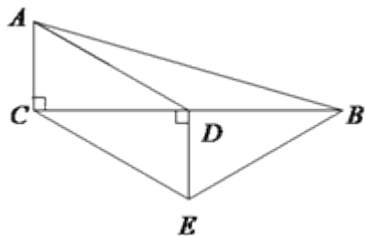
8.点 A 的坐标是 (2, 8) , 则点 A 在 ( )

- A. 第一象限
- B. 第二象限
- C. 第三象限
- D. 第四象限

9.已知 : 如图, 在  $\triangle ABC$  中,  $\angle ACB = 90^\circ$  , D 是 BC 的中点,  $DE \perp BC$  ,  $CE \parallel AD$  .

如果  $AC=2$  ,  $CE=4$  .

- (1) 求证 : 四边形 ACED 是平行四边形 ;
- (2) 求四边形 ACEB 的周长 ;
- (3) 直接写出 CE 和 AD 之间的距离 .

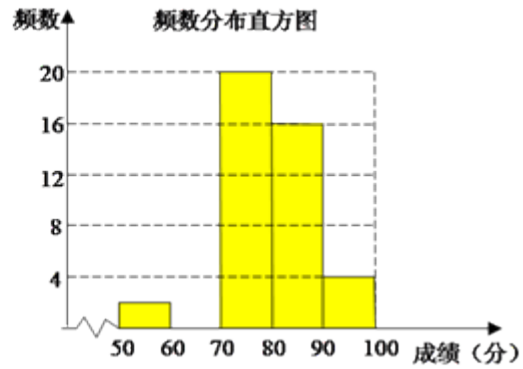


10.若关于 x 的方程  $(m-2)x^2 - 2x + 1 = 0$  有两个不等的实根, 则 m 的取值范围是 ( )

- A.  $m < 3$
- B.  $m \leq 3$
- C.  $m < 3$  且  $m \neq 2$
- D.  $m \leq 3$  且  $m \neq 2$

11.某校数学兴趣小组的成员小华对本班上学期期末考试数学成绩 (成绩取整数, 满分为 100 分) 作了统计分析, 绘制成如下频数分布表和频数分布直方图.

分组(分)	频数	频率
50~60	2	0.04
60~70	$a$	0.16
70~80	20	0.40
80~90	16	0.32
90~100	4	$b$
合计	50	1



请你根据图表提供的信息，解答下列问题：

- (1) 频数分布表中  $a=$ \_\_\_\_，  $b=$ \_\_\_\_；
- (2) 补全频数分布直方图；
- (3) 数学老师准备从不低于 90 分的学生中选 1 人介绍学习经验，那么取得了 93 分的小华被选上的概率是\_\_\_\_\_。

12.下列图形中，既是轴对称图形，又是中心对称图形的是（ ）

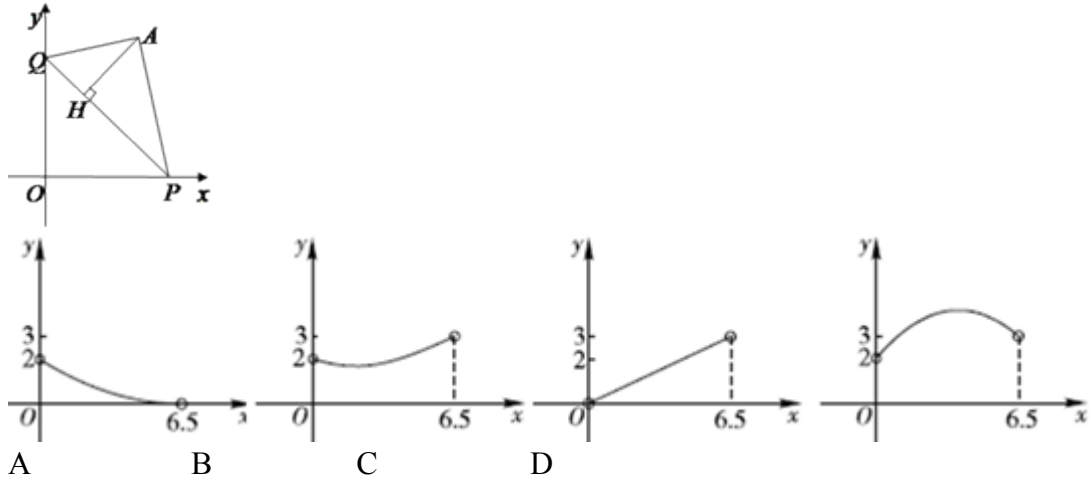
- A. 角
- B. 等边三角形
- C. 平行四边形
- D. 矩形

13.在菱形 ABCD 中，对角线 AC 与 BD 交于点 O，如果  $\angle ABC=60^\circ$ ， $AC=4$ ，那么该菱形的面积是（ ）

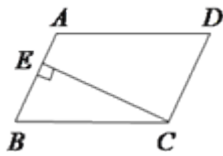
- A.  $16\sqrt{3}$
- B. 16
- C.  $8\sqrt{3}$
- D. 8

14.如图，在平面直角坐标系  $xOy$  中，以点 A (2, 3) 为顶点作一直角  $\angle PAQ$ ，使其两边分别与  $x$  轴、 $y$  轴的正半轴交于点 P, Q. 连接 PQ, 过点 A 作  $AH \perp PQ$

于点 H. 如果点 P 的横坐标为  $x$ , AH 的长为  $y$ , 那么在下列图象中, 能表示  $y$  与  $x$  的函数关系的图象大致是 ( )

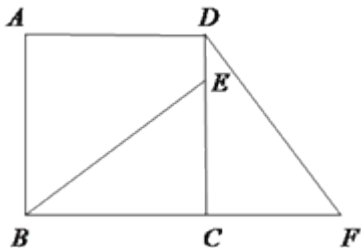


15. 如图, 在  $\square ABCD$  中,  $CE \perp AB$  于 E, 如果  $\angle A = 125^\circ$ , 那么  $\angle BCE = \underline{\quad}^\circ$ .



16. 已知: 如图, 在正方形 ABCD 中, E 是 CD 边上的一点, F 为 BC 延长线上一点, 且  $CE = CF$ .

- (1) 求证:  $\triangle BEC \cong \triangle DFC$ ;
- (2) 如果  $BC + DF = 9$ ,  $CF = 3$ , 求正方形 ABCD 的面积.



17. 阅读下列材料:

问题: 如图 1, 在  $\square ABCD$  中, E 是 AD 上一点,  $AE = AB$ ,  $\angle EAB = 60^\circ$ , 过点 E 作直线

EF, 在 EF 上取一点 G, 使得  $\angle EGB = \angle EAB$ , 连接 AG.

求证： $EG = AG + BG$ .

小明同学的思路是：作 $\angle GAH = \angle EAB$ 交GE于点H，构造全等三角形，经过推理使问题得到解决.

参考小明同学的思路，探究并解决下列问题：

- (1) 完成上面问题中的证明；
- (2) 如果将原问题中的“ $\angle EAB = 60^\circ$ ”改为“ $\angle EAB = 90^\circ$ ”，原问题中的其它条件不变（如图2），请探究线段EG、AG、BG之间的数量关系，并证明你的结论.

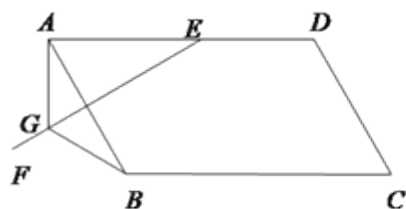


图 1

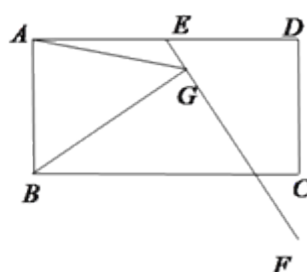


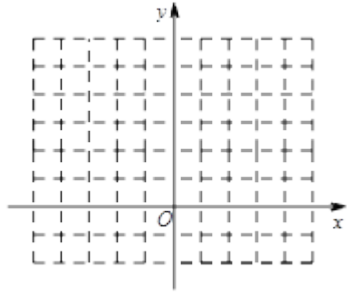
图 2

18. 解方程： $2x^2 - 8x + 3 = 0$ .

19. 内角和等于外角和的多边形是（ ）

- A. 三角形
- B. 四边形
- C. 五边形
- D. 六边形

20. 如图，在平面直角坐标系  $xOy$  中，直线  $x=2$  和直线  $y=ax$  交于点 A，过 A 作  $AB \perp x$  轴于点 B. 如果  $a$  取  $1, 2, 3, \dots, n$  ( $n$  为正整数) 时，对应的  $\triangle AOB$  的面积为  $S_1, S_2, S_3, \dots, S_n$ ，那么  $S_1 = \underline{\hspace{2cm}}$ ； $S_1 + S_2 + S_3 + \dots + S_n = \underline{\hspace{2cm}}$ .

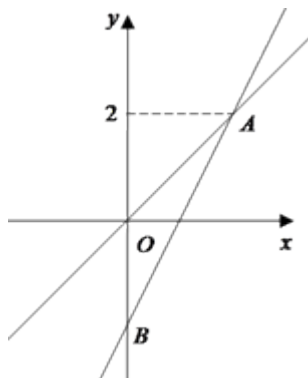


21.一元二次方程  $4x^2+x=1$  的二次项系数、一次项系数、常数项分别是 ( )

- A. 4, 0, 1
- B. 4, 1, 1
- C. 4, 1, -1
- D. 4, 1, 0

22.如图, 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 正比例函数  $y=x$  的图象与一次函数  $y=kx-k$  的图象的交点坐标为  $A(m, 2)$  .

- (1) 求  $m$  的值和一次函数的解析式 ;
- (2) 设一次函数  $y=kx-k$  的图象与  $y$  轴交于点  $B$ , 求  $\triangle AOB$  的面积 ;
- (3) 直接写出使函数  $y=kx-k$  的值大于函数  $y=x$  的值的自变量  $x$  的取值范围.



23.直线  $y=-x-2$  不经过 ( )

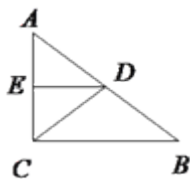
- A. 第一象限
- B. 第二象限
- C. 第三象限
- D. 第四象限

24. 已知点  $(-5, y_1)$ ,  $(2, y_2)$  都在直线  $y = -2x$  上, 那么  $y_1$  与  $y_2$  大小关系是

( )

- A.  $y_1 \leq y_2$
- B.  $y_1 \geq y_2$
- C.  $y_1 < y_2$
- D.  $y_1 > y_2$

25. 如图, 在  $\triangle ABC$  中,  $\angle ACB = 90^\circ$ ,  $D$  是  $AB$  的中点,  $DE \parallel BC$  交  $AC$  于  $E$ . 如果  $AC = 6$ ,  $BC = 8$ , 那么  $DE = \underline{\quad}$ ,  $CD = \underline{\quad}$ .



## 第 1 卷参考答案

### 一. 参考题库

1. 参考答案:  $x \neq 2$  试题分析: 根据题意, 有  $x - 2 \neq 0$ ,

解可得  $x \neq 2$ ;

故自变量  $x$  的取值范围是  $x \neq 2$

考点: 函数自变量的取值范围

2. 参考答案: 试题分析: (1) 设直线  $OM$  的解析式为  $y = kx (k \neq 0)$ , 根据  $A(3, 3)$

在直线  $OA$  上, 得到  $k = 1$ , 即直线  $OA$  的解析式  $y = x$ .

(2) 过点  $A$  作  $AM \perp x$  轴于点  $M$ . 已知  $A$  点的坐标, 即可求出  $M(3, 0)$ ,  $B(6, 0)$ ,  $P(m, 0)$ ,  $C(m, m)$ , 欲求以  $A, C, P, B$  为顶点的四边形的面积, 需要分情况考虑: ①  $0 < m < 3$  时, ②  $3 < m < 6$  时, ③  $m > 6$  时, 根据上述 3



种情况阴影部分的面积计算方法，可求出不同的自变量取值范围内，S、m 的函数关系式；

(3) 根据等腰直角三角形和等腰三角形的性质，即可求出 m 的范围.

试题解析：(1) 设直线 OA 的解析式为  $y=kx$ .

∵ 直线 OA 经过点 A (3, 3),

∴  $3=3k$ , 解得  $k=1$ .

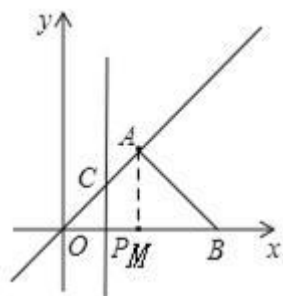
∴ 直线 OA 的解析式为  $y=x$ .

(2) 过点 A 作  $AM \perp x$  轴于点 M.

∴ M (3, 0), B (6, 0), P (m, 0), C (m, m).

当  $0 < m < 3$  时, 如答图①.

答图①



$$S = S_{\triangle AOB} - S_{\triangle COP}$$

$$= \frac{1}{2} AM \cdot OB - \frac{1}{2} OP \cdot PC$$

$$= \frac{1}{2} \times 6 \times 3 - \frac{1}{2} m \cdot m = 9 - \frac{1}{2} m^2$$

当  $3 < m < 6$  时, 如答图②.

答图②

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。

如要下载或阅读全文，请访问：

<https://d.book118.com/765013230143012012>