

2020年上海市普陀区中考数学二模试卷

一. 选择题 (共6小题)

1. 下列计算中，正确的是 ()

- A. $-2^2=4$ B. $16^{\frac{1}{2}}=8$ C. $3^{-1}=-3$ D. $(\frac{1}{2})^{-2}=4$

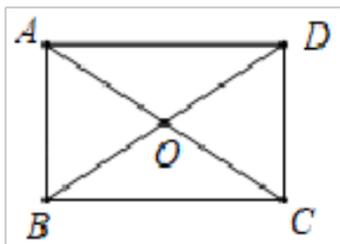
2. 下列二次根式中，与 $\sqrt{2a}$ ($a>0$) 属同类二次根式的是 ()

- A. $\sqrt{2a^2}$ B. $\sqrt{4a}$ C. $\sqrt{8a^3}$ D. $\sqrt{4a^2}$

3. 关于函数 $y = -\frac{2}{x}$ ，下列说法中错误的是 ()

- A. 函数的图象在第二、四象限
 B. y 的值随 x 的值增大而增大
 C. 函数的图象与坐标轴没有交点
 D. 函数的图象关于原点对称

4. 如图，矩形 $ABCD$ 中，对角线 AC 、 BD 交于点 O ，如果 $OB=4$ ， $\angle AOB=60^\circ$ ，那么矩形 $ABCD$ 的面积等于 ()



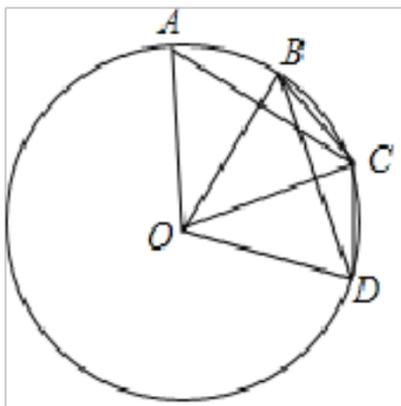
- A. 8 B. 16 C. $8\sqrt{3}$ D. $16\sqrt{3}$

5. 一个事件的概率不可能是 ()

- A. 1.5 B. 1 C. 0.5 D. 0

6. 如图，已知 A 、 B 、 C 、 D 四点都在 $\odot O$ 上， $OB \perp AC$ ， $BC=CD$ ，在下列四个说法中，

- ① $\widehat{AC}=2\widehat{CD}$ ； ② $AC=2CD$ ； ③ $OC \perp BD$ ； ④ $\angle AOD=3\angle BOC$ ，正确的个数是 ()



- A. 1个 B. 2个 C. 3个 D. 4个

二. 填空题 (共 12 小题)

7. 计算: $a \cdot (3a)^2 =$ _____.

8. 函数 $y = \frac{1}{x+1}$ 的定义域是 _____.

9. 方程 $\sqrt{5x} = -x$ 的解是 _____.

10. 已知一个样本 1、3、2、5、 x 的平均数是 3, 那么 $x =$ _____.

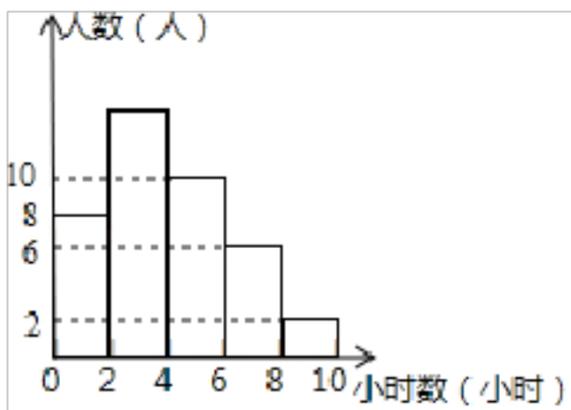
11. 如果把二次方程 $x^2 - xy - 2y^2 = 0$ 化成两个一次方程, 那么所得的两个一次方程分别是 _____.

12. 已知一件商品的进价为 a 元, 超市标价 b 元出售, 后因季节原因超市将此商品打八折促销, 如果促销后这件商品还有盈利, 那么此时每件商品盈利 _____ 元. (用含有 a 、 b 的代数式表示)

13. 如果关于 x 的方程 $(x - 2)^2 = m - 1$ 没有实数根, 那么 m 的取值范围是 _____.

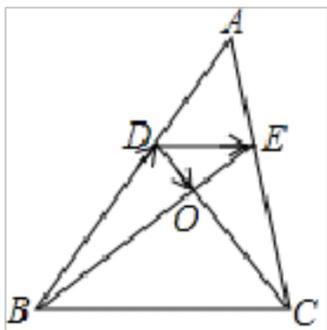
14. 已知正方形的半径是 4, 那么这个正方形的边心距是 _____.

15. 今年 3 月, 上海市开展了在线学习, 同时号召同学们在家要坚持体育锻炼, 已知某班学生一周内在家锻炼时间的频数分布直方图如图所示. 如果锻炼时间在 0 - 2 小时的学生的频率是 20%, 那么锻炼时间在 4 - 6 小时的学生的频率是 _____.



16. 如图, 已知 $\triangle ABC$ 中, 点 D 、 E 分别在边 AB 、 AC 上, $DE \parallel BC$, DC 、 BE 交于点 O ,

$AB = 3AD$, 设 $\vec{BD} = \vec{a}$, $\vec{DE} = \vec{b}$, 那么向量 \vec{DO} 用向量 \vec{a} 、 \vec{b} 表示是 _____.



17. 将正比例函数 $y = kx$ (k 是常数, $k \neq 0$) 的图象, 沿着 y 轴的一个方向平移 $|k|$ 个单位后与 x 轴、 y 轴围成一个三角形, 我们称这个三角形为正比例函数 $y = kx$ 的坐标轴三角形, 如果一个正比例函数的图象经过第一、三象限, 且它的坐标轴三角形的面积为 5, 那么这个

正比例函数的解析式是_____.

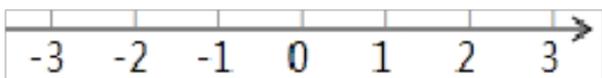
18. 如图，在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中， $\angle ACB=90^\circ$ ， $AC=6$ ， $\cot B=\frac{4}{3}$ ，点 P 为边 AB 上一点，将 $\triangle BPC$ 沿着 PC 翻折得到 $\triangle B'PC$ ， $B'C$ 与边 AB 的交于点 D ，如果 $\triangle B'PD$ 恰好为直角三角形，那么 $BP=$ _____.



三. 解答题 (共 7 小题)

19. 先化简，再求值： $\frac{x}{x+1} - \frac{1}{x^2-1} \div \frac{x-1}{x^2-2x+1}$ ，其中 $x=\sqrt{3}+1$.

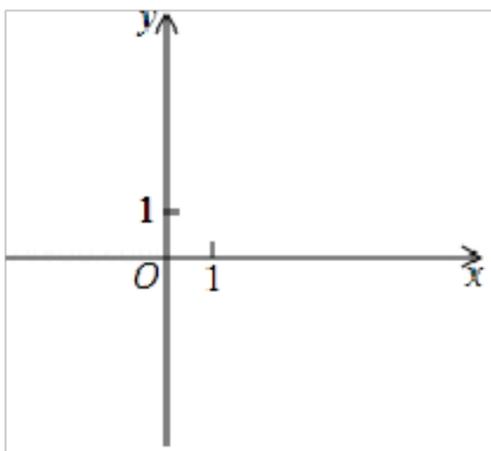
20. 解不等式组：
$$\begin{cases} 3(x-2) \leq 8-(x+6) \\ \frac{x+1}{2} < \frac{2x-1}{3} + 1 \end{cases}$$
，并把解集在数轴上表示出来.



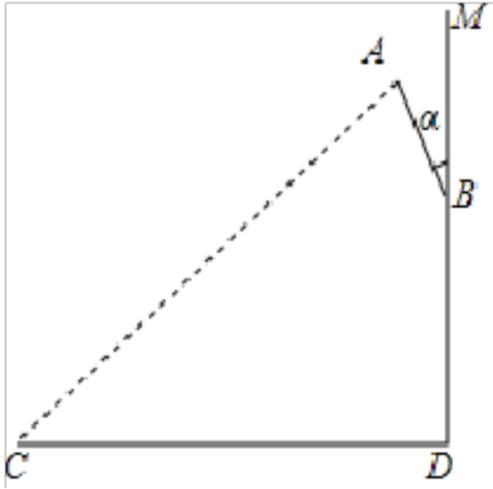
21. 在平面直角坐标系 xOy 中 (如图)，已知一次函数 $y=2x+m$ 与 $y=-\frac{1}{2}x+n$ 的图象都经过点 $A(-2, 0)$ ，且分别与 y 轴交于点 B 和点 C .

(1) 求 B 、 C 两点的坐标；

(2) 设点 D 在直线 $y=-\frac{1}{2}x+n$ 上，且在 y 轴右侧，当 $\triangle ABD$ 的面积为 15 时，求点 D 的坐标.



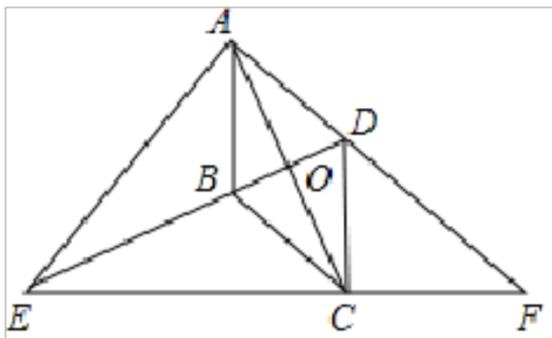
22. 一块显示屏斜挂在展示厅的墙面上，如图是显示屏挂在墙面 MD 的正侧面示意图，其中 AB 表示显示屏的宽， AB 与墙面 MD 的夹角 α 的正切值为 $\frac{2}{5}$ ，在地面 C 处测得显示屏顶部 A 的仰角为 45° ，屏幕底部 B 与地面 CD 的距离为 2 米，如果 C 处与墙面之间的水平距离 CD 为 3.4 米，求显示屏的宽 AB 的长. (结果保留根号)



23. 已知：如图，在平行四边形 $ABCD$ 中，对角线 AC 与 BD 交于点 O ，点 E 是 DB 延长线上的一点，且 $EA=EC$ ，分别延长 AD 、 EC 交于点 F 。

(1) 求证：四边形 $ABCD$ 为菱形；

(2) 如果 $\angle AEC=2\angle BAC$ ，求证： $EC \cdot CF=AF \cdot AD$ 。

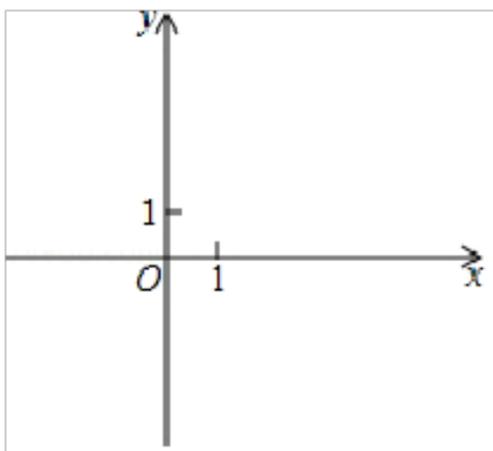


24. 在平面直角坐标系 xOy 中（如图），已知点 A 在 x 轴的正半轴上，且与原点的距离为 3，抛物线 $y=ax^2-4ax+3$ ($a \neq 0$) 经过点 A ，其顶点为 C ，直线 $y=1$ 与 y 轴交于点 B ，与抛物线交于点 D （在其对称轴右侧），联结 BC 、 CD 。

(1) 求抛物线的表达式及点 C 的坐标；

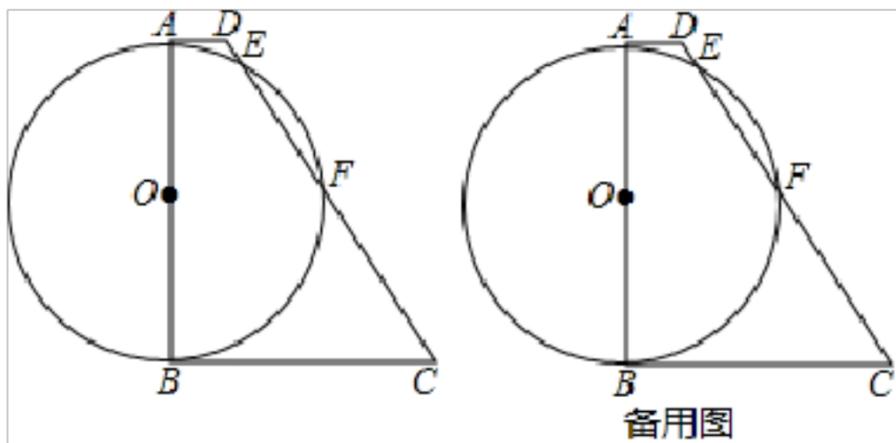
(2) 点 P 是 y 轴的负半轴上的一点，如果 $\triangle PBC$ 与 $\triangle BCD$ 相似，且相似比不为 1，求点 P 的坐标；

(3) 将 $\angle CBD$ 绕着点 B 逆时针方向旋转，使射线 BC 经过点 A ，另一边与抛物线交于点 E （点 E 在对称轴的右侧），求点 E 的坐标。



25. 如图，已知在四边形 $ABCD$ 中， $AD \parallel BC$ ， $\angle ABC=90^\circ$ ，以 AB 为直径的 $\odot O$ 交边 DC 于 E 、 F 两点， $AD=1$ ， $BC=5$ ，设 $\odot O$ 的半径长为 r 。

- (1) 联结 OF ，当 $OF \parallel BC$ 时，求 $\odot O$ 的半径长；
- (2) 过点 O 作 $OH \perp EF$ ，垂足为点 H ，设 $OH=y$ ，试用 r 的代数式表示 y ；
- (3) 设点 G 为 DC 的中点，联结 OG 、 OD ， $\triangle ODG$ 是否能成为等腰三角形？如果能，试求出 r 的值；如不能，试说明理由。



一. 选择题 (共 6 小题)

1. 下列计算中，正确的是 ()

- A. $-2^2=4$ B. $16^{\frac{1}{2}}=8$ C. $3^{-1}=-3$ D. $(\frac{1}{2})^{-2}=4$

【分析】根据分数指数幂、负整数指数幂计算，判断即可.

【解答】解：A、 $-2^2=-4$ ，本选项计算错误；

B、 $16^{\frac{1}{2}}=\sqrt{16}=4$ ，本选项计算错误；

C、 $3^{-1}=\frac{1}{3}$ ，本选项计算错误；

D、 $(\frac{1}{2})^{-2}=\frac{1}{(\frac{1}{2})^2}=4$ ，本选项计算正确；

故选：D.

2. 下列二次根式中，与 $\sqrt{2a}$ ($a>0$) 属同类二次根式的是 ()

- A. $\sqrt{2a^2}$ B. $\sqrt{4a}$ C. $\sqrt{8a^3}$ D. $\sqrt{4a^2}$

【分析】先化简，再根据同类二次根式的定义解答.

【解答】解：A、 $\sqrt{2a^2}=\sqrt{2}a$ ，与 $\sqrt{2a}$ 的被开方数不同，则它们不是同类二次根式，故本选项不合题意；

B、 $\sqrt{4a}=2\sqrt{a}$ ，与 $\sqrt{2a}$ 的被开方数不同，则它们不是同类二次根式，故本选项不合题意；

C、 $\sqrt{8a^3}=2a\sqrt{2a}$ ，与 $\sqrt{2a}$ 的被开方数相同，则它们是同类二次根式，故本选项正确；

D、 $\sqrt{4a^2}=2a$ 与 $\sqrt{2a}$ 的被开方数不同，则它们不是同类二次根式，故本选项不合题意.

故选：C.

3. 关于函数 $y=-\frac{2}{x}$ ，下列说法中错误的是 ()

- A. 函数的图象在第二、四象限
B. y 的值随 x 的值增大而增大
C. 函数的图象与坐标轴没有交点
D. 函数的图象关于原点对称

【分析】根据题目中的函数解析式和反比例函数的性质，可以判断各个选项中的说法是否正确，从而可以解答本题.

【解答】解：∵函数 $y = -\frac{2}{x}$,

∴该函数的图象在第二、四象限，故选项 A 正确；

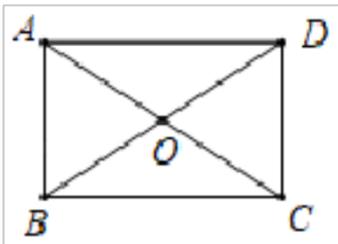
在每个象限内， y 随 x 的增大而增大，故选项 B 错误；

函数的图象与坐标轴没有交点，故选项 C 正确；

函数的图象关于原点对称，故选项 D 正确；

故选：B.

4. 如图，矩形 $ABCD$ 中，对角线 AC 、 BD 交于点 O ，如果 $OB=4$ ， $\angle AOB=60^\circ$ ，那么矩形 $ABCD$ 的面积等于（ ）



- A. 8 B. 16 C. $8\sqrt{3}$ D. $16\sqrt{3}$

【分析】由矩形的性质得出 $OA=BO$ ，证 $\triangle AOB$ 是等边三角形，得出 $AB=OB=4$ ，由勾股定理求出 AD ，即可求出矩形的面积.

【解答】解：∵四边形 $ABCD$ 是矩形

$$\therefore \angle BAD=90^\circ, \quad AO=CO=\frac{1}{2}AC, \quad BO=DO=\frac{1}{2}BD, \quad AC=BD=2OB=8,$$

$$\therefore OA=BO,$$

$$\therefore \angle AOB=60^\circ,$$

∴ $\triangle AOB$ 是等边三角形，

$$\therefore AB=OB=4,$$

$$\therefore AD=\sqrt{BD^2-AB^2}=\sqrt{8^2-4^2}=4\sqrt{3},$$

$$\therefore \text{矩形 } ABCD \text{ 的面积} = AB \times AD = 4 \times 4\sqrt{3} = 16\sqrt{3};$$

故选：D.

5. 一个事件的概率不可能是（ ）

- A. 1.5 B. 1 C. 0.5 D. 0

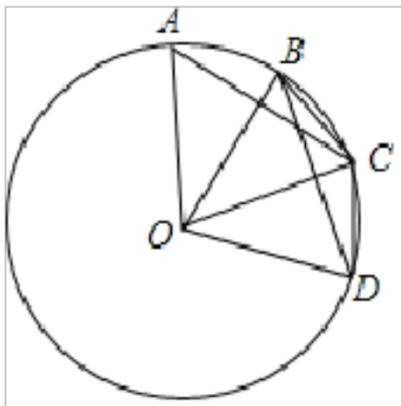
【分析】根据概率的知识，可以得到概率的最大与最小值，从而可以解答本题.

【解答】解：一个事件的概率最大是 1，最小是 0，故选项 A 错误，

故选：A.

6. 如图，已知 A、B、C、D 四点都在 $\odot O$ 上， $OB \perp AC$ ， $BC = CD$ ，在下列四个说法中，

① $\widehat{AC} = 2\widehat{CD}$ ；② $AC = 2CD$ ；③ $OC \perp BD$ ；④ $\angle AOD = 3\angle BOC$ ，正确的个数是 ()



A. 1 个

B. 2 个

C. 3 个

D. 4 个

【分析】根据题意和垂径定理，可以得到 $AC = BD$ ， $\widehat{AB} = \widehat{BC}$ ， $\widehat{BC} = \widehat{CD}$ ，然后即可判断各个小题中的结论是否正确，从而可以解答本题.

【解答】解：∵ $OB \perp AC$ ， $BC = CD$ ，

$$\therefore \widehat{AB} = \widehat{BC}, \widehat{BC} = \widehat{CD},$$

$$\therefore \widehat{AC} = 2\widehat{CD}, \text{ 故①正确；}$$

$AC < AB + BC = BC + CD = 2CD$ ，故②错误；

$OC \perp BD$ ，故③正确；

$\angle AOD = 3\angle BOC$ ，故④正确；

故选：C.

二. 填空题 (共 12 小题)

7. 计算： $a \cdot (3a)^2 = \underline{9a^3}$.

【分析】先根据积的乘方法则计算，再根据单项式乘以单项式法则计算.

【解答】解：原式 $= a \cdot 9a^2 = 9a^3$ ，

故答案为： $9a^3$.

8. 函数 $y = \frac{1}{x+1}$ 的定义域是 $\underline{x \neq -1}$.

【分析】根据分式的意义，分母不等于 0，可以求出 x 的范围.

【解答】解：根据题意得： $x+1 \neq 0$ ，

解得： $x \neq -1$.

故答案为 $x \neq -1$ 。

9. 方程 $\sqrt{5x} = -x$ 的解是 $x=0$ 。

【分析】先两边平方得到 $x^2 - 5x = 0$ ，再把方程左边进行因式分解得到 $x(x - 5) = 0$ ，方程转化为两个一元一次方程： $x=0$ 或 $x - 5 = 0$ ，即可得到原方程的解为 $x_1 = 0$ ， $x_2 = 5$ ，检验原方程的解为 $x=0$ 。

【解答】解：把方程 $\sqrt{5x} = -x$ 两边平方，得

$$5x = x^2,$$

$$\therefore x^2 - 5x = 0,$$

$$\therefore x(x - 5) = 0,$$

$$\therefore x = 0 \text{ 或 } x - 5 = 0,$$

$$\therefore x_1 = 0, x_2 = 5.$$

检验：把 $x_1 = 0$ ， $x_2 = 5$ 代入方程 $\sqrt{5x} = -x$ ，

可知 $x_1 = 0$ 是原方程的根， $x_2 = 5$ 是原方程的增根，

所以原方程的解为 $x=0$ 。

故答案为： $x=0$ 。

10. 已知一个样本 1、3、2、5、 x 的平均数是 3，那么 $x =$ 4。

【分析】根据一个样本 1、3、2、5、 x 的平均数是 3，可以求得 x 的值，本题得以解决。

【解答】解： \because 一个样本 1、3、2、5、 x 的平均数是 3，

$$\therefore (1+3+2+5+x) \div 5 = 3,$$

解得， $x=4$ ，

故答案为：4。

11. 如果把二次方程 $x^2 - xy - 2y^2 = 0$ 化成两个一次方程，那么所得的两个一次方程分别是 $x - 2y = 0$ 或 $x + y = 0$ 。

【分析】由于二元二次方程 $x^2 - xy - 2y^2 = 0$ 进行因式分解可以变为 $(x - 2y)(x + y) = 0$ ，即可解决问题。

【解答】解： $\because x^2 - xy - 2y^2 = 0$ ，

$$\therefore (x - 2y)(x + y) = 0,$$

$$\therefore x - 2y = 0 \text{ 或 } x + y = 0.$$

故答案为： $x - 2y = 0$ 或 $x + y = 0$

12. 已知一件商品的进价为 a 元，超市标价 b 元出售，后因季节原因超市将此商品打八折促

销，如果促销后这件商品还有盈利，那么此时每件商品盈利 $(0.8b - a)$ 元。（用含有 a 、 b 的代数式表示）

【分析】根据“ $\text{标价} \times \frac{\text{折数}}{10} = \text{售价}$ ”用代数式表示出售价，再根据“ $\text{售价} - \text{进价} = \text{利润}$ ”用代数式表示盈利。

【解答】解：根据题意得，每件商品盈利 $(0.8b - a)$ 元，
故答案为： $(0.8b - a)$ 。

13. 如果关于 x 的方程 $(x - 2)^2 = m - 1$ 没有实数根，那么 m 的取值范围是 $m < 1$ 。

【分析】根据直接开平方法定义即可求得 m 的取值范围。

【解答】解： \because 关于 x 的方程 $(x - 2)^2 = m - 1$ 没有实数根，
 $\therefore m - 1 < 0$ ，

解得 $m < 1$ ，

所以 m 的取值范围是 $m < 1$ 。

故答案为： $m < 1$ 。

14. 已知正方形的半径是 4，那么这个正方形的边心距是 $2\sqrt{2}$ 。

【分析】正方形的边心距就是正方形的中心到正方形的边的距离，利用边长的一半和边心距、半径围成直角三角形求解即可。

【解答】解：如图，根据正方形的性质知： $\triangle BOC$ 是等腰直角三角形，

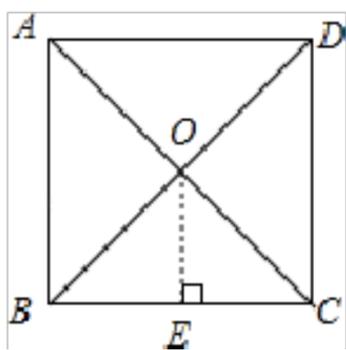
过 O 作 $OE \perp BC$ 于 E ，

\because 正方形的半径是 4，

$\therefore BO = 4$ ，

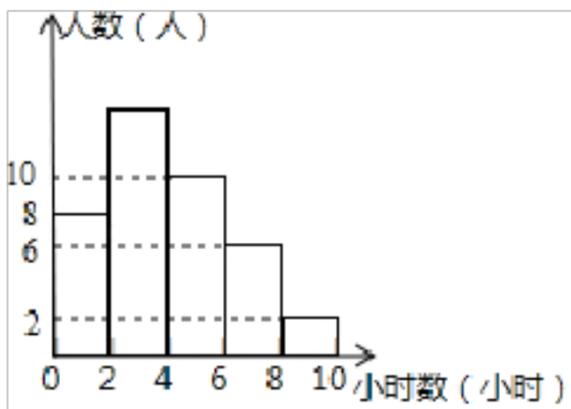
$\therefore OE = BE = \frac{\sqrt{2}}{2} BO = 2\sqrt{2}$ ，

故答案为： $2\sqrt{2}$ 。



15. 今年 3 月，上海市开展了在线学习，同时号召同学们在家要坚持体育锻炼，已知某班学生一周内在家锻炼时间的频数分布直方图如图所示。如果锻炼时间在 0 - 2 小时的学生的

频率是 20%，那么锻炼时间在 4 - 6 小时的学生的频率是 0.25。

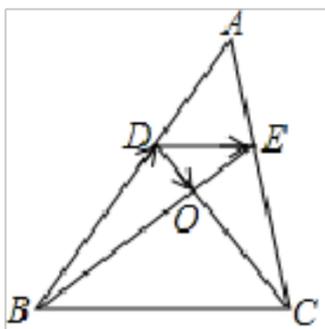


【分析】先由锻炼时间在 0 - 2 小时的学生的频率是 20%，人数为 8 求出被调查的总人数，再根据频率 = 频数 ÷ 总人数可得答案。

【解答】解：∵ 锻炼时间在 0 - 2 小时的学生的频率是 20%，人数为 8，
∴ 被调查的总人数为 $8 \div 20\% = 40$ (人)，
则锻炼时间在 4 - 6 小时的学生的频率是 $10 \div 40 = 0.25$ ，
故答案为：0.25。

16. 如图，已知 $\triangle ABC$ 中，点 D 、 E 分别在边 AB 、 AC 上， $DE \parallel BC$ ， DC 、 BE 交于点 O ，

$AB = 3AD$ ，设 $\vec{BD} = \vec{a}$ ， $\vec{DE} = \vec{b}$ ，那么向量 \vec{DO} 用向量 \vec{a} 、 \vec{b} 表示是 $-\frac{1}{4}\vec{a} + \frac{3}{4}\vec{b}$ 。



【分析】利用平行线分线段成比例定理求出 $\frac{AD}{AB}$ ，根据三角形法则求出 \vec{DC} ，证明 $DO = \frac{1}{4}DC$ 即可。

【解答】解：∵ $DE \parallel BC$ ，

$$\therefore \frac{AD}{AB} = \frac{DE}{BC} = \frac{1}{3},$$

$$\therefore BC = 3DE,$$

$$\therefore \vec{DE} = \vec{b},$$

$$\therefore \vec{BC} = 3\vec{b},$$

∵ $\triangle DOE \sim \triangle COB$ ，

$$\therefore \frac{OD}{OC} = \frac{DE}{BC} = \frac{1}{3},$$

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/775203002041011042>