

2022-2023 学年广东省深圳市福田区莲花中学八年级（下）开学 数学试卷

一、选择题（本题共 10 小题，每小题 3 分，共 30 分，每小题给出 4 个选项，其中只有一个正确的）

1. (3 分) 下列各数中，无理数是 ()

- A. π B. 3.14 C. $\frac{3}{8}$ D. $\sqrt[3]{8}$

2. (3 分) 若点 $P (m, -2)$ 在第三象限内，则 m 的值可以是 ()

- A. 2 B. 0 C. -2 D. ± 2

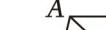
3. (3 分) 下列计算错误的是 ()

- A. $\sqrt{2} + \sqrt{3} = \sqrt{5}$ B. $\sqrt{2} \times \sqrt{3} = \sqrt{6}$ C. $\sqrt{15} \div \sqrt{3} = \sqrt{5}$ D. $\sqrt{3^2} = 3$

4. (3 分) 下列各组数中，不能作为直角三角形的三边的是 ()

- A. 3, 4, 5 B. 2, 3, $\sqrt{5}$ C. 8, 15, 17 D. $3^2, 4^2, 5^2$

5. (3 分) 如图， $\triangle ABC$ 是等边三角形， $AE \parallel BF$ ，若 $\angle CAE = 45^\circ$ ，则 $\angle CBF$ 的度数为 ()

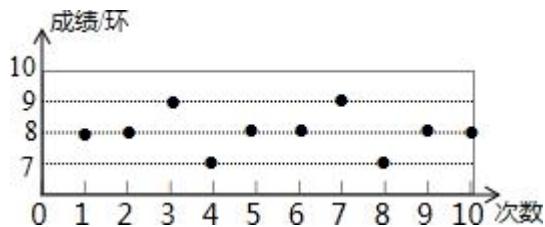


- A. 10° B. 15° C. 20° D. 25°

6. (3 分) 某射击队要从甲、乙、丙、丁四人中选拔一名选手参赛，在选拔赛中，每人射击 10 次，然后从他们的成绩平均数（环）及方差两个因素进行分析，甲、乙、丙的成绩分析如表所示，丁的成绩如图所示。

	甲	乙	丙
平均数	7.9	7.9	8.0
方差	3.29	0.49	1.8

根据以上图表信息，参赛选手应选 ()

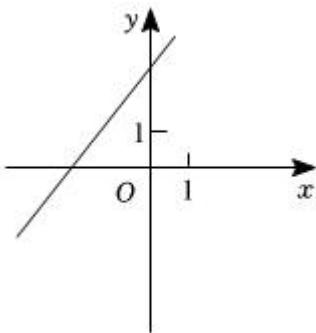


- A. 甲 B. 乙 C. 丙 D. 丁

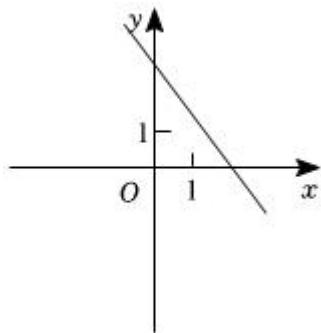
7. (3分) 下列命题中, 属于真命题的是 ()

- A. 数轴上的每一个点都表示一个有理数
 B. 三角形的一个外角大于任一个内角
 C. 两直线平行, 同旁内角相等
 D. 立方根等于它本身的实数有 3 个

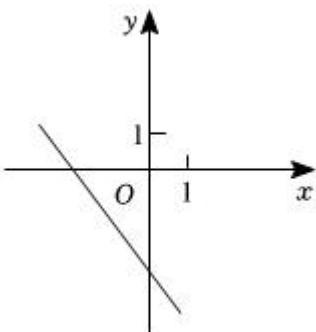
8. (3分) 下列图象中, 是一次函数 $y=kx+b$ (其中 $k<0$, $b>0$) 的图象的是 ()



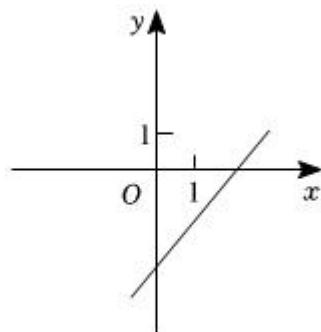
A.



B.

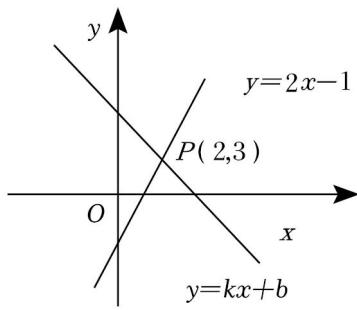


C.



D.

9. (3分) 数形结合是解决数学问题常用的思想方法. 如图, 直线 $y=2x-1$ 与直线 $y=kx+b$ ($k\neq 0$) 相交于点 $P(2, 3)$. 根据图象可知, 关于 x 的不等式 $2x-1>kx+b$ 的解集是 ()

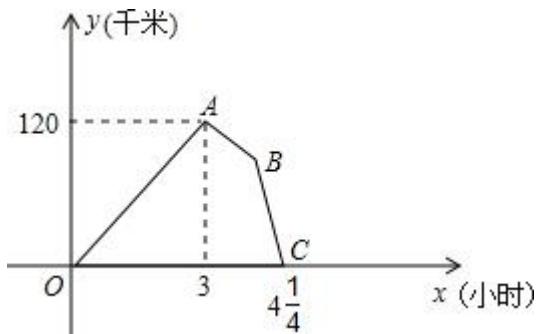


- A. $x < 2$ B. $x < 3$ C. $x > 2$ D. $x > 3$

10. (3分) 某物流公司的快递车和货车同时从甲地出发, 以各自的速度匀速向乙地行驶, 快递车到达乙地后卸完物品再另装货物共用 45 分钟, 立即按原路以另一速度匀速返回, 直至与货车相遇. 已知货车的速度为 60 千米/时, 两车之间的距离 y (千米) 与货车行驶时间 x (小时) 之间的函数图象如图所示, 现有以下 4 个结论:

- ① 快递车从甲地到乙地的速度为 100 千米/时;
- ② 甲、乙两地之间的距离为 120 千米;
- ③ 图中点 B 的坐标为 $(\frac{3}{4}, 75)$;
- ④ 快递车从乙地返回时的速度为 90 千米/时.

其中正确的是 ()



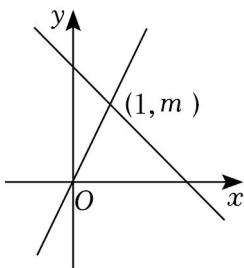
- A. ①②③ B. ②③④ C. ①③④ D. ①③

二、填空题 (本题共 5 小题, 每小题 3 分, 共 15 分)

11. (3分) 16 的平方根是 _____.

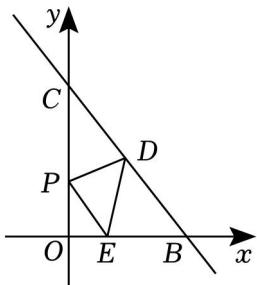
12. (3分) 点 $P(4, -2)$ 到 y 轴的距离是 _____.

13. (3分) 如图, 若一次函数 $y=kx+3$ 与正比例函数 $y=2x$ 的图象交于点 $(1, m)$, 则方程组 $\begin{cases} kx-y=-3 \\ 2x-y=0 \end{cases}$ 的解为 _____.



14. (3分) 元旦期间，大兴商场搞优惠活动，其活动内容是：凡在本商场一次性购买商品超过100元者，超过100元的部分按8折优惠。在此活动中，小明到该商场一次性购买单价为60元的礼盒 x ($x > 2$) 件，则应付款 y (元) 与商品数 x (件) 之间的关系式，化简后的结果是 _____。

15. (3分) 如图，直线 $y = \frac{4}{3}x + 4$ 与 x 轴交于点 B ，与 y 轴交于点 C ，点 $E(1, 0)$ ， D 为线段 BC 的中点， P 为 y 轴上的一个动点，连接 PD 、 PE ，当 $\triangle PED$ 的周长最小时，点 P 的坐标为 _____。



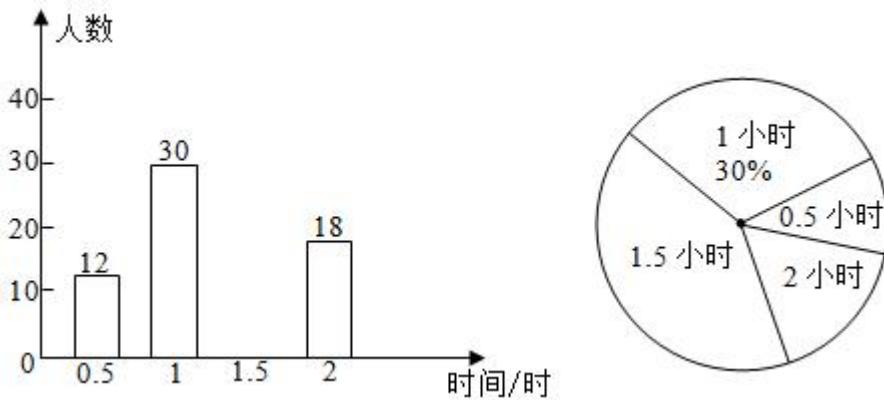
三、解答题 (本题共7小题，其中16题8分，17题6分，18，19，20，21题各8分，22题9分，共55分)

16. (8分) (1) 计算： $(\sqrt{6} + \sqrt{12}) \times \sqrt{3} + \sqrt[3]{-27}$ ；

(2) 解方程组： $\begin{cases} 3(x-1) = y+5 \\ 5(y-1) = 3(x+5) \end{cases}$

17. (6分) 解不等式组 $\begin{cases} 4(x+1) \leqslant 7x+10 \\ x-5 < \frac{x-8}{3} \end{cases}$ 并写出它的解集在数轴上表示出来。

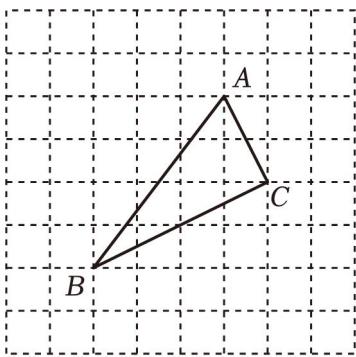
18. (8分) 为响应“双减”政策，老师们都精心设计每天的作业，兴华学校调查了部分学生每天完成作业所用时间，并用得到的数据绘制了如下不完整的统计图，根据图中信息完成下列问题：



- (1) 将条形统计图补充完整；
 (2) 抽查学生完成作业所用时间的众数是 _____；
 (3) 求所有被抽查学生完成作业所用的平均时间.

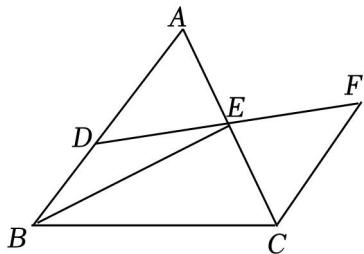
19. (8分) 如图所示, $\triangle ABC$ 在正方形网格中, 若点 A 的坐标为 $(0, 3)$, 按要求解答下列问题:

- (1) 在图中建立正确的平面直角坐标系, 点 B 和点 C 的坐标分别为 _____, _____;
 (2) 作出 $\triangle ABC$ 关于 x 轴的对称图形 $\triangle A' B' C'$. (不要求写作法)
 (3) BC 的长度为 _____.



20. (8分) 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, D 为 AB 上一点, E 为 AC 中点, 连接 DE 并延长至点 F , 使得 $EF=ED$, 连 CF .

- (1) 求证: $CF \parallel AB$;
 (2) 若 $\angle ABC=50^\circ$, 连接 BE , BE 平分 $\angle ABC$, AC 平分 $\angle BCF$, 求 $\angle A$ 的度数.

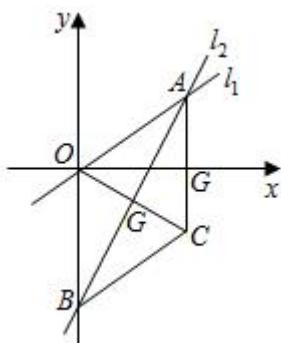


21. (8分) 五和超市购进 A 、 B 两种饮料共 200 箱, 两种饮料的成本与销售价如下表:

饮料	成本(元/箱)	销售价(元/箱)
A	25	35
B	35	50

- (1) 若该超市花了 6500 元进货, 求购进 A 、 B 两种饮料各多少箱?
- (2) 设购进 A 种饮料 a 箱 ($50 \leq a \leq 100$), 200 箱饮料全部卖完可获利润 W 元, 求 W 与 a 的函数关系式, 并求购进 A 种饮料多少箱时, 可获得最大利润, 最大利润是多少?
22. (9分) 如图, 在平面直角坐标系中, 直线 $l_1: y = \frac{3}{4}x$ 与直线 $l_2: y = kx + b$ 相交于点 $A(a, 3)$, 直线交 l_2 交 y 轴于点 $B(0, -5)$

- (1) 求直线 l_2 的解析式;
- (2) 将 $\triangle OAB$ 沿直线 l_2 翻折得到 $\triangle CAB$ (其中点 O 的对应点为点 C), 求证 $AC \parallel OB$;
- (3) 在直线 BC 下方以 BC 为边作等腰直角三角形 BCP , 直接写出点 P 的坐标.



2022-2023 学年广东省深圳市福田区莲花中学八年级（下）开学

数学试卷

参考答案与试题解析

一、选择题（本题共 10 小题，每小题 3 分，共 30 分，每小题给出 4 个选项，其中只有一个正确）

1. (3 分) 下列各数中，无理数是（ ）

- A. π B. 3.14 C. $\frac{3}{8}$ D. $\sqrt[3]{8}$

【解答】解：A、 π 是无理数，符合题意；

B、3.14 是分数，是有理数，不合题意；

C、 $\frac{3}{8}$ 是分数，是有理数，不合题意；

D、 $\sqrt[3]{8}=2$ ，是整数，是有理数，不合题意.

故选：A.

2. (3 分) 若点 $P (m, -2)$ 在第三象限内，则 m 的值可以是（ ）

- A. 2 B. 0 C. -2 D. ± 2

【解答】解： \because 点 $P (m, -2)$ 在第三象限内，

$$\therefore m < 0,$$

则 m 的值可以是 -2.

故选：C.

3. (3 分) 下列计算错误的是（ ）

- A. $\sqrt{2} + \sqrt{3} = \sqrt{5}$ B. $\sqrt{2} \times \sqrt{3} = \sqrt{6}$ C. $\sqrt{15} \div \sqrt{3} = \sqrt{5}$ D. $\sqrt{3^2} = 3$

【解答】解：A. $\sqrt{2} + \sqrt{3}$ 无法合并，故此选项符合题意；

B. $\sqrt{2} \times \sqrt{3} = \sqrt{6}$ ，故此选项不合题意；

C. $\sqrt{15} \div \sqrt{3} = \sqrt{5}$ ，故此选项不合题意；

D. $\sqrt{3^2} = 3$ ，故此选项不合题意.

故选：A.

4. (3 分) 下列各组数中，不能作为直角三角形的三边的是（ ）

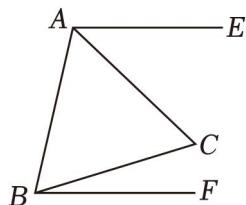
- A. 3, 4, 5 B. 2, 3, $\sqrt{5}$ C. 8, 15, 17 D. $3^2, 4^2, 5^2$

- 【解答】解：A、 $\because 3^2+4^2=5^2$ ， \therefore 能作为直角三角形的三边，故本选项不符合题意；
 B、 $\because 2^2+(\sqrt{5})^2=3^2$ ， \therefore 能作为直角三角形的三边，故本选项不符合题意；
 C、 $\because 8^2+15^2=17^2$ ， \therefore 能作为直角三角形的三边，故本选项不符合题意；
 D、 $\because (3^2)^2+(4^2)^2\neq (5^2)^2$ ， \therefore 不能作为直角三角形的三边，故本选项符合题意.

故选：D.

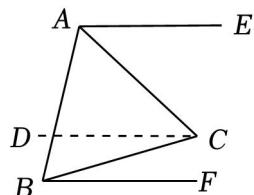
5. (3分) 如图， $\triangle ABC$ 是等边三角形， $AE \parallel BF$ ，若 $\angle CAE=45^\circ$ ，则 $\angle CBF$ 的度数为

()



- A. 10° B. 15° C. 20° D. 25°

【解答】解：如图，过C作 $CD \parallel AE$ ，



$\because AE \parallel BF$,

$\therefore AE \parallel BF \parallel CD$,

$\therefore \angle CAE = \angle ACD = 45^\circ$ ，

$\because \triangle ABC$ 是等边三角形，

$\therefore \angle ACB = \angle ACD + \angle BCD = 60^\circ$ ，

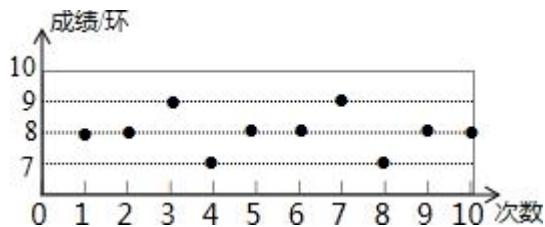
$\therefore \angle CBF = \angle BCD = 60^\circ - 45^\circ = 15^\circ$ ，

故选：B.

6. (3分) 某射击队要从甲、乙、丙、丁四人中选拔一名选手参赛，在选拔赛中，每人射击10次，然后从他们的成绩平均数(环)及方差两个因素进行分析，甲、乙、丙的成绩分析如表所示，丁的成绩如图所示.

	甲	乙	丙
平均数	7.9	7.9	8.0
方差	3.29	0.49	1.8

根据以上图表信息，参赛选手应选（ ）



- A. 甲 B. 乙 C. 丙 D. 丁

【解答】解：由图可知丁射击 10 次的成绩为：8、8、9、7、8、8、9、7、8、8，

$$\text{则丁的成绩的平均数为: } \frac{1}{10} \times (8+8+9+7+8+8+9+7+8+8) = 8,$$

$$\text{丁的成绩的方差为: } \frac{1}{10} \times [(8-8)^2 + (8-8)^2 + (8-9)^2 + (8-7)^2 + (8-8)^2 + (8-8)^2 + (8-9)^2 + (8-7)^2 + (8-8)^2 + (8-8)^2] = 0.4,$$

\because 丁的成绩的方差最小，

\therefore 丁的成绩最稳定，

\therefore 参赛选手应选丁，

故选：D.

7. (3 分) 下列命题中，属于真命题的是（ ）

- A. 数轴上的每一个点都表示一个有理数
B. 三角形的一个外角大于任一个内角
C. 两直线平行，同旁内角相等
D. 立方根等于它本身的实数有 3 个

【解答】解：A、数轴上的每一个点都表示一个实数，故错误，属于假命题；

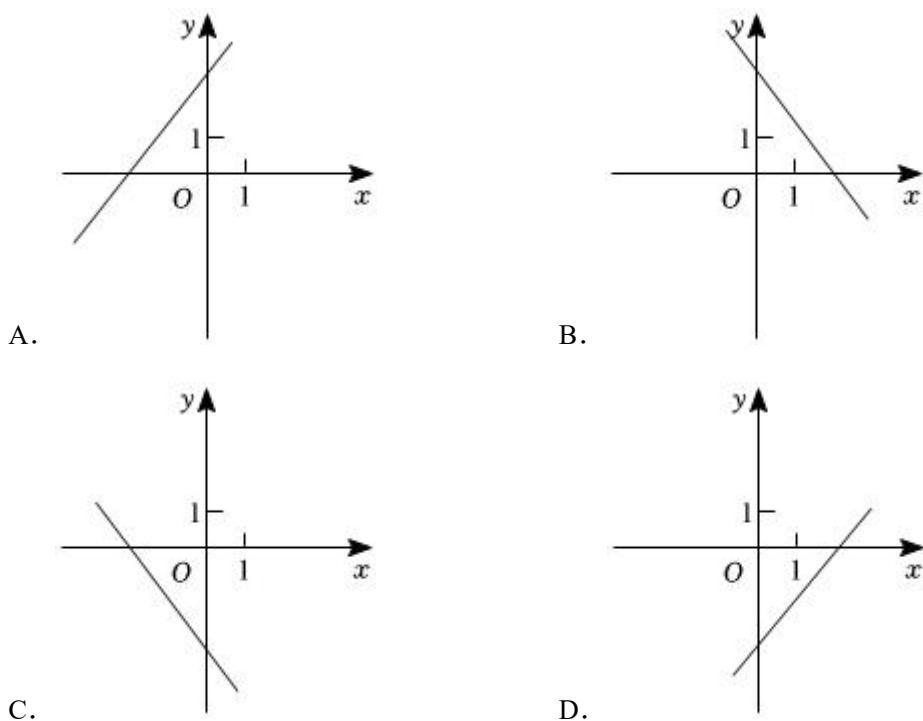
B、三角形的一个外角大于任一个不相邻的内角，故错误，属于假命题；

C、两直线平行，同旁内角互补，故错误，属于假命题；

D、立方根等于它本身的实数有 0, 1, -1，共 3 个，故正确，属于真命题；

故选：D.

8. (3 分) 下列图象中，是一次函数 $y=kx+b$ (其中 $k<0$, $b>0$) 的图象的是（ ）

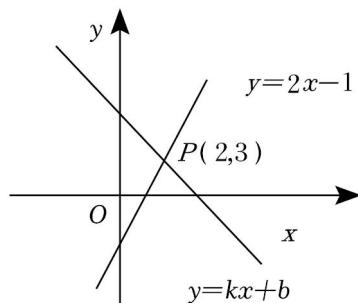


【解答】解： ∵一次函数 $y=kx+b$ (其中 $k<0$, $b>0$),

∴该函数的图象经过第一、二、四象限,

故选：B.

9. (3分) 数形结合是解决数学问题常用的思想方法. 如图, 直线 $y=2x-1$ 与直线 $y=kx+b$ ($k\neq 0$) 相交于点 $P(2, 3)$. 根据图象可知, 关于 x 的不等式 $2x-1>kx+b$ 的解集是 ()



- A. $x<2$ B. $x<3$ C. $x>2$ D. $x>3$

【解答】解：根据图象可得：不等式 $2x-1>kx+b$ 的解集为： $x>2$,

故选：C.

10. (3分) 某物流公司的快递车和货车同时从甲地出发, 以各自的速度匀速向乙地行驶, 快递车到达乙地后卸完物品再另装货物共用 45 分钟, 立即按原路以另一速度匀速返回, 直至与货车相遇. 已知货车的速度为 60 千米/时, 两车之间的距离 y (千米) 与货车行驶

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如
要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/825232132132011112>