

# 《数据结构与 STL 》

## 教师手册

ver 0.1

肖波 徐雅静 莫骁 肖晶

2010 年 9 月

目录

习题 1.....	
习题 2.....	
习题 3.....	
习题 4.....	
习题 5.....	
习题 6.....	
习题 7.....	
习题 8.....	

## 习题 1

### 1. 填空题

(1) ( ) 是指数据之间的相互关系, 即数据的组织形式。通常人们认为它包含三个方面的内容, 分别为数据的 ( )、( ) 及其运算。

答案: 数据结构 逻辑结构 存储结构

(2) ( ) 是数据的基本单位, 在计算机程序中通常作为一个整体进行处理。

答案: 数据元素

(3) 数据元素之间的不同逻辑关系代表不同的逻辑结构, 常见的逻辑结构有 ( )、( )、( ) 和 ( )。

答案: 集合 线形结构 树结构图结构

(4) 数据的存储结构考虑的是如何在计算机中存储各个数据元素, 并且同时兼顾数据元素间的逻辑关系。基本的存储结构通常有两大类: ( ) 和 ( )。

答案: 顺序存储结构 链式存储结构

(5) 通常一个问题可以有多种不同的算法, 但每个算法必须满足 5 个准则: 输入、输出、( )、( ) 和 ( )。

答案: 有穷性 确定性 可行性

(6) 通常通过衡量算法的 ( ) 复杂度和 ( ) 复杂度来判定一个算法的好坏。

答案: 时间 空间

(7) 常见时间复杂性的量级有: 常数阶  $O(1)$ 、对数阶  $O(\log n)$ 、线性阶  $O(n)$ 、线性对数阶  $O(n \log n)$ 、平方阶  $O(n^2)$ 、和指数阶  $O(2^n)$ 。通常认为, 当问题规模较大时, 具有 ( ) 量级的算法是不可计算的。

答案:  $1$   $\log n$   $n$   $n \log n$   $n^2$  指数

(8) STL 提供的标准容器有顺序容器、( ) 和 ( )。

答案: 排序容器 哈希容器

(9) 算法可认为是 STL 的精髓, 所有算法都是采用 ( ) 的形式提供的。

答案: 函数模版

(10) 通常认为 STL 由空间管理器、迭代器、泛函、适配器、( ) 和 ( ) 等六部分构成, 其中前面四部分服务于后面两部分。

答案: 容器 算法

### 2. 选择题

(1) 以下结构中, ( ) 属于线性结构。

A. 树 B. 图 C. 串 D. 集合

(2) 算法描述的方法有很多种, 常常将 ( ) 称为算法语言。

A. 自然语言 B. 流程图 C. 伪代码 D. 程序设计语言

(3) 现实生活中的家族谱, 可认为是一种 ( ) 结构。

A. 树 B. 图 C. 集合 D. 线性表

(4) 手机中存储的电话号码簿, 可认为是一种 ( ) 结构。

A. 树 B. 图 C. 集合 D. 线性表

(5) NP 问题是 ( )。

A. 非多项式时间问题, 即非 P 问题 B. 非确定性多项式时间问题

C. P 问题的子集 D. 与 P 问题不相交的

(6) 以下 ( ) 不属于 STL 的顺序容器。

A. 向量 (vector) B. 列表 (list) C. 队列 (queue) D. 双端队列 (deque)

(7) 下面带有@ 标记的语句的频度( $n > 10$ )是 ( )。

```
for(int i=0;i<n-1;i++)
for(int j=i+1;j<n;j++)
@cout<<i<<j<<endl;
```

A.  $n*(n-1)/2$  B.  $n*n/2$  C.  $n*(n+1)$  ~~不确定~~

分析:

```
2 1 2
0 1 0
1 1 ( 1)
2
n n n
i j i i
n i n n
. . .
= = + =
```

.  
 $\Sigma \Sigma = \Sigma . . =$

3. 分析以下程序段的时间复杂度。

```
(1) for (i=1; i<=n; i++) {
k++;
for (j=1; j<=n; j++)
m += k;
}
```

```
(2) for (i=1; i<=n; i++)
k++;
for (j=1; j<=n; j++)
m += k;
```

```
(3) i=1;
while (i<=n)
i *= 2;
```

```
(4) i=1;
while (i<=n)
i += 2;
```

```
(5) k=100, i=10;
do {
if (i<n) break;
i++;
}while (i<k);
```

```
(6) for (i=0; i<100; i++)
for (j=0; j<i; j++)
sum += j;
```

```
(7) y=0;
while (y*y*y <= n)
```

```

y++;
(8) int i=0;
while(i<n && a[i]!=k) i++;
return i==n?-1:i ;

```

5

答案:

- (1)  $O(n^2)$
- (2)  $O(n)$
- (3)  $O(\log n)$
- (4)  $O(n)$
- (5)  $O(1)$
- (6)  $O(1)$
- (7)  $O(n^{1/3})$
- (8)  $O(n)$

4. 将整数设计为一个类，将整数相关的常见数学运算设计为类的接口并进行实现，如求与给定值的最大公约数、最小公倍数、枚举所有因子等。

解:

```

#include "math.h"
#include "vector"
using std::vector;
/定义自然数类
class NaturalNumber{
public:
NaturalNumber(unsigned long int n=0):num(n) {}
unsigned long int GreatestCommonDivisor(NaturalNumber & 求解最大公约数
unsigned long int LeastCommonMultiple(NaturalNumber & 求解最小公约数
int GetFactors(vector <unsigned long int> & 求所有因子, // 存储在 factors
中, 函数返回因子个数
unsigned long int GetNumber() {return num;}
/,,,其它外部接口
private:
unsigned long int EUCLID(NaturalNumber & 欧几里德算法求解最大公约数
unsigned long int num 存储真正的自然数
};
/返回欧几里德算法求解最大公约数
unsigned long int NaturalNumber :: EUCLID(NaturalNumber & nn)
{
unsigned long int m = (num > nn.num) ? num : num 较大的自然数赋值给 m
unsigned long int n = (num < nn.num) ? num : nn.num 较小的自然数赋值给 n
unsigned long int r = m % n;
while (r != 0) {
m = n; n = r; r = m % n;
}
return n;

```

```

}
/返回最大公约数
unsigned long int NaturalNumber :: GreatestCommonDivisor(NaturalNumber & nn)
6
{
return EUCLID(nn);
}
/返回最小公倍数
unsigned long int NaturalNumber :: LeaseCommonMultiple(NaturalNumber & nn)
{
unsigned long int temp = EUCLID(nn);
return num * nn.GetNumber() / temp;
}
int NaturalNumber :: GetFactors( vector <unsigned long int> & factors )
{
int t=0;
int m = sqrt((double)num);
vector <unsigned long int> bigfactors;
for (unsigned long int i=1;i<m;i++)
{
if ( 0 == num%i ) {t+=2; factors.push_back(i);bigfactors.push_back(num/i);}
}
if ( m*m == num ) { t++; factors.push_back(m);}
vector <unsigned long int> ::iterator it=bigfactors.end();
if (bigfactors.size()) do
{
it--;
factors.push_back(*it);
}while (it!=bigfactors.begin());
return t;
}
void main()
{
NaturalNumber p(1);
int xx = p.GreatestCommonDivisor(NaturalNumber(120));
int yy = p.LeaseCommonMultiple(NaturalNumber(120));
vector <unsigned long int> f;
int t = p.GetFactors(f);
}
7

```

## 习题 2

### 1. 填空题

(1) 在一个单链表中，已知每个结点包含 data 和 next 两个域，q 所指结点是 p 所指结点的

直接前驱，若在 q 和 p 之间插入 s 所指结点，则执行（\_\_\_\_\_）和（\_\_\_\_\_）操作。

答案：q->next = s; s->next 或 ps->next=q->next; q->next = s;

(2) 表长为 n 的顺序表，当在任何位置上插入或删除一个元素的概率相等时，插入一个元素所需移动元素的平均个数为（\_\_\_\_\_），删除一个元素需要移动元素的平均个数为（\_\_\_\_\_）。

答案：n/2 (n-1)/2

(3) 表长为 0 的线性表称为（\_\_\_\_\_）。

答案：空表

(4) 动态内存管理是操作系统的基本功能之一，其作用是响应用户程序对内存的（\_\_\_\_\_）和（\_\_\_\_\_）请求。

答案：申请 释放

(5) 顺序表多采用（\_\_\_\_\_）实现的，是一种随机存取结构，对表中任意结点存取操作的时间复杂度为（\_\_\_\_\_）。而查找链表中的结点，需要从头指针起顺着链扫描才能得到，平均时间复杂度为（\_\_\_\_\_）。因此，若线性表的操作主要是进行查找，很少进行插入或删除操作时，采用（\_\_\_\_\_）表比较合适。

答案：数组 O(1) O(n) 顺序

(6) 在链表某个位置上插入和删除操作，只需要修改（\_\_\_\_\_）即可，而无须移动大量元素，操作的时间复杂度为（\_\_\_\_\_）。而在顺序表中进行插入和删除操作，往往要移动大量元素，平均移动元素的数目为（\_\_\_\_\_），平均时间复杂度为（\_\_\_\_\_）。因此，若对线性表进行频繁的插入和删除操作时，采用（\_\_\_\_\_）表相对合适。若插入和删除主要发生在表头和表尾，则采用（\_\_\_\_\_）表更为合适。

答案：指针 O(1) 表长的一半 O(n) 链 循环链

(7) 静态链表一般采用（\_\_\_\_\_）存储的链表结构。

答案：数组

(8) 对于 32 位计算机环境，若单链表中的数据类型为整性，则其存储密度为（\_\_\_\_\_），而若为双链表，则存储密度为（\_\_\_\_\_）。若采用顺序表存储数据，则其存储密度为（\_\_\_\_\_）。

答案：50% 33% 1

(9) 向量是最常用的容器，STL 中向量使用（\_\_\_\_\_）实现，因此向量具有（\_\_\_\_\_）表的所有特点，可以快速随机存取任意元素。

答案：数组 顺序

(10) 操作系统在运行之初，有一块很大的连续内存块供用户程序申请，通常称之为内存池或（\_\_\_\_\_）。

答案：堆

(11) 循环链表与单链表的区别仅仅在于其尾结点的链域值不是（\_\_\_\_\_），而是一个指向（\_\_\_\_\_）的指针。

答案：NULL(或空指针) 头结点

## 2. 选择题

8

(1) 线性表的顺序存储结构是一种（ ）的存储结构，线性表的链式存储结构是一种（ ）的存储结构。

- A. 随机存取 索引存取 B. 顺序存取 随机存取  
C. 随机存取 顺序存取 D. 索引存取 散列存取

(2) 在双向链表 p 所指结点之前插入 s 所指结点的操作是 ( )。

- A.  $p \rightarrow \text{left} = s; s \rightarrow \text{right} = p; p \rightarrow \text{left} \rightarrow \text{right} = s; s \rightarrow \text{left} = p \rightarrow \text{left};$   
B.  $p \rightarrow \text{right} = s; p \rightarrow \text{right} \rightarrow \text{left} = s; s \rightarrow \text{left} = p; s \rightarrow \text{right} = p \rightarrow \text{right};$   
C.  $s \rightarrow \text{right} = p; s \rightarrow \text{left} = p \rightarrow \text{left}; p \rightarrow \text{left} = s; p \rightarrow \text{left} \rightarrow \text{right} = s;$   
D.  $s \rightarrow \text{right} = p; s \rightarrow \text{left} = p \rightarrow \text{left}; p \rightarrow \text{left} \rightarrow \text{right} = s; p \rightarrow \text{left} = s;$

(3) 若链表是利用 C++ 指针来存储结点的地址, 结点空间的分配和收回都是由操作符 new 和 delete 动态执行的, 则称该链表为 ( ) 链表

- A. 单向 B. 双向 C. 静态 D. 动态

(4) 将线性表存储到计算机中可以采用多种不同的方法, 按顺序存储方法存储的线性表称为

( ), 按链式存储方法存储的线性表称为 ( )。

- A. 数组单链表 B. 顺序表链表  
C. 向量静态链表 D. 静态链表动态链表

(5) ( ) 是 STL 中线性表的链式存储形式, STL 标准库中一般采用 ( ) 实现。

- A. vector 数组 B. list 单链表  
C. list 双向循环链表 D. vector 单链表

(6) 顺序表的类型定义可经编译转换为机器级。假定每个结点变量占用  $k(k \geq 1)$  个字节,  $b$  是顺序表的第一个存储结点的第一个单元的内存地址, 那么, 第  $i$  个结点  $a_i$  的存储地址为 ( )。

- A.  $b+ki$  B.  $b+k(i-1)$  C.  $b+k(i+1)$  D.  $b-1+ki$

(7) 在循环链表中, 若不使用头指针而改设为尾指针 (rear), 则头结点和尾结点的存储位置分别是 ( )。

- A. rear 和  $\text{rear} \rightarrow \text{next} \rightarrow \text{next}$  B.  $\text{rear} \rightarrow \text{next}$  和 rear  
C.  $\text{rear} \rightarrow \text{next} \rightarrow \text{next}$  和 rear D. rear 和  $\text{rear} \rightarrow \text{next}$

(8) 有时为了叙述方便, 可以对一些概念进行简称, 以下说法错误的是 ( )。

- A. 将“指针型变量”简称为“指针”  
B. 将“头指针变量”简称为“头指针”  
C. 将“修改某指针型变量的值”简称为“修改某指针”  
D. 将“p 中指针所指结点”简称为“P 值”

(9) 以下说法错误的是 ( )。

- A. 对循环链表来说, 从表中任一结点出发都能通过向前或向后操作而扫描整个循环链表。  
B. 对单链表来说, 只有从头结点开始才能扫描表中全部结点。  
C. 双链表的特点是找结点的前趋和后继都很容易。  
D. 对双链表来说, 结点 \*P 的存储位置既存放在其前趋结点的后继指针域中, 也存放在它的后继结点的前趋指针域中。

(10) 以下说法正确的是 ( )。

- A. 顺序存储方式的优点是存储密度大、且插入、删除运算效率高。  
B. 链表的每个结点中都恰好包含一个指针。  
C. 线性表的顺序存储结构优于链式存储结构。  
D. 顺序存储结构属于静态结构, 链式结构属于动态结构。

- (11) 单链表中, 增加头结点的目的是为了 ( )
- A. 使单链表至少有一个结点 B. 标示表结点中首结点的位置  
C. 方便运算的实现 D. 说明单链表是线性表的链式存储实现

### 3. 程序选择题

(1) 已知 L 指向带头结点的非空单链表的头结点, 且 P 结点既不是首结点, 也不是尾

点, 试从下列提供的答案中选择合适的语句序列:

a. 删除 P 结点的直接后继结点的语句序列是 (\_\_\_\_\_)

b. 删除 P 结点的直接前驱结点的语句序列是 (\_\_\_\_\_)

c. 删除 P 结点的语句序列是 (\_\_\_\_\_)

d. 删除首结点的语句序列是 (\_\_\_\_\_)

e. 删除尾结点的语句序列是 (\_\_\_\_\_)

(1) delete Q; (8) P->next = P->next->next

(2) Q = P (9) P = P->next

(3) L = L->next (10) while(P->next != Q) P = P->next;

(4) P = L (11) while(P != NULL) P = P->next;

(5) Q = P->next (12) while(Q->next != NULL) { P = Q ; Q = Q->next; }

(6) P->next = P (13) while(P->next->next != NULL) P = P->next;

(7) P = P->next->next (14) while(P->next->next != Q) P = P->next;

答案: a. 5 8 1

b. 2 4 14 5 8 1

c. 2 4 10 8 1

d. 4 5 8 1

e. 4 13 5 8 1

(2) 已知 p 结点是某双向链表的中间结点, 试从下面语句((1)~(18)中选择合适的语句序列,

完成 a~e 要求的操作。

a. 在 p 结点后插入 s 结点的语句序列是\_\_\_\_\_。

b. 在 p 结点前插入 s 结点的语句序列是\_\_\_\_\_。

c. 删除 p 结点的直接后继结点的语句序列是\_\_\_\_\_。

d. 删除 p 结点的直接前驱结点的语句序列是\_\_\_\_\_。

e. 删除 p 结点的语句序列是\_\_\_\_\_。

10

(1) p->next = p->next->next; (10) p->prior->next = p;

(2) p->prior = p->prior->prior; (11) p->next->prior = p;

(3) p->next = s; (12) p->next->prior = s;

(4) p->prior = s; (13) p->prior->next = s;

(5) s->next = p; (14) p->next->prior = p->prior;

(6) s->prior = p; (15) q=p->next;

(7) s->next = p->next; (16) q=p->prior;

(8) s->prior = p->prior; (17) delete p;

(9) p->prior->next = p->next; (18) delete q;

答案:

a. 7 6 12 3

- b. 5 8 13 4
- c. 15 1 11 18
- d. 16 2 10 18
- e. 14 9 17

4. 分析以下各程序段的执行结果。

(1) 程序段一

```
vector<int> ivec(2,100);
ivec.push_back(3);
ivec.insert(ivec.begin(),10);
vector<int>::iterator it = ivec.begin();
ivec.erase(++it);
ivec.pop_back();
ivec.insert(ivec.end(),20);
for ( it = ivec.begin (); it != ivec.end(); it++ ) cout << *it <<" ";
cout << endl;
```

答案:

10 100 20

分析:开始时容器中有 100 100 然后为 100 100 3 10 100 100 ,3 10 100 3 10 100 10 100 20

(2) 程序段二

```
int a[]={1,2,3,4,5};
vector<int> ivec(a, a+5);
cout << "1.size: " << ivec.size() << endl;
ivec.resize(100);
cout << "2.size: " << ivec.size() << endl;
for (int j=0; j<95; j++) ivec.insert(ivec.end(), j);
cout << "3.size: " << ivec.size() << endl;
ivec.resize(100);
ivec.reserve(20);
cout << "4.size: " << ivec.size() << endl;
```

答案: 1.size:5

2.size:100

11

3.size:195

4.size:100

(3) 程序段三

```
int a[]={1,2,3,4,5};
list<int> ilist(3,2);
ilist.assign(a, a+5);
ilist.pop_back (); //1 2 3 4
ilist.insert (ilist.end(),7); //1 2 3 4 7
ilist.pop_front (); //2 3 4 7
ilist.front ()=20; //20 3 4 7
ilist.sort(); //3 4 7 20
```

```
for ( list<int>::iterator it = ilist.begin (); it != ilist.end(); it++ )
cout << *it <<" ";
cout << endl;
```

答案: 3 4 7 20

### 5. 算法设计

(1) 分别编程实现顺序表类和链表类, 并设计完整的测试程序对每个接口进行测试。

(2) 设  $A = (a_1, a_2, a_3, \dots)$  和  $B = (b_1, b_2, \dots, b_m)$  是两个线性表 (假定所含数据元素均为整数)。

若  $n=m$  且  $a_i=b_i (i=1, \dots, n)$  则称  $A=B$ ; 若  $a_i=b_i (i=1, \dots, j)$  且  $a_{j+1} < b_{j+1} (j < n \leq m)$ , 则称  $A < B$ ; 在其

他情况下均称  $A > B$ 。试编写一个比较  $A$  和  $B$  的算法, 当  $A < B, A=B$  或  $A > B$  是分别输出 -1, 0

或者 1。

(3) 假设有两个按数据元素值递增有序排列的线性表  $A$  和  $B$ , 均以单链表作存储结构。编写算法将  $A$  表和  $B$  表归并成一个按元素值递减有序 (即非递增有序, 允许值相同) 排列的线性表  $C$ , 并要求利用原表 (即  $A$  表和  $B$  表的) 结点空间存放表  $C$ 。

(4) 试分别以顺序表和单链表作为存储结构, 各写一个实现线性表的就地 (即使用尽可能少的附加空间) 逆置的算法, 在原表的存储空间内将线性表  $(a_1, a_2, \dots, a_{n-1}, a_n)$  逆置

为  $(a_n, a_{n-1}, \dots, a_2, a_1)$ 。

(5) 假设在长度大于 1 的循环链表中, 既无头结点也无头指针。s 为指向链表中某个结点的指针, 试编写算法删除结点 \*s 的前趋结点。

(6) 已知一单链表中的数据元素含有三类字符 (即: 字母字符、数字字符和其它字符)。试编写算法, 构造三个循环链表, 使每个循环链表中只含同一类的字符, 且利用原表中的结点空间作为这三个表的结点空间 (头结点可另辟空间)。

(7) Josephus 环问题: 任给正整数  $n, k$ , 按下述方法可得排列  $1, 2, \dots, n$  的一个置换: 将数字  $1, 2, \dots, n$  环形排列 (如图 2-36 所示), 按顺时针方向从 1 开始计数, 计满  $k$  时输出该位置上的数字 (并从环中删去该数字), 然后从下一个数字开始继续计数, 直到环中所有数字均被输出为止。例如,  $n=10, k=3$  时, 输出的置换是 3, 6, 9, 2, 7, 1, 8, 5, 10, 4。试编写一算法, 对输入的任何正整数  $n, k$ , 输出相应的置换数字序列。

1

2

3

n

n-1

n-2

图 2-36 Josephus 环

12

### 习题 3

#### 1. 填空题

(1) 栈的进出原则是 ( )，队列的进出原则是 ( )。

答案：后进先出 (LIFO) 先进先出 (FIFO)

(2) 设 32 位计算机系统中，空栈 S 存储 int 型数据，栈顶指针为 1024H。经过操作序列 push(1) push(2) pop, push(5) push(7) pop, push(6) 之后，栈顶元素为 ( )，栈底元素为 ( )，栈的高度为 ( )，输出序列是 ( )，栈顶指针为 ( ) H。

答案：6 1 3 2, 7 1030

(3) 两栈共享存储空间，其数组大小为 100，数组下标从 0 开始。top1 和 top2 分别为栈 1

和栈 2 的栈顶元素下标，则栈 1 为空的条件为 ( )，栈 2 为空的条件为 ( )，栈 1 或栈 2 满的条件为 ( )。

答案：top1==-1 top2==100 top1+1==top2

(4) 一个队列的入队顺序是 1234，则队列的输出顺序是 ( )。

答案：1234

(5) 设循环队列数组大小为 100，队头指针为 front 队尾指针为 rear 约定 front 指向队头元素的前一个位置，该位置永远不存放数据。则入队操作时，修改 rear=( )，出队操作修改 front=( )，队空的判别条件为 ( )，队满的判别条件为 ( )。若 front=20 rear=60 则队列长度为 ( )，若 front=60, rear=20 则队列长度为 ( )。

答案：(rear+1)%100 (front+1)%100 rear==front (rear+1)%100=front 40 60

(6) 朴素模式匹配算法中，每个串的起始下标均为 1，变量 i=100, j=10, 分别表示主串和模式串当前比较的字符元素下标，若本次比较两字符不同，则 i 回溯为 ( )，j 回溯为 ( )。

答案：92 1

(7) 用循环链表表示的队列长度为 n，若只设头指针，则出队和入队的时间复杂度分别为 ( ) 和 ( )。

答案：O(1) O(n)

## 2. 选择题

(1) 将一个递归算法改为对应的非递归算法时，通常需要使用 ( )。

A. 数组 B. 栈 C. 队列 D. 二叉树

(2) 四个元素 1、2、3、4 依次进栈，出栈次序不可能出现 ( ) 情况。

A. 1 2 3 4 B. 4 1 3 2 C. 1 4 3 2 D. 4 3 2 1

(3) 设循环队列中数组的下标范围是  $1 \sim n$ ，其头尾指针分别为 f 和 r，则其元素个数为 ( )。

A. r-f B. r-f+1 C. (r-f) mod n +1 D. (r-f+n) mod n

(4) 10 行 100 列的二维数组 A 按行优先存储，其元素分别为  $A[1][1] \sim A[10][100]$  每个元

素占 4 字节，已知  $Loc(A[6][7])=10000H$  则  $Loc(A[4][19])=( )$ 。

13

A. FC11H B. 9248H C. 2F00H D. FD10H

(5) 设有两个串 s1 和 s2，求 s2 在 s1 中首次出现的位置的运算称为 ( )。

A. 连接 B. 模式匹配 C. 求子串 D. 求串长

(6) 为了解决计算机主机和键盘输入之间速度不匹配问题，通常设置一个键盘缓冲区，该缓冲区应该是一个 ( ) 结构。

A. 栈 B. 队列 C. 数组 D. 线性表

(7) STL 中的双端队列为 ( )。

A. 顺序容器 B. 容器适配器 C. 迭代器适配器 D. 泛函适配器

(8) STL 中的 ( ) 允许用户为队列中的元素设置优先级。

A. 队列适配器 B. 双端队列 C. 优先级队列适配器 D. 栈适配器

(9) string 类型不支持以 ( ) 的方式操作容器，因此不能使用 front back 和 pop\_back 操作。

A. 线性表 B. 队列 C. 栈 D. 串

### 3. 算法设计

(1) 设计一个算法判断算数表达式的圆括号是否正确配对。

(2) 假定用带头结点的循环链表表示队列，并且只设置一个指针指向队尾元素，试设计该队列类，完成相应的入队、出队、置空队、求队长等操作接口。

(3) 设计算法把一个十进制数转换为任意指定进制数。

(4) 设有一个背包可以放入的物品重量为  $S$ ，现有  $n$  件物品，重量分别为  $w_1, w_2, \dots, w_n$ 。问能否从这  $n$  件物品中选择若干件放入此背包，使得放入的重量之和正好为  $S$ 。如果存

在一种符合上述要求的选择，则称此背包问题有解，否则此问题无解，试用递归和非递归两种方法设计解决此背包问题的算法。

背包问题分析：

背包问题是一个经典的 NP 问题，它既简单形象容易理解，又在某种程度上能够揭示动态规划的本质，故不少教材都把它作为动态规划部分的第一道例题。本题目是最简单的 01 背包问题，除此之外，还有许多由此衍生出来的很多复杂的背包问题。

本题中，最容易想到的就是假定背包中已放入了部分物品，现将第  $i$  件物品试着放入背包中，如果可以放进去，背包的重量在原来的基础上增加了  $w_i$ ；如果不可以放进去，说明加入后太重了，换下一件物品。如果所有的剩余物品都不能放入，说明以前放入的物品不合适，拿出上一次放入的物品，继续试剩余的物品。

递归解法：

设背包函数为 knapsack(int s, int n) 参数 int s 为剩余重量，int n 为剩余物品数，返回值表示背包分配是否成功。

(1) 如果  $s=0$ ，表示分配成功，返回 1；

(2) 如果  $s<0$  或者  $n<0$ ，表示太重，或者物品分配完毕，返回 0；

(3) 执行 knapsack( $s-w_i, n-1$ ) 测试当前这件物品放入是否成功。

(3.1) 如果成功，说明当前这件物品放入刚好最终分配成功。

(4) 返回 knapsack( $s, n-1$ ) 说明当前物品不合适，减小剩余物品数，继续测试。

测试代码：

```
/*简单的背包问题递归解*/
```

```
#include "stdio.h"
```

```
#define N 6 /*物品数量*/
```

```
14
```

```
#define S 8 /*背包大小*/
```

```
int W[N+1]={0, 1, 2, 3, 4, 5, 6} /*数据，各物品重量，W[0] 不使用*/
```

```
/*
```

```
背包函数
```

```
knapsack()
```

参数

int s 剩余重量

int n 剩余物品数

返回

int 背包分配是否成功

\*/

```
int knapsack(int s, int n)
```

```
{
```

```
if(s == 0) /*分配结束, 成功*/
```

```
return 1;
```

```
if(s < 0 || (s > 0 && n没有可用空间, 或者物品分配完毕)/*
```

```
return 0;
```

```
if(knapsack(s - W[n], n 递归)/*
```

```
printf("%-4d", W[n]) 输出*/
```

```
return 1;
```

```
}
```

```
return knapsack(s, n - 1);
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
if(knapsack(S, N) 递归调用/*
```

```
("\\nOK!\\n");
```

```
else
```

```
("Failed!");
```

```
return 1;
```

```
}/*main*/
```

非递归解法:

一件一件的物品往包（即栈）里放，发现有问題，拿出来，放其他的物品。

(1) i=1

(2) 从第 i 件到第 n 件测试每件物品，对于第 j 次循环，测试第 j 件物品

(2.1) 如果该物品可以放，入栈

(2.2) 若栈的容量刚好达到要求，成功，打印栈元素。

(2.3) 继续测试 j+1 件物品

(3) 若没有成功

(3.1) 若栈空，返回失败

15

(3.2) 将栈顶物品（设第 k 个）出栈

(3.3) 令 i=k+1，返回 (2)

代码:

```
#include "stdio.h"
```

```
#define N 6 物品数量*/
```

```
#define S 8 背包大小*/
```

```
int W[N+1]={0, 1, 2, 3, 4, 5, 6} 数据, 各物品重量, W[0] 不使用*/
```

```
int stack[1000]={0};
```

```

int value=0;
int size=0;
knapsackstack()
{
int i=1;
while (1)
{
for (int j=i;j<=N;j++)
{
if (value+W[j]<=S) {stack[size++]=j; value+=W[j];}
if (value==S) {
printf("得到一组解: ");
for (int p=0;p<size;p++) printf("%d ",W[stack[p]]);
printf("OK!\n");
break;
}
else if (value>S) break;
}
if (size==0) {printf("Finished!");exit(0);}
i=stack[--size]+1;
value-=W[i-1];
}
}
void main()
{
knapsackstack();
}

```

16

#### 习题 4

##### 1. 填空题

(1) 一般来说, 数组不执行 ( ) 和 ( ) 操作, 所以通常采用 ( ) 方法来存储数组。通常有两种存储方式: ( ) 和 ( )。

答案: 删除 插入 顺序存储行优先存储列优先存储

(2) 设 8 行 8 列的二维数组起始元素为 A[0][0] 按行优先存储到起始元素下标为 0 的一维

数组 B 中, 则元素 B[23]在原二维数组中为 ( )。若该二维数组为上三角矩阵, 按行优先压缩存储上三角元素到起始元素下标为 0 的一维数组 C 中, 则元素 C[23]即为原矩

阵中的 ( ) 元素。

答案: A[2][7] A[3][5]

(3) 设二维数组 A 为 6 行 8 列, 按行优先存储, 每个元素占 6 字节, 存储器按字节编址。已知 A 的起始存储地址为 1000H, 数组 A 占用的存储空间大小为 ( ) 字节, 数

组 A 的最后一个元素的下标为 ( ), 该元素的第一个字节地址为 ( )

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/825312024331012000>