

# 2023 年江苏省扬州市普通高校对口单招数学自考模拟考试(含答案)

## 一、单选题(10题)

1.  $\log_2 8 =$

A.2 B.3 C.4

2.随着互联网的普及，网上购物已经逐渐成为消费时尚，为了解消费者对网上购物的满意情况，某公司随机对 4500 名网上购物消费者进行了调查（每名消费者限选一种情况回答），统计结果如表：

满意情况	不满意	比较满意	满意	非常满意
人数	200	$n$	2100	1000

根据表中数据，估计在网上购物的消费者群体中对网上购物“比较满意”或“满意”的概率是（）

A.7/15 B.2/5 C.11/15 D.13/15

3.下列函数是奇函数的是

A. $y=x+3$

B.  $y = x^2 + 1$

C.  $y = x^3$

D.  $y = x^3 + 1$

4.若  $x^2-ax+b<0$  的解集为  $(1, 2)$ , 则  $a+b=()$

A.5 B.-5 C.1 D.-1

5.同时掷两枚质地均匀的硬币, 则至少有一枚出现正面的概率是  $()$

A.1 B.3/4 C.1/2 D.1/4

6.设平面向量  $a(3, 5)$ ,  $b(-2, 1)$ , 则  $a-2b$  的坐标是  $()$

A.  $(7, 3)$  B.  $(-7, -3)$  C.  $(-7, 3)$  D.  $(7, -3)$

7.若不等式  $|ax+2|<6$  的解集为  $(-1, 2)$ , 则实数  $a$  等于  $()$

A.8 B.2 C.-4 D.-8

8.若  $100^a = 5$ ,  $10^b = 2$ , 则  $2a+b = ( \quad )$

A.1 B.-1 C.2 D.-2

设全集  $U = \{1,2,3,4,5\}$ ,  $A = \{2,3,4\}$ ,  $B = \{1,2,5\}$ ,  $C = \{1,2,4\}$ .

则集合  $\{2, 4\}$  应是  $( \quad )$ .

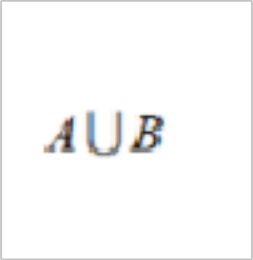
9.

$A \cap B$

A.

$A \cap C$

B.

C. 

D.U

10. 若  $|a|=a$ , 则  $a$  一定是 ( )

A. 负数 B. 正数 C. 非负数 D. 非正数

## 二、填空题(10题)

11. 函数  $f(x) = \sin 2x - \cos 2x$  的最小正周期是\_\_\_\_\_.

12. 某校有高中生 1000 人, 其中高一年级 400 人, 高二年级 300 人, 高三年级 300 人, 现采取分层抽样的方法抽取一个容量为 40 的样本, 则高三年级应抽取的人数是\_\_\_\_\_人.

13. 不等式  $x^2 - 2x - 8 > 0$  的解集为\_\_\_\_\_

14. 若长方体的长、宽、高分别为 1, 2, 则其对角线长为\_\_\_\_\_。

15. 已知圆柱的底面半径为 1，母线长与底面的直径相等，则该圆柱的表面积为\_\_\_\_\_.

16. 过点 A (3, 2) 和点 B (-4, 5) 的直线的斜率是\_\_\_\_\_.

17.  $(2x - \frac{1}{x^2})^7$  展开式中， $x^4$  的二项式系数是\_\_\_\_\_.

18. 若抛物线  $y^2 + 4x = 0$  上一点到准线的距离为 8，则该点的坐标是\_\_\_\_\_.

19. 已知  $\sin\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\alpha}{2}\right) = \log_3 \sqrt{3}$ ，且  $0 < \alpha < \pi$ ，则  $\alpha =$ \_\_\_\_\_.

20. 函数  $y = 3\sin(2x+1)$  的最小正周期为\_\_\_\_\_.

### 三、计算题(5题)

21. 已知函数  $f(x) = \log_a \frac{1-x}{1+x}$ ，(a>0 且 a≠1)

- (1) 求函数  $f(x)$  的定义域；
- (2) 判断函数  $f(x)$  的奇偶性，并说明理由。

22. 已知函数  $y = \sqrt{3} \cos 2x + 3 \sin 2x$ ,  $x \in \mathbf{R}$  求:

- (1) 函数的值域;
- (2) 函数的最小正周期。

23. 有语文书 3 本, 数学书 4 本, 英语书 5 本, 书都各不相同, 要把这些书随机排在书架上.

- (1) 求三种书各自都必须排在一起的排法有多少种?
- (2) 求英语书不挨着排的概率  $P$ 。

24. 从含有 2 件次品的 7 件产品中, 任取 2 件产品, 求以下事件的概率.

- (1) 恰有 2 件次品的概率  $P_1$ ;
- (2) 恰有 1 件次品的概率  $P_2$  .

25. 甲、乙两人进行投篮训练, 已知甲投球命中的概率是  $1/2$ , 乙投球命中的概率是  $3/5$ , 且两人投球命中与否相互之间没有影响.

- (1) 若两人各投球 1 次, 求恰有 1 人命中的概率;
- (2) 若两人各投球 2 次, 求这 4 次投球中至少有 1 次命中的概率.

四、简答题(10题)

26.证明：函数  $\lg(\sqrt{x^2+1}+x)(x \in R)$  是奇函数

27.求证  $\frac{1+\sin 2\theta}{\sin \theta+\cos \theta}=\sin \theta+\cos \theta$

28.组成等差数列的三个正数的和等于 15，并且这三个数列分别加上 1、3、5 后又成等比数列，求这三个数

29.已知双曲线  $C: \frac{x^2}{a^2}-\frac{y^2}{b^2}=1(a>0, b>0)$  的右焦点为  $F_1(2,0)$ ，且点  $F_1$  到  $C$  的一条渐近线的距离为  $\sqrt{2}$ 。

(1) 求双曲线  $C$  的标准方程；

(2) 设  $P$  为双曲线  $C$  上一点，若  $|PF_1|=$ ，求点  $P$  到  $C$  的左焦点  $F_2$  的距离。

30.抛物线的顶点在原点，焦点为椭圆  $\frac{x^2}{5}+y^2=1$  的左焦点，过点  $M(-1, -1)$  引抛物线的弦使  $M$  为弦的中点，求弦长

31.某篮球运动员进行投篮测验，每次投中的概率是 0.9，假设每次投篮之间没有影响

- (1) 求该运动员投篮三次都投中的概率
- (2) 求该运动员投篮三次至少一次投中的概率

32. 已知等差数列  $\{a_n\}$ ,  $a_2=9$ ,  $a_5=21$

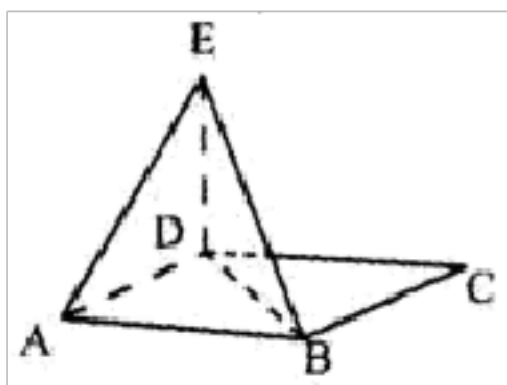
- (1) 求  $\{a_n\}$  的通项公式;
- (2) 令  $b_n=2^n$  求数列  $\{b_n\}$  的前  $n$  项和  $S_n$ .

33. 在抛物线  $y^2=12x$  上有一弦 (两端点在抛物线上的线段) 被点  $M$

- (1, 2) 平分.
- (1) 求这条弦所在的直线方程;
- (2) 求这条弦的长度.

34. 若  $\alpha, \beta$  是二次方程  $x^2 - 2mx + m + 2 = 0$  的两个实根, 求当  $m$  取什么值时,  $\alpha^2 + \beta^2$  取最小值, 并求出此最小值

35. 平行四边形  $ABCD$  中,  $CBD$  沿对角线  $BD$  折起到平面  $CBD \perp$  平面  $ABD$ , 求证:  $AB \perp DE$ .



五、解答题(10题)

36.

等差数列  $\{a_n\}$  的公差为零, 首项  $a_1=1$ ,  $a_2$  是  $a_1$  和  $a_5$  的等比中项, 则数列的前 10 项之和是

A.90 B.100 C.145 D.190

37. 已知函数  $f(x) = \sin x + \sqrt{3} \cos x - \sqrt{3}$

(1) 求  $f(x)$  的最小正周期;

(2) 求  $f(x)$  在区间  $[0, 2\pi/3]$  的最小值.

38. 已知函数  $f(x) = 2\cos^2 x + \sqrt{3} \sin 2x - 1$ ;

(1)  $f(\pi/6)$  的值;

(2) 求函数  $f(x)$  的最小正周期和单调递增区间.

39. 已知  $\cos \alpha = \frac{2}{3}$ , 且  $\alpha \in (-\frac{\pi}{2}, 0)$ , 求  $\tan 2\alpha$

40. 已知数列  $\{a_n\}$  是首项和公差相等的等差数列, 其前  $n$  项和为  $S_n$ , 且

$S_{10}=55$ .

(1) 求  $a_n$  和  $S_n$

(2) 设  $b_n = 1/S_n$ , 数列  $\{b_n\}$  的前  $n$  项和为  $T_n$ , 求  $T_n$  的取值范围.



41.

已知集合  $A = \{x \mid 6x^2 + mx - 1 = 0\}$ ,  $B = \{x \mid 3x^2 + 5x + n = 0\}$ , 且  $A \cap B = \{-1\}$ , 求  $A \cup B$

42. 设函数  $f(x) = x^3 - 3ax + b (a \neq 0)$ .

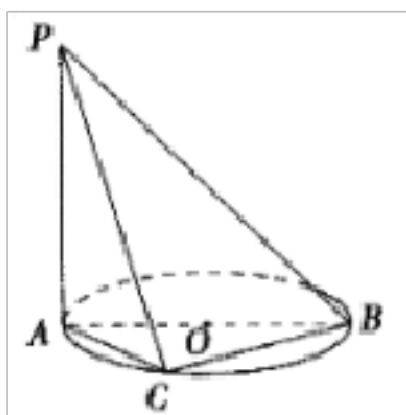
(1) 若曲线  $y = f(x)$  在点  $(2, f(x))$  处与直线  $y = 8$  相切, 求  $a, b$  的值;

(2) 求函数  $f(x)$  的单调区间与极值点.

43. 如图,  $AB$  是  $\odot O$  的直径,  $P$  是  $\odot O$  所在平面外一点,  $PA$  垂直于  $\odot O$  所在的平面, 且  $PA = AB = 10$ , 设点  $C$  为  $\odot O$  上异于  $A, B$  的任意一点.

(1) 求证:  $BC \perp$  平面  $PAC$ ;

(2) 若  $AC = 6$ , 求三棱锥  $C-PAB$  的体积.



44. 给定椭圆  $C: x^2/a^2 + y^2/b^2 (a > b > 0)$ , 称圆  $C_1: x^2 + y^2 = a^2 + b^2$  为椭圆  $C$  的

‘伴随圆’已知椭圆  $C$  的离心率为  $\sqrt{3}/2$ , 且经过点  $(0, 1)$ .

(1) 求椭圆  $C$  的方程;

(2) 求直线  $l: \sqrt{2}x - y + 3 = 0$  被椭圆  $C$  的伴随圆  $C_1$  所截得的弦长.

45.从含有 2 件次品的 7 件产品中，任取 2 件产品，求以下事件的概率.

(1)恰有 2 件次品的概率  $P_1$ ;

(2)恰有 1 件次品的概率  $P_2$  .

六、单选题(0 题)

46.若集合  $M=\{3,1,a-1\}$ ， $N = \{-2,a^2\}$ ， $N$  为  $M$  的真子集，则  $a$  的值是( )

B.1

C.0

D.

1.B

2.C

古典概型的概率公式.由题意， $n=4500-200-2100-1000=1200$ .所以对网上购物“比较满意”或“满意”的人数为  $1200+2100=3300$ ，由古典概型概率公式可得对网上购物“比较满意”或“满意”的概率为  $3300/4500=11/15$ .

3.C

4.A

即方程  $x^2-ax+b=0$  的两根为 1, 2. 由根与系数关系得  $\begin{cases} 1+2=a \\ 1\times 2=b \end{cases}$  解得  $a=3$ .  
所以  $a+b=5$ .

独立事件的概率. 同时掷两枚质地均匀的硬币, 可能的结果: (正, 正), (正, 反), (反, 正), (反, 反) 共 4 种结果, 至少有一枚出现正面的结果有 3 种, 所求的概率是  $3/4$

6.A

由题可知,  $a-2b = (3, 5) - 2(-2, 1) = (7, 3)$ 。

7.C

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/918014143016006043>