

江苏省苏州十中 2024 年高三年级二轮复习数学试题导引卷（二）含附加题

注意事项

1. 考生要认真填写考场号和座位序号。
2. 试题所有答案必须填涂或书写在答题卡上，在试卷上作答无效。第一部分必须用 2B 铅笔作答；第二部分必须用黑色字迹的签字笔作答。
3. 考试结束后，考生须将试卷和答题卡放在桌面上，待监考员收回。

一、选择题：本题共 12 小题，每小题 5 分，共 60 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

1. 已知函数 $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x}$ ，则不等式 $f(e^{1-x}) > f(e^{2x-1})$ 的解集是 ()

- A. $(-\frac{2}{3}, \frac{2}{3})$ B. $(\frac{2}{3}, 0)$ C. $(-\frac{2}{3}, 0)$ D. $(\frac{2}{3}, 0)$

2. 已知数列 $\{a_n\}$ 满足： $a_n = \begin{cases} 2, & n \leq 5 (n \in \mathbb{N}^*) \\ a_1 a_2 \dots a_{n-1} - 1, & n \geq 6 \end{cases}$ 。若正整数 $k (k \geq 5)$ 使得 $a_1^2 + a_2^2 + \dots + a_k^2 = a_1 a_2 \dots a_k$ 成立，则

$k =$ ()

- A. 16 B. 17 C. 18 D. 19

3. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} a - 1 - x^4, & x \leq 7 \\ a x^6, & x > 7 \end{cases}$ 是 \mathbb{R} 上的减函数，当 a 最小时，若函数 $y = f(x) - kx - 4$ 恰有两个零点，则

实数 k 的取值范围是 ()

- A. $(\frac{1}{2}, 0)$ B. $(2, \frac{1}{2})$
 C. $(1, 1)$ D. $(\frac{1}{2}, 1)$

4. 某人造地球卫星的运行轨道是以地心为一个焦点的椭圆，其轨道的离心率为 e ，设地球半径为 R ，该卫星近地点离地面的距离为 r ，则该卫星远地点离地面的距离为 ()

- A. $\frac{1-e}{1+e}r - \frac{2e}{1+e}R$ B. $\frac{1-e}{1+e}r - \frac{e}{1+e}R$
 C. $\frac{1-e}{1+e}r - \frac{2e}{1+e}R$ D. $\frac{1-e}{1+e}r - \frac{e}{1+e}R$

5. 双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$ 的左右焦点为 F_1, F_2 ，一条渐近线方程为 $l: y = \frac{b}{a}x$ ，过点 F_1 且与 l 垂直的直线分

别交双曲线的左支及右支于 P, Q ，满足 $\overrightarrow{OP} = \frac{1}{2}\overrightarrow{OF_1} - \frac{1}{2}\overrightarrow{OQ}$ ，则该双曲线的离心率为 ()

- A. $\sqrt{10}$ B. 3 C. $\sqrt{5}$ D. 2

6. 已知函数 $f(x) = \sin(x - \frac{\pi}{2})$ ($0 < x < \frac{\pi}{2}$) 的最小正周期为 π , $f(x)$ 的图象向左平移 $\frac{\pi}{6}$ 个单位长度后关于 y 轴对称, 则 $f(x - \frac{\pi}{6})$ 的单调递增区间为 ()

- A. $[\frac{\pi}{3} + k\pi, \frac{5\pi}{6} + k\pi]$ B. $[\frac{\pi}{3} + k\pi, \frac{\pi}{6} + k\pi]$
- C. $[\frac{\pi}{12} + k\pi, \frac{5\pi}{12} + k\pi]$ D. $[\frac{\pi}{6} + k\pi, \frac{\pi}{3} + k\pi]$

7. 在直角坐标平面上, 点 $P(x, y)$ 的坐标满足方程 $x^2 - 2x - y^2 = 0$, 点 $Q(a, b)$ 的坐标满足方程

$a^2 - b^2 - 6a - 8b - 24 = 0$ 则 $\frac{y}{x} - \frac{b}{a}$ 的取值范围是 ()

- A. $[-2, 2]$ B. $[\frac{4 - \sqrt{7}}{3}, \frac{4 + \sqrt{7}}{3}]$ C. $[-3, \frac{1}{3}]$ D. $[\frac{6 - \sqrt{7}}{3}, \frac{6 + \sqrt{7}}{3}]$

8. 已知变量 x, y 满足不等式组 $\begin{cases} x + y \leq 2 \\ x - y \leq 1 \\ x \geq 0 \end{cases}$, 则 $2x - y$ 的最小值为 ()

- A. -4 B. -2 C. 0 D. 4

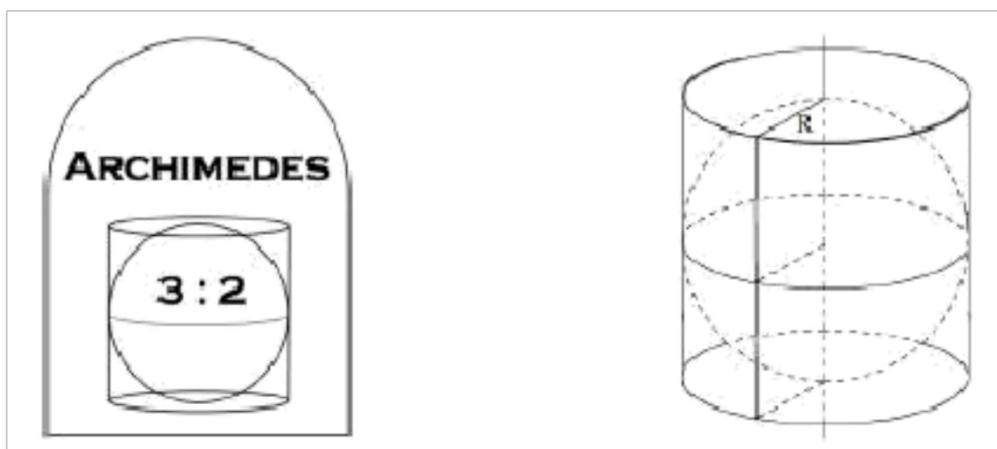
9. $\frac{2-3i}{1-i}$ ()

- A. $\frac{1}{2} - \frac{5}{2}i$ B. $-\frac{1}{2} - \frac{5}{2}i$ C. $\frac{1}{2} + \frac{5}{2}i$ D. $-\frac{1}{2} + \frac{5}{2}i$

10. 若实数 x, y 满足的约束条件 $\begin{cases} x + y \leq 3 \\ 2x - y \leq 0 \end{cases}$, 则 $z = 2x - y$ 的取值范围是 ()

- A. $[-4, 6]$ B. $[0, 6]$ C. $[0, 4]$ D. $[-6, 4]$

11. 阿基米德 (公元前 287 年—公元前 212 年) 是古希腊伟大的哲学家、数学家和物理学家, 他和高斯、牛顿并列被称为世界三大数学家. 据说, 他自己觉得最为满意的一个数学发现就是 “圆柱内切球体的体积是圆柱体积的三分之二, 并且球的表面积也是圆柱表面积的三分之二” 他特别喜欢这个结论, 要求后人在他的墓碑上刻着一个圆柱容器里放了一个球, 如图, 该球顶天立地, 四周碰边, 表面积为 54π 的圆柱的底面直径与高都等于球的直径, 则该球的体积为 ()



- A. 4 B. 16 C. 36 D. $\frac{64}{3}$

12. 已知函数 $f(x) = x^2 - 3x + 5$, $g(x) = ax \ln x$, 若对 $x \in (0, e)$, $x_1, x_2 \in (0, e)$ 且 $x_1 < x_2$, 使得 $f(x_1) = g(x_2) \in (1, 2)$, 则实数 a 的取值范围是 ()

- A. $\frac{1}{e}, \frac{6}{e}$ B. $\frac{1}{e}, e^4$ C. $0, \frac{1}{e} \cup \frac{6}{e}, e^4$ D. $\frac{6}{e}, e^4$

二、填空题：本题共 4 小题，每小题 5 分，共 20 分。

13. 已知 $f(x)$ 为偶函数，当 $x \leq 0$ 时， $f(x) = e^{-x-1} - x$ ，则曲线 $y = f(x)$ 在点 $(1, 2)$ 处的切线方程是_____。

14. 设函数 $f(x) = 2 \left| \frac{k-17}{4} x - 2 \right|, x \geq 0$, $g(x) = kx - \frac{4}{3}$, 其中 $k > 0$. 若存在唯一的整数 x , 使得 $f(x) = g(x)$, 则实数 k 的取值范围是_____。

15. 某城市为了解该市甲、乙两个旅游景点的游客数量情况，随机抽取了这两个景点 20 天的游客人数，得到如下茎叶图：

甲		乙	
3 2	60	3 4 7	
8 6 4 2	61	1 2 5	
9 8 7 3 3 0	62	1 2 4 4 6 7	
5 4 3 2 1	63	3 5 6 7 9	
8 7 4	64	2 4 6	

由此可估计，全年（按 360 天计算）中，游客人数在 $(625, 635)$ 内时，甲景点比乙景点多_____天。

16. 若正实数 x, y , 满足 $x + 2y = 5$, 则 $\frac{x^2-3}{x+1} + \frac{2y^2-1}{y}$ 的最大值是_____。

三、解答题：共 70 分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

17. (12 分) 已知函数 $f(x) = e^x - 2x - \cos x$.

(1) 当 $x \in (-\infty, 0)$ 时，求证： $f(x) > 0$;

(2) 若函数 $g(x) = f(x) - \ln(x+1)$, 求证：函数 $g(x)$ 存在极小值。

18. (12 分) 随着电子阅读的普及，传统纸质媒体遭受到了强烈的冲击。某杂志社近 9 年来的纸质广告收入如下表所

示：

年份	2010	2011	2012	2013	2014	2015	2016	2017	2018
时间代号 t	1	2	3	4	5	6	7	8	9
广告收入 y (千万元)	2	2.2	2.5	2.8	3	2.5	2.3	2	1.8

根据这 9 年的数据，对 t 和 y 作线性相关性检验，求得样本相关系数的绝对值为 0.243

根据后 5 年的数据，对 t 和 y 作线性相关性检验，求得样本相关系数的绝对值为 0.984.

(1) 如果要用线性回归方程预测该杂志社 2019 年的纸质广告收入，现在有两个方案，

方案一：选取这 9 年数据进行预测，方案二：选取后 5 年数据进行预测.

从实际生活背景以及线性相关性检验的角度分析，你觉得哪个方案更合适？

附：相关性检验的临界值表：

$n-2$	小概率	
	0.05	0.01
3	0.878	0.959
7	0.666	0.798

(2) 某购物网站同时销售某本畅销书籍的纸质版本和电子书，据统计，在该网站购买该书籍的大量读者中，只购买电子书的读者比例为 50%，纸质版本和电子书同时购买的读者比例为 10%，现用此统计结果作为概率，若从上述读者中随机调查了 3 位，求购买电子书人数多于只购买纸质版本人数的概率.

19. (12 分) 已知圆 $F_1: (x+1)^2 + y^2 = r^2 (1 \leq r \leq 3)$ 圆 $F_2: (x-1)^2 + y^2 = (4r)^2$.

(1) 证明：圆 F_1 与圆 F_2 有公共点，并求公共点的轨迹 E 的方程；

(1) 已知点 $Q(m, 0) (m < 0)$ ，过点 E 斜率为 $k (k \neq 0)$ 的直线与 (I) 中轨迹 E 相交于 M, N 两点，记直线 QM 的斜率为 k_1 ，直线 QN 的斜率为 k_2 ，是否存在实数 m 使得 $k(k_1 + k_2)$ 为定值？若存在，求出 m 的值，若不存在，说明理由.

20. (12 分) 已知椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 与 x 轴负半轴交于 $A(-2, 0)$ ，离心率 $e = \frac{1}{2}$.

(1) 求椭圆 C 的方程；

(2) 设直线 $l: y = kx + m$ 与椭圆 C 交于 $M(x_1, y_1), N(x_2, y_2)$ 两点，连接 AM, AN 并延长交直线 $x=4$ 于

$E(x_3, y_3), F(x_4, y_4)$ 两点，若 $\frac{1}{y_1} + \frac{1}{y_2} = \frac{1}{y_3} + \frac{1}{y_4}$ ，直线 MN 是否恒过定点，如果是，请求出定点坐标，如果不是，

请说明理由.

21. (12 分) 在直角坐标系 xOy 中， l 是过定点 $P(4, 2)$ 且倾斜角为 $\frac{\pi}{4}$ 的直线；在极坐标系（以坐标原点 O 为极点，

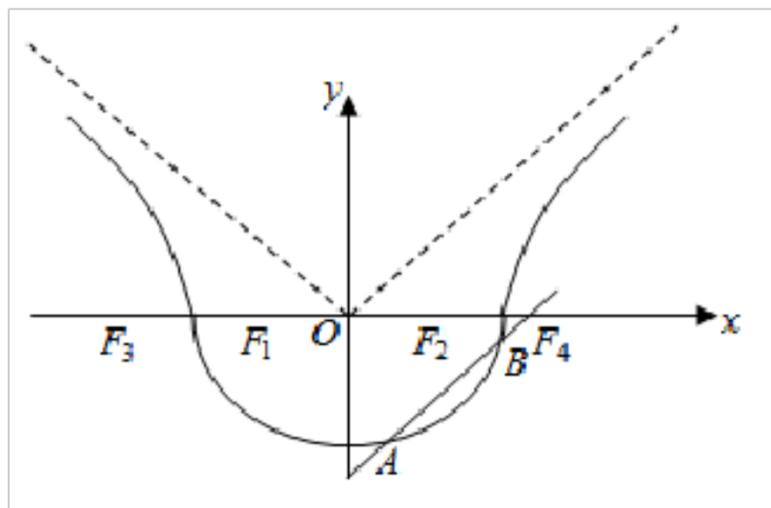
以 x 轴非负半轴为极轴，取相同单位长度）中，曲线 C 的极坐标方程为 $\rho = 4\cos\theta$.

(1) 写出直线 l 的参数方程，并将曲线 C 的方程化为直角坐标方程；

(2) 若曲线 C 与直线 l 相交于不同的两点 M 、 N ，求 $|PM| \cdot |PN|$ 的取值范围.

22. (10分) 已知 $a > b > 0$ ，如图，曲线 C 由曲线 $C_1: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (y < 0)$ 和曲线 $C_2: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (y > 0)$ 组成，其

中点 F_1, F_2 为曲线 C_1 所在圆锥曲线的焦点，点 F_3, F_4 为曲线 C_2 所在圆锥曲线的焦点.



(I) 若 $F_2(2, 0), F_3(6, 0)$ ，求曲线 C 的方程；

(II) 如图，作直线 l 平行于曲线 C_2 的渐近线，交曲线 C_1 于点 A, B ，求证：弦 AB 的中点 M 必在曲线 C_2 的另一条渐近线上；

(III) 对于 (I) 中的曲线 C ，若直线 l_1 过点 F_4 交曲线 C_1 于点 C, D ，求 $\triangle CDF_4$ 面积的最大值.

参考答案

一、选择题：本题共 12 小题，每小题 5 分，共 60 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

1、B

【解题分析】

由导数确定函数的单调性，利用函数单调性解不等式即可.

【题目详解】

函数 $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x} = x - \frac{1}{x}$ ，可得 $f'(x) = 1 + \frac{1}{x^2}$ ，

$x \in (0, +\infty)$ 时， $f'(x) > 0$ ， $f(x)$ 单调递增，

$$\because e^{1-x} > 0, e^{2x-1} > 0,$$

故不等式 $f(e^{1-x}) > f(e^{2x-1})$ 的解集等价于不等式 $e^{1-x} > e^{2x-1}$ 的解集.

$$1-x > 2x-1,$$

$$\therefore x < \frac{2}{3}.$$

故选: B.

【题目点拨】

本题主要考查了利用导数判定函数的单调性, 根据单调性解不等式, 属于中档题.

2、B

【解题分析】

由题意可得 $a_1 = a_2 = a_3 = a_4 = a_5 = 2$, $a_6 = a_1 a_2 a_3 \dots a_5 - 1 = 2^5 - 1 = 31$, $n \geq 6$ 时, $a_1 a_2 \dots a_{n-1} = 1 + a_n$, 将 n 换为 $n+1$, 两式相除, $a_n^2 = a_{n+1} - a_n + 1$, $n \geq 6$,

累加法求得 $a_6^2 + a_7^2 + \dots + a_k^2 = a_{k+1} - a_6 + k - 5$ 即有 $a_1^2 + a_2^2 + \dots + a_k^2 = 20 + a_{k+1} - a_6 + k - 5 = a_{k+1} + k - 16$, 结合条件, 即可得到所求值.

【题目详解】

$$\text{解: } a_n = \begin{cases} 2, n \leq 5 \\ a_1 a_2 \dots a_{n-1} - 1, n \geq 6 \end{cases} (n \in \mathbb{N}^*),$$

$$\text{即 } a_1 = a_2 = a_3 = a_4 = a_5 = 2, a_6 = a_1 a_2 a_3 \dots a_5 - 1 = 2^5 - 1 = 31,$$

$$n \geq 6 \text{ 时, } a_1 a_2 \dots a_{n-1} = 1 + a_n,$$

$$a_1 a_2 \dots a_n = 1 + a_{n+1},$$

$$\text{两式相除可得 } \frac{1 + a_{n+1}}{1 + a_n} = a_n,$$

$$\text{则 } a_n^2 = a_{n+1} - a_n + 1, n \geq 6,$$

$$\text{由 } a_6^2 = a_7 - a_6 + 1,$$

$$a_7^2 = a_8 - a_7 + 1,$$

...

$$a_k^2 = a_{k+1} - a_k + 1, k \geq 5,$$

$$\text{可得 } a_6^2 + a_7^2 + \dots + a_k^2 = a_{k+1} - a_6 + k - 5$$

$$a_1^2 + a_2^2 + \dots + a_k^2 = 20 + a_{k+1} - a_6 + k - 5 = a_{k+1} + k - 16,$$

$$\text{且 } a_1 a_2 \dots a_k = 1 + a_{k+1},$$

正整数 $k (k \geq 5)$ 时, 要使得 $a_1^2 + a_2^2 + \dots + a_k^2 = a_1 a_2 \dots a_k$ 成立,

$$\text{则 } a_{k+1} + k - 16 = a_{k+1} + 1,$$

则 $k = 17$,

故选: **B**.

【题目点拨】

本题考查与递推数列相关的方程的整数解的求法, 注意将题设中的递推关系变形得到新的递推关系, 从而可简化与数列相关的方程, 本题属于难题.

3、A

【解题分析】

首先根据 $f(x)$ 为 \mathbb{R} 上的减函数, 列出不等式组, 求得 $\frac{1}{2} < a < 1$, 所以当 a 最小时, $a = \frac{1}{2}$, 之后将函数零点个数转化为函数图象与直线交点的个数问题, 画出图形, 数形结合得到结果.

【题目详解】

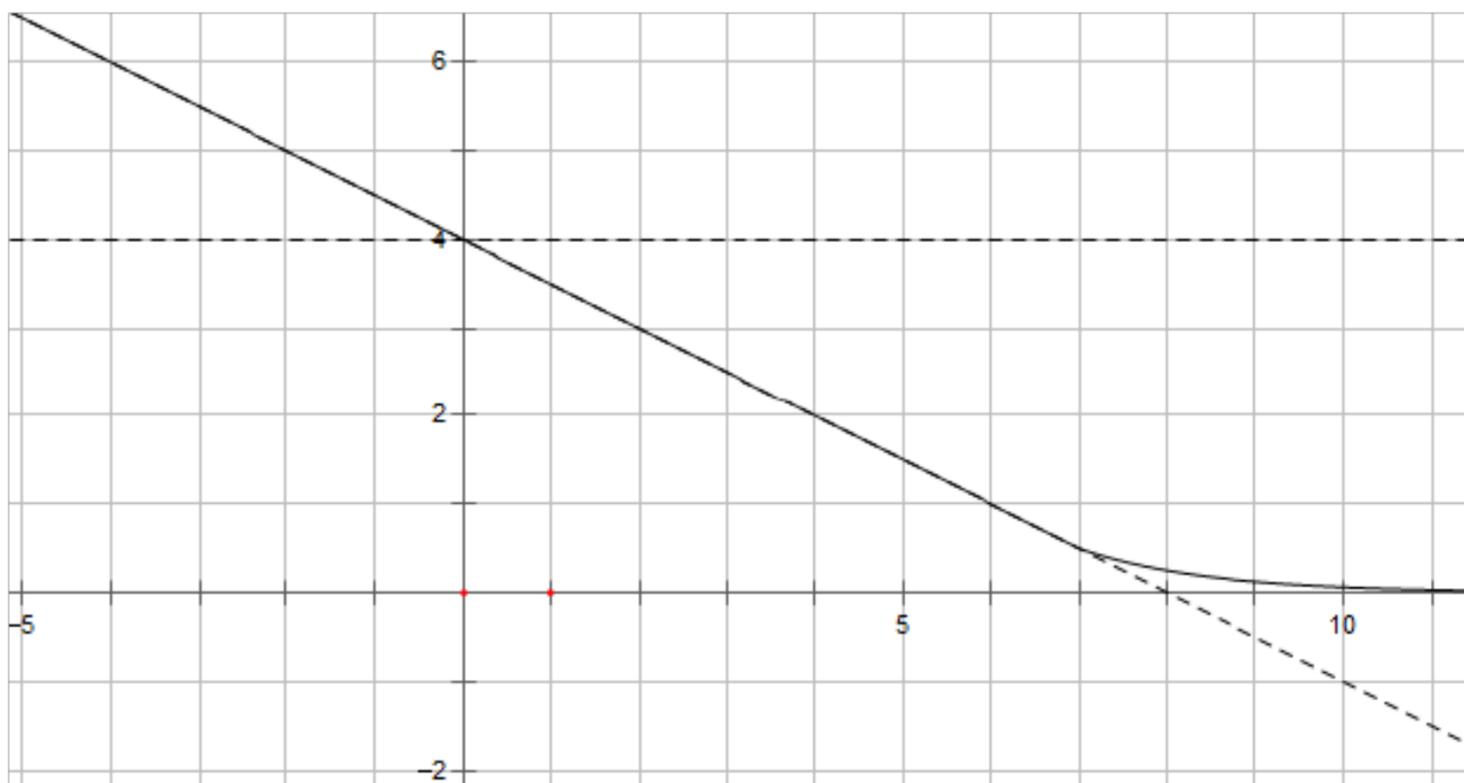
由于 $f(x)$ 为 \mathbb{R} 上的减函数, 则有
$$\begin{cases} a - 1 < 0 \\ 0 < a < 1 \\ a - 7 < a - 1 < 4 \end{cases}, \text{ 可得 } \frac{1}{2} < a < 1,$$

所以当 a 最小时, $a = \frac{1}{2}$,

函数 $y = f(x) - kx - 4$ 恰有两个零点等价于方程 $f(x) - kx - 4 = 0$ 有两个实根,

等价于函数 $y = f(x)$ 与 $y = kx + 4$ 的图像有两个交点.

画出函数 $f(x)$ 的简图如下, 而函数 $y = kx + 4$ 恒过定点 $(0, 4)$,



数形结合可得 k 的取值范围为 $\frac{1}{2} < k < 0$.

故选: **A**.

【题目点拨】

该题考查的是有关函数的问题，涉及到的知识点有分段函数在定义域上单调减求参数的取值范围，根据函数零点个数求参数的取值范围，数形结合思想的应用，属于中档题目。

4、A

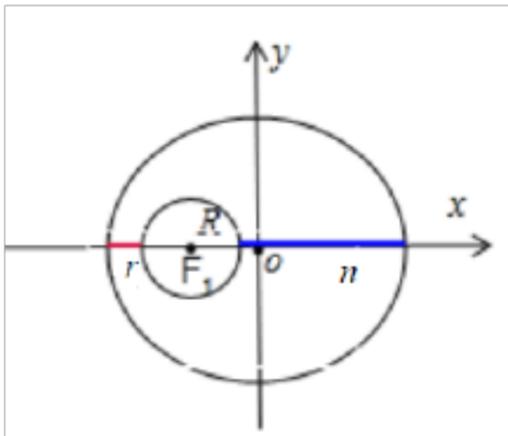
【解题分析】

由题意画出图形，结合椭圆的定义，结合椭圆的离心率，求出椭圆的长半轴 a ，半焦距 c ，即可确定该卫星远地点离地面的距离。

【题目详解】

椭圆的离心率： $e = \frac{c}{a}$ ($0, 1$)，(c 为半焦距； a 为长半轴)，

设卫星近地点，远地点离地面距离分别为 r ， n ，如图：



则 $n = a + c$ ， $r = a - c$

所以 $a = \frac{r + n}{2}$ ， $c = \frac{(n - r)e}{2}$ ，

$n = a + c = \frac{r + n}{2} + \frac{(n - r)e}{2} = R \frac{1 + e}{2} r = \frac{2e}{1 + e} R$

故选：A

【题目点拨】

本题主要考查了椭圆的离心率的求法，注意半焦距与长半轴的求法，是解题的关键，属于中档题。

5、A

【解题分析】

设 $P(x_1, y_1)$ ， $Q(x_2, y_2)$ ，直线 PQ 的方程为 $x = \frac{b}{a}y + c$ ，联立方程得到 $y_1 + y_2 = \frac{2ab^3}{b^2 - a^2 - c^2}$ ， $y_1 y_2 = \frac{a^2 b^4}{b^2 - a^2 - c^2}$ ，

根据向量关系化简到 $b^2 = 9a^2$ ，得到离心率。

【题目详解】

设 $P(x_1, y_1)$ ， $Q(x_2, y_2)$ ，直线 PQ 的方程为 $x = \frac{b}{a}y + c$ 。

联立 $\begin{cases} x = \frac{b}{a}y + c, \\ \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1, \end{cases}$ 整理得 $b^4 - a^4 - y^2 - 2ab^3cy - a^2b^4 = 0$,

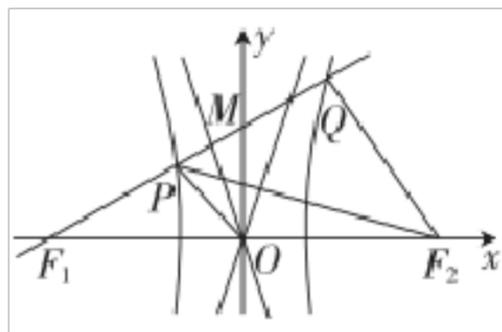
则 $y_1 = y_2 = \frac{2ab^3}{b^2 - a^2 - c}, y_1 y_2 = \frac{a^2 b^4}{b^2 - a^2 - c^2}$.

因为 $\overrightarrow{OP} = \frac{1}{2}\overrightarrow{OF_1} + \frac{1}{2}\overrightarrow{OQ}$, 所以 P 为线段 QF_1 的中点, 所以 $y_2 = 2y_1$,

$\frac{y_1 - y_2}{y_1 + y_2} = \frac{9}{2} = \frac{4a^2 b^6 - b^2 - a^2 - c^2}{b^2 - a^2 - c^2} = \frac{4b^2}{b^2 - a^2}$, 整理得 $b^2 = 9a^2$,

故该双曲线的离心率 $e = \sqrt{10}$.

故选: A.



【题目点拨】

本题考查了双曲线的离心率, 意在考查学生的计算能力和转化能力.

6、D

【解题分析】

先由函数 $f(x) = \sin(x)$ 的周期和图象的平移后的函数的图象性质得出函数 $f(x) = \sin(x)$ 的解析式, 从而得出 $f(x - \frac{\pi}{6})$ 的解析式, 再根据正弦函数 $f(x) = \sin x$ 的单调递增区间得出函数 $f(x - \frac{\pi}{6})$ 的单调递增区间, 可得选项.

【题目详解】

因为函数 $f(x) = \sin(x)$ ($0 < \omega < \frac{\pi}{2}$) 的最小正周期是 $\frac{\pi}{2}$, 所以 $\omega = 2$, 所以 $f(x) = \sin 2x$,

$f(x) = \sin 2x$ 的图象向左平移 $\frac{\pi}{6}$ 个单位长度后得到的函数解析式为

$y = \sin 2(x + \frac{\pi}{6}) = \sin(2x + \frac{\pi}{3})$,

由于其图象关于 y 轴对称, 所以 $\frac{\pi}{3} + \frac{\pi}{2} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$, 又 $0 < \omega < \frac{\pi}{2}$, 所以 $\omega = \frac{\pi}{6}$, 所以 $f(x) = \sin 2x - \frac{\pi}{6}$,

所以 $f(x - \frac{\pi}{6}) = \sin(2x - \frac{\pi}{6}) + \frac{1}{6} = \sin(2x - \frac{\pi}{6}) + \frac{1}{6}$,

因为 $f(x) = \sin x$ 的递增区间是: $[\frac{2k\pi}{2}, \frac{(2k+1)\pi}{2}]$, $k \in \mathbb{Z}$,

由 $\frac{2k\pi}{2} \leq 2x - \frac{\pi}{6} \leq \frac{(2k+1)\pi}{2}$, $k \in \mathbb{Z}$, 得: $\frac{k\pi}{2} \leq x \leq \frac{(2k+1)\pi}{4}$, $k \in \mathbb{Z}$,

所以函数 $f(x - \frac{\pi}{6})$ 的单调递增区间为 $[\frac{k\pi}{2}, \frac{(2k+1)\pi}{4}]$ ($k \in \mathbb{Z}$).

故选: D.

【题目点拨】

本题主要考查正弦型函数的周期性, 对称性, 单调性, 图象的平移, 在进行图象的平移时, 注意自变量的系数, 属于中档题.

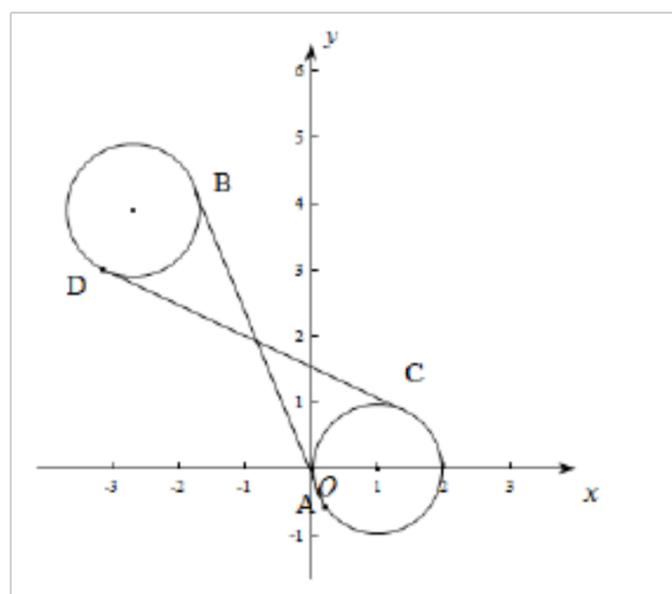
7、B

【解题分析】

由点 $P(x, y)$ 的坐标满足方程 $x^2 - 2x + y^2 = 0$, 可得 P 在圆 $(x-1)^2 + y^2 = 1$ 上, 由 $Q(a, b)$ 坐标满足方程

$a^2 - b^2 - 6a + 8b - 24 = 0$, 可得 Q 在圆 $(x-3)^2 + (y-4)^2 = 1$ 上, 则 $k_{PQ} = \frac{y-b}{x-a}$ 求出两圆内公切线的斜率, 利用数形结合可得结果.

【题目详解】



\because 点 $P(x, y)$ 的坐标满足方程 $x^2 - 2x + y^2 = 0$,

P 在圆 $(x-1)^2 + y^2 = 1$ 上,

\because $Q(a, b)$ 在坐标满足方程 $a^2 - b^2 - 6a + 8b - 24 = 0$,

Q 在圆 $(x-3)^2 + (y-4)^2 = 1$ 上,

则 $\frac{y-b}{x-a} = k_{PQ}$ 作出两圆的图象如图，

设两圆内公切线为 AB 与 CD，

由图可知 $k_{AB} = k_{PQ} = k_{CD}$ ，

设两圆内公切线方程为 $y = kx + m$ ，

$$\text{则 } \frac{|k-m|}{\sqrt{1+k^2}} = 1, \quad \frac{|3k-m-4|}{\sqrt{1+k^2}} = 1,$$

∵ 圆心在内公切线两侧， $k-m = 3k-m-4$ ，

$$\text{可得 } m = k - 2, \quad \frac{|k-m|}{\sqrt{1+k^2}} = \frac{|2k-2|}{\sqrt{1+k^2}} = 1,$$

$$\text{化为 } 3k^2 - 8k - 3 = 0, \quad k = \frac{4 \pm \sqrt{7}}{3},$$

$$\text{即 } k_{AB} = \frac{4 + \sqrt{7}}{3}, k_{CD} = \frac{4 - \sqrt{7}}{3},$$

$$\frac{4 + \sqrt{7}}{3} \leq \frac{y-b}{x-a} = k_{PQ} \leq \frac{4 - \sqrt{7}}{3},$$

$\frac{y-b}{x-a}$ 的取值范围 $[\frac{4 - \sqrt{7}}{3}, \frac{4 + \sqrt{7}}{3}]$ ，故选 B.

【题目点拨】

本题主要考查直线的斜率、直线与圆的位置关系以及数形结合思想的应用，属于综合题. 数形结合是根据数量与图形之间的对应关系，通过数与形的相互转化来解决数学问题的一种重要思想方法，尤其在解决选择题、填空题时发挥着奇特功效，大大提高了解题能力与速度. 运用这种方法的关键是运用这种方法的关键是正确作出曲线图象，充分利用数形结合的思想方法能够使问题化难为简，并迎刃而解.

8、B

【解题分析】

先根据约束条件画出可行域，再利用几何意义求最值.

【题目详解】

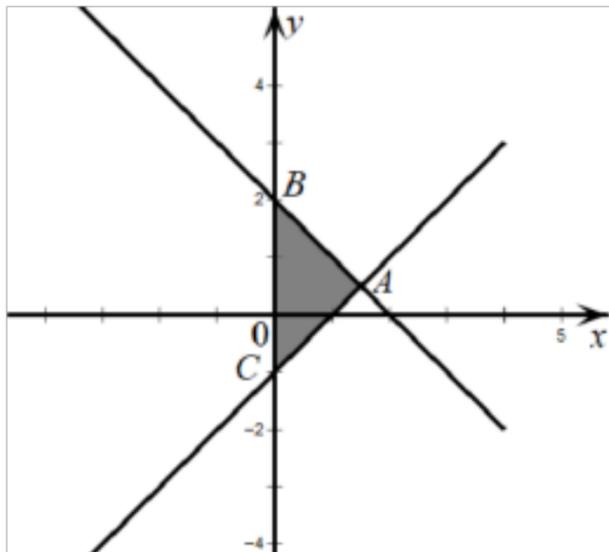
$$x + y = 2$$

解：由变量 x, y 满足不等式组 $\begin{cases} x + y = 1 \\ x \geq 0 \end{cases}$ ，画出相应图形如下：

$$x \geq 0$$

可知点 $A(1, 1), B(0, 2)$,

$2x - y$ 在 B 处有最小值, 最小值为 -2 .



故选: B.

【题目点拨】

本题主要考查简单的线性规划, 运用了数形结合的方法, 属于基础题.

9、B

【解题分析】

利用复数代数形式的乘除运算化简得答案.

【题目详解】

$$z = \frac{2 - 3i}{1 - i} = \frac{(2 - 3i)(1 + i)}{(1 - i)(1 + i)} = \frac{1 - 5i}{2} = \frac{1}{2} - \frac{5}{2}i.$$

故选 B.

【题目点拨】

本题考查复数代数形式的乘除运算, 考查了复数的基本概念, 是基础题.

10、B

【解题分析】

根据所给不等式组, 画出不等式表示的可行域, 将目标函数化为直线方程, 平移后即可确定取值范围.

【题目详解】

实数 x, y 满足的约束条件 $\begin{cases} y \geq 0 \\ x - y - 3 \leq 0 \\ 2x - y \leq 0 \end{cases}$, 画出可行域如下图所示:

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/938017006142007004>