

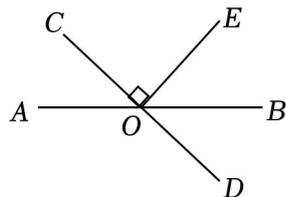
## 2024 年北京市中考数学试卷

一、选择题（共 16 分，每题 2 分）第 1-8 题均有四个选项，符合题意的选项只有一个。

1. (2 分) 下列图形中，既是轴对称图形又是中心对称图形的是 ( )

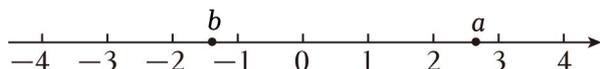


2. (2 分) 如图，直线  $AB$  和  $CD$  相交于点  $O$ ， $OE \perp OC$ 。若  $\angle AOC = 58^\circ$ ，则  $\angle EOB$  的大小为 ( )



A.  $29^\circ$                       B.  $32^\circ$                       C.  $45^\circ$                       D.  $58^\circ$

3. (2 分) 实数  $a$ ， $b$  在数轴上的对应点的位置如图所示，下列结论中正确的是 ( )



A.  $b > -1$                       B.  $|b| > 2$                       C.  $a + b > 0$                       D.  $ab > 0$

4. (2 分) 若关于  $x$  的一元二次方程  $x^2 - 4x + c = 0$  有两个相等的实数根，则实数  $c$  的值为 ( )

A.  $-16$                       B.  $-4$                       C.  $4$                       D.  $16$

5. (2 分) 不透明袋子中仅有红、黄小球各一个，两个小球除颜色外无其他差别。从中随机摸出一个小球，放回并摇匀，再从中随机摸出一个小球，则两次摸出的都是红球的概率是 ( )

A.  $\frac{1}{4}$                       B.  $\frac{1}{3}$                       C.  $\frac{1}{2}$                       D.  $\frac{3}{4}$

6. (2 分) 为助力数字经济发展，北京积极推进多个公共算力中心的建设。北京数字经济算力中心日前已部署上架和调试的设备的算力为  $4 \times 10^{17} \text{Flops}$  ( $\text{Flops}$  是计算机系统算力的一种度量单位)，整体投产后，累计实现的算力将是日前已部署上架和调试的设备的算力的 5 倍，达到  $m \text{Flops}$ ，则  $m$  的值为 ( )

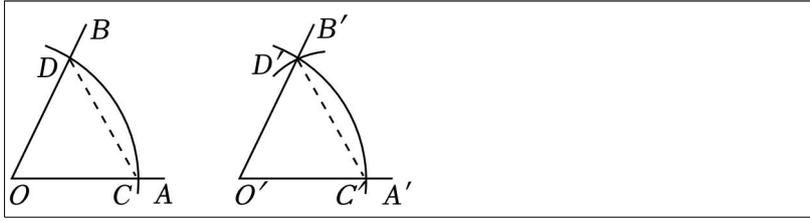
A.  $8 \times 10^{16}$                       B.  $2 \times 10^{17}$                       C.  $5 \times 10^{17}$                       D.  $2 \times 10^{18}$

7. (2 分) 下面是“作一个角使其等于  $\angle AOB$ ”的尺规作图方法。

(1) 如图，以点  $O$  为圆心，任意长为半径画弧，分别交  $OA$ ， $OB$  于点  $C$ ， $D$ ；

(2) 作射线  $O'A'$ ，以点  $O'$  为圆心， $OC$  长为半径画弧，交  $O'A'$  于点  $C'$ ；以点  $C'$  为圆心， $CD$  长为半径画弧，两弧交于点  $D'$ ；

(3) 过点  $D'$  作射线  $O'B'$ ，则  $\angle A'O'B' = \angle AOB$ 。



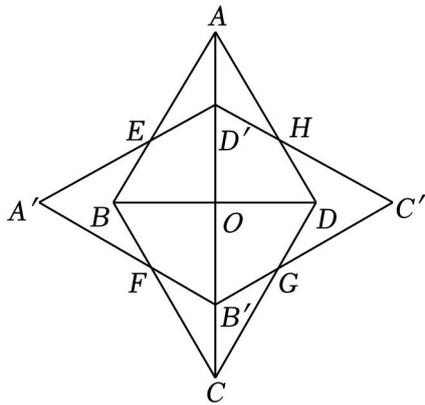
上述方法通过判定  $\triangle C' O' D' \cong \triangle COD$  得到  $\angle A' O' B' = \angle AOB$ ，其中判定  $\triangle C' O' D' \cong \triangle COD$  的依据是 ( )

- A. 三边分别相等的两个三角形全等
- B. 两边及其夹角分别相等的两个三角形全等
- C. 两角及其夹边分别相等的两个三角形全等
- D. 两角分别相等且其中一组等角的对边相等的两个三角形全等

8. (2分) 如图，在菱形  $ABCD$  中， $\angle BAD = 60^\circ$ ， $O$  为对角线的交点。将菱形  $ABCD$  绕点  $O$  逆时针旋转  $90^\circ$  得到菱形  $A' B' C' D'$ ，两个菱形的公共点为  $E, F, G, H$ 。对八边形  $BFB' GDHD' E$  给出下面四个结论：

- ①该八边形各边长都相等；
- ②该八边形各内角都相等；
- ③点  $O$  到该八边形各顶点的距离都相等；
- ④点  $O$  到该八边形各边所在直线的距离都相等。

上述结论中，所有正确结论的序号是 ( )



- A. ①③
- B. ①④
- C. ②③
- D. ②④

## 二、填空题 (共 16 分，每题 2 分)

9. (2分) 若  $\sqrt{x-9}$  在实数范围内有意义，则实数  $x$  的取值范围是 \_\_\_\_\_。

10. (2分) 分解因式： $x^3 - 25x =$  \_\_\_\_\_。

11. (2分) 方程  $\frac{1}{2x+3} + \frac{1}{x} = 0$  的解为 \_\_\_\_\_。

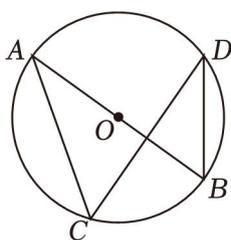
12. (2分) 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 若函数  $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$  的图象经过点  $(3, y_1)$  和  $(-3, y_2)$ , 则  $y_1 + y_2$  的值是 \_\_\_\_\_.

13. (2分) 某厂加工了 200 个工件, 质检员从中随机抽取 10 个工件检测了它们的质量 (单位:  $g$ ), 得到的数据如下:

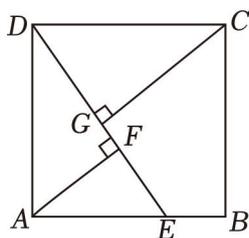
50.03 49.98 50.00 49.99 50.02 49.99 50.01 49.97 50.00 50.02

当一个工件的质量  $x$  (单位:  $g$ ) 满足  $49.98 \leq x \leq 50.02$  时, 评定该工件为一等品. 根据以上数据, 估计这 200 个工件中一等品的个数是 \_\_\_\_\_.

14. (2分) 如图,  $\odot O$  的直径  $AB$  平分弦  $CD$  (不是直径). 若  $\angle D = 35^\circ$ , 则  $\angle C =$  \_\_\_\_\_  $^\circ$ .



15. (2分) 如图, 在正方形  $ABCD$  中, 点  $E$  在  $AB$  上,  $AF \perp DE$  于点  $F$ ,  $CG \perp DE$  于点  $G$ . 若  $AD = 5$ ,  $CG = 4$ , 则  $\triangle AEF$  的面积为 \_\_\_\_\_.



16. (2分) 联欢会有  $A, B, C, D$  四个节目需要彩排, 所有演员到场后节目彩排开始. 一个节目彩排完毕, 下一个节目彩排立即开始. 每个节目的演员人数和彩排时长 (单位:  $min$ ) 如下:

节目	$A$	$B$	$C$	$D$
演员人数	10	2	10	1
彩排时长	30	10	20	10

已知每位演员只参演一个节目. 一位演员的候场时间是指从第一个彩排的节目彩排开始到这位演员参演的节目彩排开始的时间间隔 (不考虑换场时间等其他因素). 若节目按 “ $A - B - C - D$ ” 的先后顺序彩排, 则节目  $D$  的演员的候场时间为 \_\_\_\_\_  $min$ ; 若使这 23 位演员的候场时间之和最小, 则节目应按 \_\_\_\_\_ 的先后顺序彩排.

三、解答题 (共 68 分, 第 17-19 题每题 5 分, 第 20-21 题每题 6 分, 第 22-23 题每题 5 分, 第 24 题 6 分, 第 25 题 5 分, 第 26 题 6 分, 第 27-28 题每题 7 分) 解答应写出文字说明、演算步骤或证明过程.

17. (5分) 计算:  $(\pi - 5)^0 + \sqrt{8} - 2\sin 30^\circ + |-\sqrt{2}|$ .

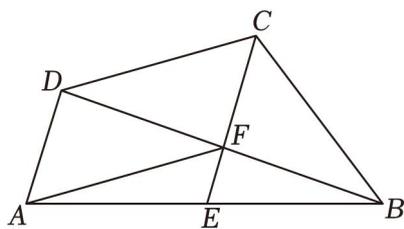
18. (5分) 解不等式组: 
$$\begin{cases} 3(x-1) < 4+2x \\ \frac{x-9}{5} < 2x \end{cases}$$
.

19. (5分) 已知  $a - b - 1 = 0$ , 求代数式  $\frac{3(a-2b)+3b}{a^2-2ab+b^2}$  的值.

20. (6分) 如图, 在四边形  $ABCD$  中,  $E$  是  $AB$  的中点,  $DB, CE$  交于点  $F, DF=FB, AF \parallel DC$ .

(1) 求证: 四边形  $AFC D$  为平行四边形;

(2) 若  $\angle EFB = 90^\circ, \tan \angle FEB = 3, EF = 1$ , 求  $BC$  的长.



21. (6分) 为防治污染, 保护和改善生态环境, 自 2023 年 7 月 1 日起, 我国全面实施汽车国六排放标准 6b 阶段 (以下简称“标准”). 对某型号汽车, “标准” 要求  $A$  类物质排放量不超过  $35\text{mg}/\text{km}$ ,  $A, B$  两类物质排放量之和不超过  $50\text{mg}/\text{km}$ . 已知该型号某汽车的  $A, B$  两类物质排放量之和原为  $92\text{mg}/\text{km}$ . 经过一次技术改进, 该汽车的  $A$  类物质排放量降低了  $50\%$ ,  $B$  类物质排放量降低了  $75\%$ ,  $A, B$  两类物质排放量之和为  $40\text{mg}/\text{km}$ . 判断这次技术改进后该汽车的  $A$  类物质排放量是否符合“标准”, 并说明理由.

22. (5分) 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 函数  $y=kx+b (k \neq 0)$  与  $y=-kx+3$  的图象交于点  $(2, 1)$ .

(1) 求  $k, b$  的值;

(2) 当  $x > 2$  时, 对于  $x$  的每一个值, 函数  $y=mx (m \neq 0)$  的值既大于函数  $y=kx+b$  的值, 也大于函数  $y=-kx+3$  的值, 直接写出  $m$  的取值范围.

23. (5分) 某学校举办的“青春飞扬”主题演讲比赛分为初赛和决赛两个阶段.

(1) 初赛由 10 名教师评委和 45 名学生评委给每位选手打分 (百分制). 对评委给某位选手的打分进行整理、描述和分析. 下面给出了部分信息.

a. 教师评委打分:

86 88 90 91 91 91 91 92 92 98

b. 学生评委打分的频数分布直方图如图 (数据分 6 组: 第 1 组  $82 \leq x < 85$ , 第 2 组  $85 \leq x < 88$ , 第 3 组  $88 \leq x < 91$ , 第 4 组  $91 \leq x < 94$ , 第 5 组  $94 \leq x < 97$ , 第 6 组  $97 \leq x \leq 100$ ):

c. 评委打分的平均数、中位数、众数如下:

	平均数	中位数	众数
--	-----	-----	----

教师评委	91	91	$m$
学生评委	90.8	$n$	93

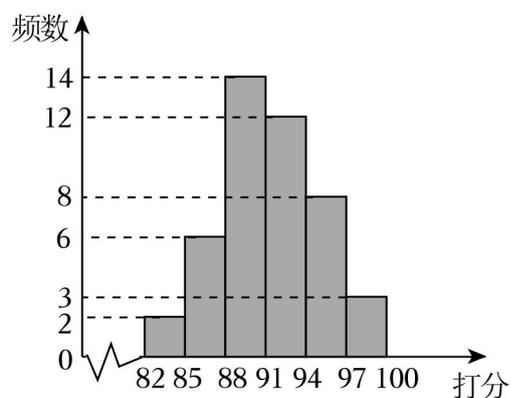
根据以上信息，回答下列问题：

- ①  $m$  的值为 \_\_\_\_\_， $n$  的值位于学生评委打分数据分组的第 \_\_\_\_\_ 组；
- ② 若去掉教师评委打分中的最高分和最低分，记其余 8 名教师评委打分的平均数为  $\bar{x}$ ，则  $\bar{x}$  \_\_\_\_\_ 91（填“>”“=”或“<”）；

(2) 决赛由 5 名专业评委给每位选手打分（百分制）。对每位选手，计算 5 名专业评委给其打分的平均数和方差。平均数较大的选手排序靠前，若平均数相同，则方差较小的选手排序靠前。5 名专业评委给进入决赛的甲、乙、丙三位选手的打分如下：

	评委 1	评委 2	评委 3	评委 4	评委 5
甲	93	90	92	93	92
乙	91	92	92	92	92
丙	90	94	90	94	$k$

若丙在甲、乙、丙三位选手中的排序居中，则这三位选手中排序最靠前的是 \_\_\_\_\_，表中  $k$  ( $k$  为整数) 的值为 \_\_\_\_\_。

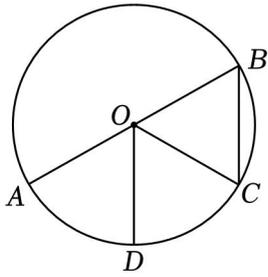


24. (6分) 如图， $AB$  是  $\odot O$  的直径，点  $C, D$  在  $\odot O$  上， $OD$  平分  $\angle AOC$ 。

(1) 求证： $OD \parallel BC$ ；

(2) 延长  $DO$  交  $\odot O$  于点  $E$ ，连接  $CE$  交  $OB$  于点  $F$ ，过点  $B$  作  $\odot O$  的切线交  $DE$  的延长线于点  $P$ 。若  $\frac{OF}{BF} = \frac{5}{6}$ ，

$PE=1$ ，求  $\odot O$  半径的长。



25. (5分) 小云有一个圆柱形水杯(记为1号杯). 在科技活动中, 小云用所学数学知识和人工智能软件设计了一个新水杯, 并将其制作出来. 新水杯(记为2号杯)示意图如图.

当1号杯和2号杯中都有  $V\text{mL}$  水时, 小云分别记录了1号杯的水面高度  $h_1$  (单位:  $\text{cm}$ ) 和2号杯的水面高度  $h_2$  (单位:  $\text{cm}$ ), 部分数据如下:

$V/\text{mL}$	0	40	100	200	300	400	500
$h_1/\text{cm}$	0		2.5	5.0	7.5	10.0	12.5
$h_2/\text{cm}$	0	2.8	4.8	7.2	8.9	10.5	11.8

(1) 补全表格(结果保留小数点后一位);

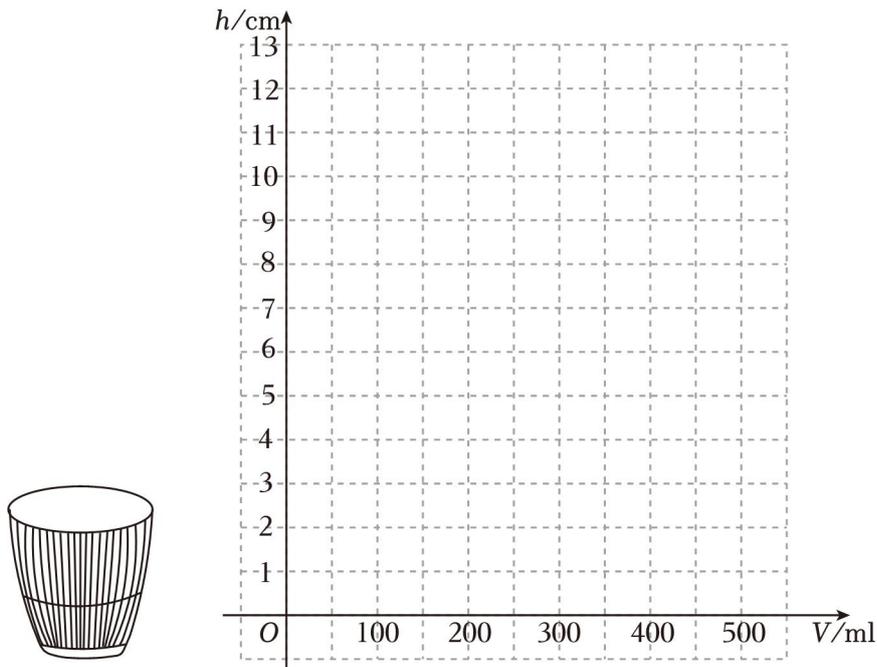
(2) 通过分析数据, 发现可以用函数刻画  $h_1$  与  $V$ ,  $h_2$  与  $V$  之间的关系. 在给出的平面直角坐标系中, 画出这两个函数的图象;

(3) 根据以上数据与函数图象, 解决下列问题:

①当1号杯和2号杯中都有  $320\text{mL}$  水时, 2号杯的水面高度与1号杯的水面高度的差约为 \_\_\_\_\_  $\text{cm}$

(结果保留小数点后一位);

②在①的条件下, 将2号杯中的一部分水倒入1号杯中, 当两个水杯的水面高度相同时, 其水面高度约为 \_\_\_\_\_  $\text{cm}$  (结果保留小数点后一位).



26. (6分) 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 已知抛物线  $y=ax^2 - 2a^2x$  ( $a \neq 0$ ).

(1) 当  $a=1$  时, 求抛物线的顶点坐标;

(2) 已知  $M(x_1, y_1)$  和  $N(x_2, y_2)$  是抛物线上的两点. 若对于  $x_1=3a$ ,  $3 \leq x_2 \leq 4$ , 都有  $y_1 < y_2$ , 求  $a$  的取值范围.

27. (7分) 已知  $\angle MAN = \alpha$  ( $0^\circ < \alpha < 45^\circ$ ), 点  $B, C$  分别在射线  $AN, AM$  上, 将线段  $BC$  绕点  $B$  顺时针旋转  $180^\circ - 2\alpha$  得到线段  $BD$ , 过点  $D$  作  $AN$  的垂线交射线  $AM$  于点  $E$ .

(1) 如图 1, 当点  $D$  在射线  $AN$  上时, 求证:  $C$  是  $AE$  的中点;

(2) 如图 2, 当点  $D$  在  $\angle MAN$  内部时, 作  $DF \parallel AN$ , 交射线  $AM$  于点  $F$ , 用等式表示线段  $EF$  与  $AC$  的数量关系, 并证明.

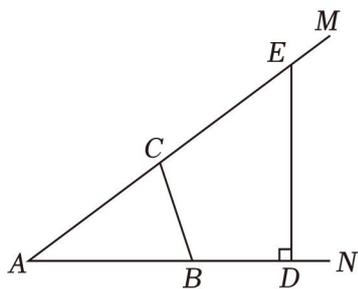


图 1

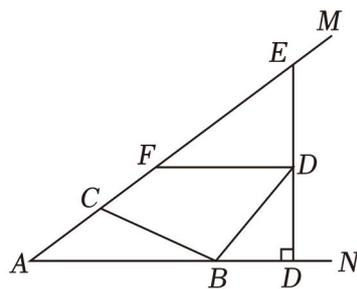


图 2

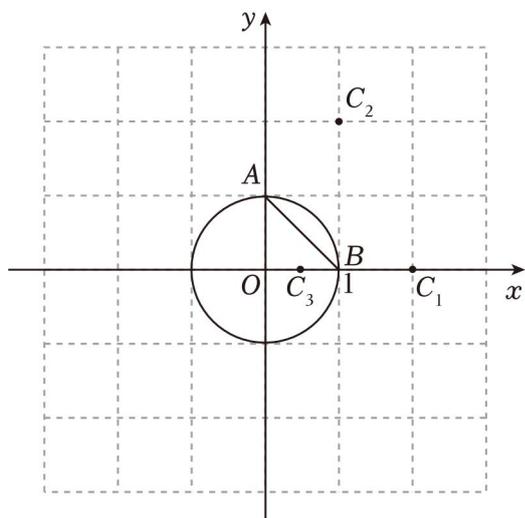
28. (7分) 在平面直角坐标系  $xOy$  中,  $\odot O$  的半径为 1. 对于  $\odot O$  的弦  $AB$  和不在直线  $AB$  上的点  $C$ , 给出如下定义: 若点  $C$  关于直线  $AB$  的对称点  $C'$  在  $\odot O$  上或其内部, 且  $\angle ACB = \alpha$ , 则称点  $C$  是弦  $AB$  的“ $\alpha$ 可及点”.

(1) 如图, 点  $A(0, 1), B(1, 0)$ .

①在点  $C_1(2, 0)$ ,  $C_2(1, 2)$ ,  $C_3(\frac{1}{2}, 0)$ 中, 点 \_\_\_\_\_ 是弦  $AB$  的“ $\alpha$ 可及点”, 其中 $\alpha$ = \_\_\_\_\_  $^\circ$  ;

②若点  $D$  是弦  $AB$  的“ $90^\circ$  可及点”, 则点  $D$  的横坐标的最大值为 \_\_\_\_\_ ;

(2) 已知  $P$  是直线  $y = \sqrt{3}x - \sqrt{3}$  上一点, 且存在  $\odot O$  的弦  $MN$ , 使得点  $P$  是弦  $MN$  的“ $60^\circ$  可及点”. 记点  $P$  的横坐标为  $t$ , 直接写出  $t$  的取值范围.



# 2024 年北京市中考数学试卷

## 参考答案与试题解析

一、选择题（共 16 分，每题 2 分）第 1-8 题均有四个选项，符合题意的选项只有一个.

1. (2 分) 下列图形中，既是轴对称图形又是中心对称图形的是 ( )



【答案】B

【解答】解：A、图形是中心对称图形，不是轴对称图形，不符合题意；

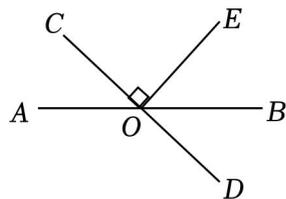
B、图形是中心对称图形，也是轴对称图形，符合题意；

C、图形不是中心对称图形，也不是轴对称图形，不符合题意；

D、图形不是中心对称图形，是轴对称图形，不符合题意，

故选：B.

2. (2 分) 如图，直线  $AB$  和  $CD$  相交于点  $O$ ， $OE \perp OC$ . 若  $\angle AOC = 58^\circ$ ，则  $\angle EOB$  的大小为 ( )



A.  $29^\circ$                       B.  $32^\circ$                       C.  $45^\circ$                       D.  $58^\circ$

【答案】B

【解答】解： $\because OE \perp OC$ ,

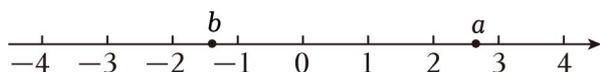
$\therefore \angle COE = \angle DOE = 90^\circ$ ，

$\because \angle BOD = \angle AOC = 58^\circ$ ，

$\therefore \angle EOB = 90^\circ - 58^\circ = 32^\circ$  .

故选：B.

3. (2 分) 实数  $a$ ， $b$  在数轴上的对应点的位置如图所示，下列结论中正确的是 ( )



A.  $b > -1$                       B.  $|b| > 2$                       C.  $a + b > 0$                       D.  $ab > 0$

【答案】C

【解答】解：由数轴得， $-2 < b < -1$ ， $2 < a < 3$ ，

$\therefore |b| < 2$ ， $a + b > 0$ ， $ab < 0$ ，

故选：C.

4. (2分) 若关于  $x$  的一元二次方程  $x^2 - 4x + c = 0$  有两个相等的实数根，则实数  $c$  的值为 ( )

- A. -16                      B. -4                      C. 4                      D. 16

【答案】C

【解答】解：因为关于  $x$  的一元二次方程  $x^2 - 4x + c = 0$  有两个相等的实数根，

所以  $\Delta = (-4)^2 - 4c = 0$ ,

解得  $c = 4$ .

故选：C.

5. (2分) 不透明袋子中仅有红、黄小球各一个，两个小球除颜色外无其他差别。从中随机摸出一个小球，放回并摇匀，再从中随机摸出一个小球，则两次摸出的都是红球的概率是 ( )

- A.  $\frac{1}{4}$                       B.  $\frac{1}{3}$                       C.  $\frac{1}{2}$                       D.  $\frac{3}{4}$

【答案】A

【解答】解：列表如下：

	红	黄
红	(红, 红)	(红, 黄)
黄	(黄, 红)	(黄, 黄)

共有 4 种等可能的结果，其中两次摸出的都是红球的结果有 1 种，

$\therefore$  两次摸出的都是红球的概率为  $\frac{1}{4}$ .

故选：A.

6. (2分) 为助力数字经济发展，北京积极推进多个公共算力中心的建设。北京数字经济算力中心日前已部署上架和调试的设备的算力为  $4 \times 10^{17} \text{Flops}$  ( $\text{Flops}$  是计算机系统算力的一种度量单位)，整体投产后，累计实现的算力将是日前已部署上架和调试的设备的算力的 5 倍，达到  $m \text{Flops}$ ，则  $m$  的值为 ( )

- A.  $8 \times 10^{16}$                       B.  $2 \times 10^{17}$                       C.  $5 \times 10^{17}$                       D.  $2 \times 10^{18}$

【答案】D

【解答】解：由题意可得： $4 \times 10^{17} \times 5 = 2 \times 10^{18}$ .

故选：D.

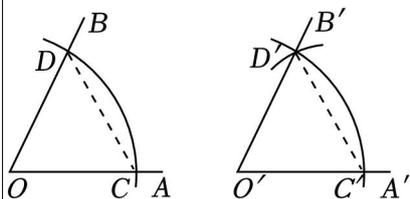
7. (2分) 下面是“作一个角使其等于  $\angle AOB$ ”的尺规作图方法.

(1) 如图，以点  $O$  为圆心，任意长为半径画弧，分别交  $OA$ ， $OB$

于点  $C, D$ ;

(2) 作射线  $O'A'$ ，以点  $O'$  为圆心， $OC$  长为半径画弧，交  $O'A'$  于点  $C'$ ；以点  $C'$  为圆心， $CD$  长为半径画弧，两弧交于点  $D'$ ；

(3) 过点  $D'$  作射线  $O'B'$ ，则  $\angle A'O'B' = \angle AOB$ 。



上述方法通过判定  $\triangle C'O'D' \cong \triangle COD$  得到  $\angle A'O'B' = \angle AOB$ ，其中判定  $\triangle C'O'D' \cong \triangle COD$  的依据是 ( )

- A. 三边分别相等的两个三角形全等
- B. 两边及其夹角分别相等的两个三角形全等
- C. 两角及其夹边分别相等的两个三角形全等
- D. 两角分别相等且其中一组等角的对边相等的两个三角形全等

【答案】A

【解答】解：由作图过程可得， $OC=OD=O'C'=O'D'$ ， $C'D'=CD$ ，

$\therefore \triangle C'O'D' \cong \triangle COD$  (SSS)，

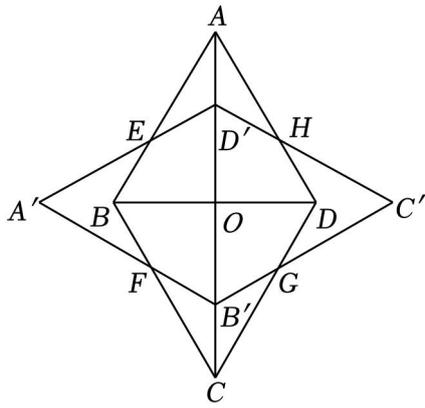
$\therefore$  判定  $\triangle C'O'D' \cong \triangle COD$  的依据是三边分别相等的两个三角形全等。

故选：A。

8. (2分) 如图，在菱形  $ABCD$  中， $\angle BAD=60^\circ$ ， $O$  为对角线的交点。将菱形  $ABCD$  绕点  $O$  逆时针旋转  $90^\circ$  得到菱形  $A'B'C'D'$ ，两个菱形的公共点为  $E, F, G, H$ 。对八边形  $BFB'GDHD'E$  给出下面四个结论：

- ①该八边形各边长都相等；
- ②该八边形各内角都相等；
- ③点  $O$  到该八边形各顶点的距离都相等；
- ④点  $O$  到该八边形各边所在直线的距离都相等。

上述结论中，所有正确结论的序号是 ( )



A. ①③

B. ①④

C. ②③

D. ②④

【答案】B

【解答】解：延长  $BD$  和  $DB$ ，连接  $OH$ ，

$\because$  菱形  $ABCD$ ， $\angle BAD=60^\circ$ ，

$\therefore \angle BAO=\angle DAO=30^\circ$ ， $\angle AOD=\angle AOB=90^\circ$ ，

$\because$  菱形  $ABCD$  绕点  $O$  逆时针旋转  $90^\circ$  得到菱形  $A'B'CD'$ ，

$\therefore$  点  $A'$ ， $D'$ ， $B'$ ， $C'$  一定在对角线  $AC$ ， $BD$  上，且  $OD=OD'=OB=OB'$ ， $OA=OA'=OC=OC'$ ，

$\therefore AD'=CD'$ ， $\angle D'AH=\angle DCH=30^\circ$ ，

$\therefore \angle D'HA=\angle DHC'$ ，

$\therefore \triangle AD'H \cong \triangle CDH$  (AAS)，

$\therefore D'H=DH$ ， $C'H=AH$ ，

同理可证  $D'E=BE$ ， $BF=B'F$ ， $B'G=DG$ ，

$\therefore \angle EA'B=\angle HCD=30^\circ$ ， $A'B=C'D$ ， $\angle A'BE=\angle CDH=120^\circ$ ，

$\therefore \triangle A'BE \cong \triangle CDH$  (ASA)，

$\therefore DH=BE$ ，

$\therefore DH=BE=D'H=D'E=BF=FB'=B'G=DG$ ，

$\therefore$  该八边形各边长都相等，故①正确；

根据角的平分线的性质定理，得点  $O$  到该八边形各边所在直线的距离都相等，故④正确；

根据题意，得  $\angle ED'H=120^\circ$ ，

$\therefore \angle D'OD=90^\circ$ ， $\angle OD'H=\angle ODH=60^\circ$ ，

$\therefore \angle D'HD=150^\circ$ ，

$\therefore$  该八边形各内角不相等，故②错误；

$\therefore OD=OD'$ ， $D'H=DH$ ， $OH=OH$ ，

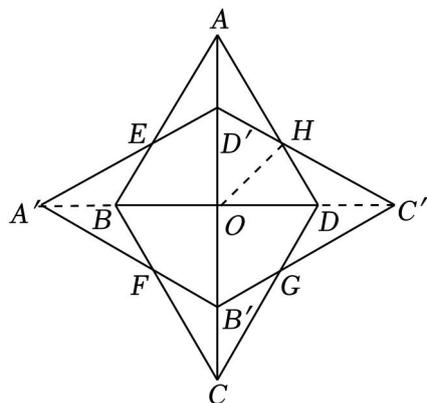
$\therefore \triangle D'OH \cong \triangle DOH$  (SSS),

$\therefore \angle D'OH = \angle DOH = 45^\circ$ ,  $\angle D'HO = \angle DHO = 75^\circ$ ,

$\therefore OD \neq OH$ ,

$\therefore$  点  $O$  到该八边形各顶点的距离不相等, 故③错误;

故选:  $B$ .



## 二、填空题 (共 16 分, 每题 2 分)

9. (2 分) 若  $\sqrt{x-9}$  在实数范围内有意义, 则实数  $x$  的取值范围是  $x \geq 9$ .

【答案】  $x \geq 9$ .

【解答】 解: 根据题意得  $x - 9 \geq 0$ ,

解得:  $x \geq 9$ .

故答案为:  $x \geq 9$ .

10. (2 分) 分解因式:  $x^3 - 25x =$   $x(x+5)(x-5)$ .

【答案】 见试题解答内容

【解答】 解:  $x^3 - 25x$ ,

$=x(x^2 - 25)$ ,

$=x(x+5)(x-5)$ .

11. (2 分) 方程  $\frac{1}{2x+3} + \frac{1}{x} = 0$  的解为  $x = -1$ .

【答案】  $x = -1$ .

【解答】 解:  $\frac{1}{2x+3} + \frac{1}{x} = 0$

$x + (2x+3) = 0$

$3x+3=0$

$x = -1$ ,

经检验， $x = -1$  是原方程的解.

12. (2分) 在平面直角坐标系  $xOy$  中，若函数  $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$  的图象经过点  $(3, y_1)$  和  $(-3, y_2)$ ，则  $y_1 + y_2$  的值是 0.

【答案】0.

【解答】解：∵ 函数  $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$  的图象经过点  $(3, y_1)$  和  $(-3, y_2)$ ，

$$\therefore y_1 = \frac{k}{3}, y_2 = -\frac{k}{3},$$

$$\therefore y_1 + y_2 = 0.$$

故答案为：0.

13. (2分) 某厂加工了 200 个工件，质检员从中随机抽取 10 个工件检测了它们的质量 (单位: g)，得到的数据如下：

50.03 49.98 50.00 49.99 50.02 49.99 50.01 49.97 50.00 50.02

当一个工件的质量  $x$  (单位: g) 满足  $49.98 \leq x \leq 50.02$  时，评定该工件为一等品. 根据以上数据，估计这 200 个工件中一等品的个数是 160.

【答案】160.

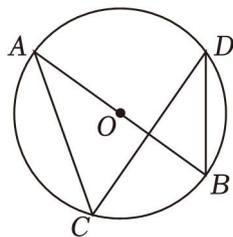
【解答】解：∵ 满足  $49.98 \leq x \leq 50.02$  时，评定该工件为一等品，

∴ 抽取 10 个工件的一等品有 49.98, 50.00, 49.99, 50.02, 49.99, 50.01, 50.00, 50.02，共计 8 个，

∴ 估计这 200 个工件中一等品的个数是  $200 \times \frac{8}{10} = 160$ ，

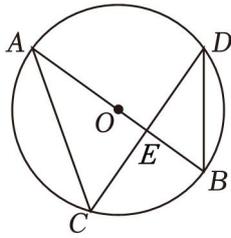
故答案为：160.

14. (2分) 如图， $\odot O$  的直径  $AB$  平分弦  $CD$  (不是直径). 若  $\angle D = 35^\circ$ ，则  $\angle C =$  55  $^\circ$ .



【答案】55.

【解答】解：设  $AB$  与  $CD$  相交于点  $E$ ，



$\because \odot O$  的直径  $AB$  平分弦  $CD$  (不是直径),

$\therefore AB \perp CD$ ,

$\therefore \angle DEB = 90^\circ$ ,

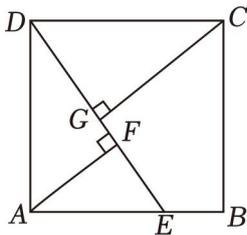
$\because \angle D = 35^\circ$ ,

$\therefore \angle B = 90^\circ - \angle D = 55^\circ$ ,

$\therefore \angle C = \angle B = 55^\circ$ ,

故选: 55.

15. (2分) 如图, 在正方形  $ABCD$  中, 点  $E$  在  $AB$  上,  $AF \perp DE$  于点  $F$ ,  $CG \perp DE$  于点  $G$ . 若  $AD=5$ ,  $CG=4$ , 则  $\triangle AEF$  的面积为  $\frac{27}{8}$ .



**【答案】**  $\frac{27}{8}$ .

**【解答】** 解:  $\because$  四边形  $ABCD$  是正方形,

$\therefore AD = CD$ ,  $\angle ADC = \angle DAE = 90^\circ$ ,

$\because AF \perp DE$ ,  $CG \perp DE$ ,

$\therefore \angle AFD = \angle CGD = 90^\circ$ ,

$\because \angle ADF + \angle CDG = \angle ADF + \angle DAF$ ,

$\therefore \angle CDG = \angle DAF$ ,

$\therefore \triangle CDG \cong \triangle DAF$  (AAS),

$\therefore AF = DG = \sqrt{CD^2 - CG^2} = 3$ ,  $DF = CG = 4$ ,

同理可得  $\angle EAF = \angle ADF$ ,

又  $\angle AFE = \angle AFD$ ,

$\therefore \triangle AFE \sim \triangle DFA$ ,

$$\therefore \frac{AF}{DF} = \frac{EF}{AF}, \text{ 即 } \frac{3}{4} = \frac{EF}{3},$$

$$\therefore EF = \frac{9}{4},$$

$$\therefore S_{\triangle AEF} = \frac{1}{2} AE \cdot EF = \frac{27}{8}.$$

故答案为:  $\frac{27}{8}$ .

16. (2分) 联欢会有  $A, B, C, D$  四个节目需要彩排, 所有演员到场后节目彩排开始. 一个节目彩排完毕, 下一个节目彩排立即开始. 每个节目的演员人数和彩排时长 (单位:  $min$ ) 如下:

节目	$A$	$B$	$C$	$D$
演员人数	10	2	10	1
彩排时长	30	10	20	10

已知每位演员只参演一个节目. 一位演员的候场时间是指从第一个彩排的节目彩排开始到这位演员参演的节目彩排开始的时间间隔 (不考虑换场时间等其他因素). 若节目按 “ $A - B - C - D$ ” 的先后顺序彩排, 则节目  $D$  的演员的候场时间为 60  $min$ ; 若使这 23 位演员的候场时间之和最小, 则节目应按  $B - D - C - D$  的先后顺序彩排.

【答案】60;  $B - D - C - D$ .

【解答】解: 根据题意, 节目  $D$  的演员的候场时间为:  $30+10+20=60$  ( $min$ );

若使这 23 位演员的候场时间之和最小, 则节目应按:  $B - D - C - D$  顺序排序,

即  $1 \times 10 + 10 \times 10 + 10 \times 20 = 310$  ( $min$ ),

故答案为: 60;  $B - D - C - D$ .

- 三、解答题 (共 68 分, 第 17-19 题每题 5 分, 第 20-21 题每题 6 分, 第 22-23 题每题 5 分, 第 24 题 6 分, 第 25 题 5 分, 第 26 题 6 分, 第 27-28 题每题 7 分) 解答应写出文字说明、演算步骤或证明过程.

17. (5分) 计算:  $(\pi - 5)^0 + \sqrt{8} - 2\sin 30^\circ + |-\sqrt{2}|$ .

【答案】 $3\sqrt{2}$ .

【解答】解:  $(\pi - 5)^0 + \sqrt{8} - 2\sin 30^\circ + |-\sqrt{2}|$

$$= 1 + 2\sqrt{2} - 2 \times \frac{1}{2} + \sqrt{2}$$

$$= 3\sqrt{2}.$$

18. (5分) 解不等式组: 
$$\begin{cases} 3(x-1) < 4+2x \\ \frac{x-9}{5} < 2x \end{cases}.$$

【答案】 $-1 < x < 7$ .

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/978007125022006113>